



**TECNOLÓGICO NACIONAL DE MÉXICO**  
en Celaya



**TECNOLÓGICO NACIONAL DE MÉXICO EN CELAYA**  
**DEPARTAMENTO DE INGENIERÍA INDUSTRIAL**

**PROGRAMACIÓN DE UN ALGORITMO PARA LA  
CONSTRUCCIÓN DE ESTRUCTURAS DE ALIAS DE  
DISEÑOS FACTORIALES FRACCIONADOS DE NIVELES  
MIXTOS**

**TESIS PROFESIONAL  
PARA OBTENER EL GRADO DE:**

**MAESTRO EN INGENIERÍA INDUSTRIAL**

**PRESENTA:  
EDGAR SALMORÁN LÓPEZ**

**DIRECTOR DE TESIS:  
DR. ARMANDO JAVIER RÍOS LIRA**

**CO-DIRECTOR DE TESIS:  
M. I. I. YAQUELIN VERENICE PANTOJA PACHECO**

**CELAYA, GTO., MÉXICO, FEBRERO, 2020**



"2019, Año del Caudillo del Sur, Emiliano Zapata"

**Asunto: Autorización de impresión de trabajo profesional.**

Celaya Gto., **05 Febrero 2020**


**M.C. MOISES TAPIA ESQUIVIAS**  
**JEFE DEL DEPARTAMENTO DE INGENIERIA INDUSTRIAL.**  
**Presente.**

De acuerdo a la convocatoria hecha por esta jefatura a fin de aprobar o no la impresión del trabajo profesional titulado:


**"Programación de un Algoritmo para la Construcción de Estructuras de Alias de Diseños Factoriales Fraccionados de Niveles Mixtos"**

Presentado por el (a) pasante **C. ING. Salmorán López Edgar (M1803015)** alumno (a) del programa de Maestría en Ingeniería Industrial que ofrece nuestro Instituto.  
Hacemos de su conocimiento que éste jurado ha tenido a bien aprobar la impresión de dicho trabajo para los efectos consiguientes.

**ATENTAMENTE**

  
**DR. ARMANDO JAVIER RIOS LIRA**  
Presidente

  
**M.C. MOISES TAPIA ESQUIVIAS**  
Secretario

  
**DR. JOSÉ ANTONIO VAZQUEZ LOPEZ**  
Vocal

  
**M.C. MANUEL DARIO HERNANDEZ RIPALDA**  
Vocal Suplente



TECNOLÓGICO NACIONAL DE MÉXICO  
en Celaya

COORDINACIÓN DE MAESTRÍA DE  
INGENIERÍA INDUSTRIAL

Ccp. Escolares  
Archivo.  
VFF\*MTE\*dmpv





**SEP**  
SECRETARÍA DE  
EDUCACIÓN PÚBLICA



TECNOLÓGICO  
NACIONAL DE MÉXICO  
en Celaya



**MAESTRÍA EN INGENIERÍA INDUSTRIAL**  
Celaya, Gto., 05/Febrero/2020  
Asunto: Carta de Cesión de Derechos.

**C. DR. JOSÉ LÓPEZ MUÑOZ**  
**DIRECTOR DEL TECNOLÓGICO NACIONAL DE MÉXICO EN CELAYA**

**PRESENTE.**

En la ciudad de Celaya, Guanajuato, el 05 de Febrero del 2020, el que suscribe C. Edgar Salmorán López, alumno de la carrera de Maestría en Ingeniería Industrial con número de control M1803015, adscrito al Tecnológico Nacional de México en Celaya, manifiesta que es autor intelectual de la presente Tesis y cede los derechos del trabajo titulado Programación de un Algoritmo para la Construcción de Estructuras de Alias de Diseños Factoriales Fraccionados de Niveles Mixtos al Tecnológico Nacional de México en Celaya para su difusión, con fines académicos y de investigación.

Edgar Salmorán López  
Nombre del alumno

## RESUMEN

Los diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos permiten analizar sólo un subconjunto de corridas o fracción de un diseño factorial completo. Estos diseños minimizan el empleo de recursos dado que se reducen el número de corridas. Una desventaja de fraccionar un diseño es la confusión que se genera en el experimento. Las estructuras de alias son arreglos que permiten conocer la forma en que los términos del diseño quedan confundidos unos con otros. Actualmente el único método que se ha propuesto para la construcción de estructuras de alias de diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos se muestra en García (2015). Este método tiende a complicarse a medida que aumenta el número de factores en los diseños. Si se requiere construir la estructura de alias de una matriz de diseño de 9 factores con 30 corridas, esto involucra realizar operaciones matemáticas básica, operaciones matriciales y el análisis de una matriz de correlaciones de tamaño  $129 \times 129$ , esto le tomaría como mínimo 3 horas al experimentador si dominara el método y además utilizara una hoja de cálculo. Al analizar un gran número de datos se incrementa la probabilidad de cometer errores de cálculo e interpretativos. El objetivo de este trabajo es programar un algoritmo de construcción de estructuras de alias de diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos en MATLAB. El programa que se pretende obtener tiene como propósito facilitar la construcción de las estructuras de alias de diseños fraccionados de niveles mixtos, reducir el tiempo que se emplea en la construcción, anular la incertidumbre de cometer errores en la construcción y ser una herramienta con la que el experimentador pueda obtener información sobre la fracción de su interés, con base en eso elegir la fracción que proporcione la mayor información para el experimento reduciendo así recursos en la experimentación.

## **ABSTRACT**

Mixed levels Fractional factorial designs allow to analyze only a subset of runs or fraction of a complete factorial design. These designs minimize the use of resources since the number of runs is reduced. A disadvantage of fractioning a design is the confusion generated in the experiment. The alias structures are arrangements that allow knowing the way in which the terms of the design are confused with each other. Currently the only method that has been proposed for the construction of alias structures of fractional factorial designs of mixed levels is shown in García (2015). This method tends to get complicated as the number of factors in the designs increases. If it is required to build the alias structure of a 9-factor design matrix with 30 runs, this involves performing basic math operations, matrix operations and analyzing a matrix of  $129 \times 129$  size correlations, this would take at least 3 hours the experimenter if he mastered the method and use a spreadsheet. Analyzing many data increases the probability of making calculation and interpretive errors. The objective of this work is to program an algorithm for the construction of alias structures for mixed levels fractional factorial designs in MATLAB. The purpose of the program is to facilitate the construction of alias structures of mixed fractional designs, reduce the time used in construction, cancel the uncertainty of making mistakes in construction and be a tool with which the experimenter can obtain information about the fraction of interest, based on that choose the fraction that provides the most information for the experiment, thus reducing resources in the experimentation.

## **AGRADECIMIENTOS**

*A dios*

*A mi familia*

*A mis directores de tesis y profesores*

*Al CONACYT*

*Muchas gracias a todos.*

## ÍNDICE

RESUMEN .....	i
ABSTRACT .....	ii
AGRADECIMIENTOS .....	iii
ÍNDICE .....	iv
Capítulo I Introducción .....	1
1.1. Planteamiento del problema.....	1
1.2. Objetivo general .....	2
1.2.1. Objetivos específicos.....	2
1.3. Justificación.....	2
1.4. Preguntas de la investigación .....	4
1.5. Alcances.....	4
1.6. Limitaciones .....	4
1.7. Hipótesis .....	4
Capítulo II Marco teórico .....	5
2.1. Algoritmo y programación .....	5
2.1.1. Diagrama de flujo.....	5
2.1.2. Programa de computadora .....	7
2.1.3. Lenguajes de programación .....	7
2.1.4. Programación en MATLAB .....	8
2.1.5. Programación modular .....	9
2.1.6. Etapas para la creación de un programa.....	10
2.2. Diseño de experimentos.....	11
2.2.1. Antecedentes.....	12
2.2.2. Conceptos básicos .....	14
2.2.3. Principios básicos de diseños de experimentos .....	17

2.2.4.	Aplicaciones de diseños de experimentos .....	20
2.3.	Diseños factoriales .....	21
2.4.	Diseños factoriales fraccionados de dos niveles .....	24
2.3.1.	Estructura de alias .....	27
2.3.2.	Resolución de diseños factorial fraccionado de dos niveles .....	29
2.5.	Diseños factoriales de niveles mixtos.....	30
2.6.	Diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos .....	32
2.6.1.	Propiedades deseables .....	32
2.6.2.	Métodos de construcción .....	35
2.6.3.	Método de construcción de estructura de alias de diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos .....	37
2.7.	Estado del arte .....	42
Capítulo III	Método de investigación .....	47
3.1.	Descripción del método de investigación .....	47
3.1.1.	Estudiar y comprender el funcionamiento del método de construcción de estructuras de alias propuesto por García (2015).....	48
3.1.2.	Definir un diagrama de flujo que represente el método .....	48
3.1.3.	Conocer las herramientas y recursos de programación de MATLAB	48
3.1.4.	Codificar el algoritmo en el lenguaje de programación de MATLAB..	49
3.1.5.	Validación resultados.....	49
Capítulo IV	Resultados y conclusiones .....	50
4.1.	Resultados .....	50
4.1.1.	Etapa 1 .....	50
4.1.2.	Etapa 2 .....	54
4.1.3.	Etapa 3 .....	57
4.1.4.	Etapa 4 .....	58



4.1.5. Etapa 5 .....	77
4.2. Propuesta de reducción de estructura de alias de diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos .....	100
4.3. Conclusiones.....	107
Bibliografía .....	109
Anexos .....	113
4.4. Código MATLAB .....	113
4.4.1. Archivos .mat.....	140

## ÍNDICE DE FIGURAS

<i>Figura 2.1</i> Programación modular .....	10
<i>Figura 2.2</i> Modelo general de un proceso o sistema.....	12
<i>Figura 2.3</i> Línea de tiempo de las cuatro etapas del desarrollo de diseños de experimentos.....	13
<i>Figura 2.4</i> Interacción significativa de los factores A y B .....	23
<i>Figura 2.5</i> Interacción no significativa entre los factores A y B. ....	23
<i>Figura 2.6</i> Estructura de alias del diseño $2^{3-1}$ .....	29
<i>Figura 2.7</i> Diseño factorial de niveles mixto $2^1 3^1 4^1$ .....	31
<i>Figura 2.8</i> Matriz de correlaciones general .....	38
<i>Figura 2.9</i> Método de construcción .....	39
<i>Figura 2.10</i> Arreglo eficiente $(15, 3^1 5^1 7^1)$ .....	39
<i>Figura 2.11</i> Codificación de notación natural a la notación geométrica .....	40
<i>Figura 2.12</i> Matriz del modelo .....	40
<i>Figura 2.13</i> Matriz de correlaciones. ....	41
<i>Figura 2.14</i> Matriz de correlaciones con valores seleccionados. ....	41
<i>Figura 2.15</i> Estructura de alias del diseño $(15, 3^1 5^1 7^1)$ .....	42
<i>Figura 3.1</i> Método de investigación.....	47
<i>Figura 4.1</i> Ejemplo de una matriz de correlaciones.. ....	51
<i>Figura 4.2</i> Ejemplo de matriz de correlaciones dividida. ....	52

<i>Figura 4.3</i> Ejemplo de matriz de correlaciones, segundo principio .....	52
<i>Figura 4.4</i> Ejemplo de matriz de correlaciones, tercer principio.....	53
<i>Figura 4.5</i> Ejemplo de matriz de correlaciones, quinto principio. ....	54
<i>Figura 4.6</i> Diagrama de flujo del algoritmo.....	56
<i>Figura 4.7</i> Estructura del programa para construir estructuras de alias. ....	59
<i>Figura 4.8</i> Matriz de correlaciones del diseño EA (21, 3 <sup>2</sup> 4 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> ).....	63
<i>Figura 4.9</i> Matriz triangular T. ....	64
<i>Figura 4.10</i> Matriz W. ....	64
<i>Figura 4.11</i> Búsqueda en factores principales bajo la diagonal. ....	65
<i>Figura 4.12</i> Matriz revisada revW.....	66
<i>Figura 4.13</i> División de la matriz .....	67
<i>Figura 4.14</i> Vector guía.....	67
<i>Figura 4.15</i> Análisis de renglones ME.....	68
<i>Figura 4.16</i> Vector guía para 3FI.....	68
<i>Figura 4.17</i> Matriz D.....	69
<i>Figura 4.18</i> Matriz UD. ....	69
<i>Figura 4.19</i> Matriz MFL. ....	70
<i>Figura 4.20</i> Matriz ML. ....	71
<i>Figura 4.21</i> Vector de ceros. ....	71
<i>Figura 4.22</i> Matriz MZ y vector de ayuda.. ....	72
<i>Figura 4.23</i> Matriz MX.. ....	73
<i>Figura 4.24</i> Matriz CH con unos en la diagonal.....	74
<i>Figura 4.25</i> Matriz MSZ.....	74
<i>Figura 4.26</i> Matriz de letras para cuatro factores.....	75
<i>Figura 4.27</i> Renglón de letras para cuatro factores. ....	75
<i>Figura 4.28</i> Estructura de alias del diseño EA (21, 3 <sup>2</sup> 4 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> ) .....	75
<i>Figura 4. 29</i> Interfaz gráfica de usuario.....	76
<i>Figura 4.30</i> Diseño EA (20, 3 <sup>1</sup> 4 <sup>1</sup> 5 <sup>1</sup> ).....	77
<i>Figura 4.31</i> Diseño EA (21, 3 <sup>1</sup> 4 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> ).. ....	78
<i>Figura 4.32</i> Diseño EA (21, 3 <sup>1</sup> 6 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> ).....	79
<i>Figura 4.33</i> Diseño EA (24, 4 <sup>1</sup> 6 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> ). ....	80

<i>Figura 4.34</i> Diseño EA (24, 5 <sup>1</sup> 6 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> ) .....	81
<i>Figura 4.35</i> Diseño EA (20, 3 <sup>1</sup> 5 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> ).....	82
<i>Figura 4.36</i> Diseño EA (20, 2 <sup>4</sup> 3 <sup>1</sup> 4 <sup>1</sup> ) .....	83
<i>Figura 4.37</i> Diseño EA (20, 2 <sup>4</sup> 3 <sup>1</sup> 5 <sup>1</sup> ) .....	84
<i>Figura 4.38</i> Diseño EA (20, 325171) .....	85
<i>Figura 4.39</i> Diseño EA (21, 3 <sup>2</sup> 4 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> ) .....	86
<i>Figura 4.40</i> Diseño EA (20, 2 <sup>3</sup> 5 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> ).....	87
<i>Figura 4.41</i> Diseño EA (20, 2 <sup>4</sup> 5 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> ).....	88
<i>Figura 4.42</i> Diseño EA (20, 2 <sup>3</sup> 3 <sup>1</sup> 4 <sup>1</sup> 5 <sup>1</sup> ) .....	89
<i>Figura 4.43</i> Diseño EA (20, 2 <sup>4</sup> 3 <sup>1</sup> 4 <sup>1</sup> 5 <sup>1</sup> ).....	90
<i>Figura 4.44</i> Diseño EA (28, 2 <sup>3</sup> 6 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> ) .....	91
<i>Figura 4.45</i> Diseño EA (28, 2 <sup>4</sup> 6 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> ) .....	92
<i>Figura 4.46</i> Diseño EA (30, 2 <sup>6</sup> 3 <sup>1</sup> 5 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> ) .....	93
<i>Figura 4.47</i> Estructura de alias del diseño AE (30, 2 <sup>6</sup> 3 <sup>1</sup> 5 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> ).....	94
<i>Figura 4.48</i> Diseño EA (24, 3 <sup>1</sup> 5 <sup>1</sup> 6 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> ).....	95
<i>Figura 4.49</i> Diseño AE (20, 4 <sup>1</sup> 5 <sup>1</sup> 6 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> ) .....	96
<i>Figura 4.50</i> Estructuras de alias foldover vs semifold EA (20, 2 <sup>4</sup> 3 <sup>1</sup> 4 <sup>1</sup> ) .....	99
<i>Figura 4.51</i> Número de factores vs tiempo. ....	100

## ÍNDICE DE TABLAS

<i>Tabla 2.1</i> Símbolos utilizados para representar algoritmos.....	6
<i>Tabla 2.2</i> Datos del experimento.....	15
<i>Tabla 2.3</i> Tres maneras de escribir tratamientos de un diseño 2 <sup>2</sup> .....	16
<i>Tabla 2.4</i> Tratamiento del experimento .....	17
<i>Tabla 2.5</i> Tratamiento de un experimento de dos factores y cuatro replicas .....	19
<i>Tabla 2.6</i> Experimento con cuatro bloques. ....	20
<i>Tabla 2.7</i> Diseño factorial completo 2 <sup>2</sup> .....	22
<i>Tabla 2.8</i> Tratamiento de un diseño factorial 2 <sup>2</sup> .....	23
<i>Tabla 2.9</i> Efectos en diseños factoriales 2 <sup>k</sup> .....	24
<i>Tabla 2.10</i> Diseño factorial 2 <sup>3</sup> . ....	26
<i>Tabla 2.11</i> Dos fracciones del diseño 2 <sup>3</sup> . ....	27

<i>Tabla 2.12</i> Diseño factorial fraccionado $2^{3-1}$ .....	27
<i>Tabla 2.13</i> Resolución de diseños factoriales fraccionados .....	30
<i>Tabla 2.14</i> Diseño balanceado .....	34
<i>Tabla 2.15</i> Diseño ortogonal .....	34
<i>Tabla 2.16</i> Métodos de construcción .....	36
<i>Tabla 2.17</i> Artículos consultados. ....	43
<i>Tabla 4.1</i> Comandos en MATLAB relevantes para la investigación .....	57
<i>Tabla 4.2</i> Módulos y nombres de matrices .....	60
<i>Tabla 4.3</i> Diseño EA (21, $3^2 4^1 7^1$ ) Guo (2003) .....	61
<i>Tabla 4.4</i> Diseño EA (21, $3^2 4^1 7^1$ ) codificado en notación geométrica .....	62
<i>Tabla 4.5</i> Matriz del modelo del diseño EA (21, $3^2 4^1 7^1$ ) .....	63
<i>Tabla 4.6</i> Diferencias entre las estructuras del diseño AE (30, $2^6 3^1 5^1 7^1$ ) .....	95
<i>Tabla 4.7</i> Diferencias de método vs programa en resultados. ....	97
<i>Tabla 4.8</i> Matriz de correlaciones efectos principales vs efectos principales .....	98
<i>Tabla 4.9</i> Estructuras de alias. ....	102
<i>Tabla 4.10</i> Estructura de alias reducida. ....	102
<i>Tabla 4.11</i> Estructuras de alias reducidas. ....	103

# Capítulo I Introducción

## 1.1. Planteamiento del problema

El diseño de experimentos consiste en planear y llevar a cabo un conjunto de pruebas con el fin de obtener datos, para posteriormente ser analizados estadísticamente y así obtener evidencias objetivas que permitan responder las interrogantes planteadas por el experimentador sobre una determinada situación (Gutiérrez & de la Vara, 2008). En el diseño de experimentos se estudian procesos en los que ingresan variables para producir un resultado, a dichas variables se les denominan factores, el resultado del proceso se le conoce como variable de respuesta y el objetivo principal es conocer el efecto de los factores sobre la variable de respuesta.

Los diseños factoriales de niveles mixtos se utilizan en situaciones en las que es necesario analizar un gran número de factores con diferentes niveles, esto es común cuando hay factores de tipo cuantitativos y cualitativos involucrados en el experimento. Dichos diseños resultan ser de gran tamaño, debido a que el número de factores y los diferentes niveles incrementan el número de corridas. La utilización de estos diseños resulta económicamente inviable a causa de que se tienen que utilizar muchos recursos para su ejecución. Una manera de llevar a cabo estos experimentos es mediante el uso de diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos, los cuales permiten analizar sólo un subconjunto de corridas o fracción de un diseño completo, de este modo es posible minimizar el empleo de recursos dado que se reducen el número de corridas.

Al fraccionar un diseño se pierde información, esto se debe a que habrá efectos que no se podrán estimar y además se genera confusión entre los efectos involucrados. Las estructuras de alias permiten conocer la forma en que los términos del diseño quedan confundidos. Actualmente el único método que se ha propuesto para la construcción de estructuras de alias de diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos se muestra en García (2015). La construcción de

estructuras de alias mediante este método se dificulta a medida que se incrementa el número de factores, esto se debe a que el tamaño de la matriz de correlaciones se incrementa. El tiempo empleado para la construcción se incrementa exponencialmente. Por ejemplo, un diseño factorial fraccionado de nueve factores genera una matriz de correlaciones de tamaño  $129 \times 129$ , esto dificulta la construcción de las estructuras de alias. Actualmente no existe un software computacional que permita construir estructuras de alias para estos diseños.

## **1.2. Objetivo general**

Programar un algoritmo de construcción de estructuras de alias de diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos.

### **1.2.1. Objetivos específicos**

- Conocer el método y definir un diagrama de flujo para la construcción de estructuras de alias de diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos propuesto por García (2015).
- Generar un código en MATLAB que permita la construcción de estructuras de alias.
- Validar el código para la construcción de estructuras de alias de diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos utilizando el catálogo presentado por García (2015).

## **1.3. Justificación**

Los diseños de experimentos tradicionales son una herramienta que permite mejorar y optimizar procesos, lo que se traduce en beneficios para las organizaciones que los utilizan; debido a que como resultado se producen mejores productos. Los diseños de experimentos de niveles mixtos son ampliamente usados en experimentación industrial y particularmente con propósitos de diseño de nuevos productos o procesos (Guo, Simpson & Pignatiello, 2007), así como también en diversas áreas de la investigación científica (McGrath & Lin).

Actualmente se han desarrollado diferentes métodos para construir diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos, para una discusión más detallada sobre método de construcción véase Wang y Wu (1991), Wang y Wu (1992), Wang (1996), Nguyen (1996), DeCock y Stufken (2000), Xu (2002), Guo et al. (2007), y Pantoja, Ríos y Tapia (2018). El balance y la ortogonalidad son las dos propiedades básicas de la experimentación factorial (Pantoja et al., 2018). Muchas investigaciones se han enfocado en el desarrollo de criterios para evaluar dichas propiedades (Xu & Wu, 2001; Xu, 2002; Xu, 2003; Xu & Deng, 2005; Guo et al., 2007; Guo, Simpson & Pignatiello, 2009). Sin embargo, dichos criterios no proporcionan información relacionada con los alias del diseño.

El método tradicional para obtener las estructuras de alias de los diseños de dos niveles se basa en la multiplicación cada término por las palabras que componen la relación definidora de la fracción (Montgomery, 2013). Sin embargo, para las fracciones de diseños de niveles mixtos y aumentaciones parciales este método no funciona, debido a que dichos diseños no son construidos a partir de generadores.

En esta investigación se aborda la programación en MATLAB de un algoritmo para la construcción de estructuras de alias. La elección de MATLAB se debe a que dicho software es utilizado ampliamente en la industria, en el ámbito de la investigación y debido a sus amplias funciones se ha convertido en una herramienta estándar para ingenieros y científicos (Moore, 2007). Como resultado se pretende proveer una herramienta que construya estructuras de alias de diseños factoriales de niveles mixtos. Esto permitirá al experimentador conocer la confusión de efectos en estos diseños de una forma fácil y rápida. El experimentador podrá seleccionar fácilmente la fracción que sea más conveniente para el experimento. El programa también podrá coadyuvar a investigaciones futuras para comprobar la efectividad de los métodos de experimentación secuencial de los diseños de niveles mixtos de una forma más eficiente y eficaz.

## **1.4. Preguntas de la investigación**

¿Cuáles son los pasos del método de García (2015)?

¿Cuáles son las funciones, ciclos y estrategias de programación necesarios para construir el código fuente que permita la construcción de estructura de alias en MATLAB?

¿Cómo serán los resultados obtenidos con el código en MATLAB respecto a los proporcionados en el catálogo de García (2015)?

## **1.5. Alcances**

En esta investigación se desarrollará un programa en MATLAB para construir estructuras de alias de diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos con base al método propuesto por García (2015). Las estructuras de alias obtenidas con el programa sólo serán comparadas con las estructuras reportadas en García (2015). Así mismo, la estrategia de reducción de estructuras de alias se aplicará a las estructuras generadas por el programa desarrollado en esta investigación.

## **1.6. Limitaciones**

La investigación no aborda la construcción de estructuras de alias de diseños factoriales de niveles mixtos construidos con un método diferente al propuesto en Guo (2003). Queda fuera del alcance el análisis de las estructuras de alias.

## **1.7. Hipótesis**

Es posible programar el método para la construcción de estructuras de alias de diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos, reducir el tiempo y anular probabilidad de cometer errores de cálculo en la construcción de las estructuras.



## **Capítulo II Marco teórico**

### **2.1. Algoritmo y programación**

Un algoritmo es un conjunto de pasos ordenados y finitos que permiten resolver un problema o una tarea específica. Es importante mencionar que el diseño de un algoritmo es un proceso independiente al lenguaje de programación en el que este vaya a ser codificado (Joyanes , 2008).

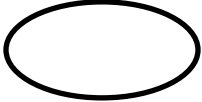

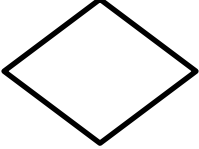

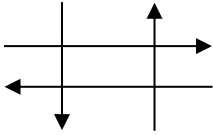

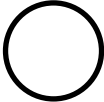
Para Corona y Ancona (2011) todo algoritmo debe tener las siguientes características: finito, significa que debe tener un inicio y un final; preciso, quiere decir que debe contar con un orden entre los pasos que lo componen; definido, significa que no debe ser ambiguo; general, se refiere a que debe tolerar cambios que se puedan presentar en la definición del problema.

En general toda actividad se puede expresar mediante algoritmos y estos se clasifican en dos tipos: algoritmos no computacionales, se refiere a algoritmos de tareas que realiza el ser humano; algoritmos computacionales, estos son algoritmos desarrollados para ser ejecutados en una computadora (Corona & Ancona, 2011).

#### **2.1.1. Diagrama de flujo**

Un diagrama de flujo es una representación gráfica de un algoritmo (Joyanes , 2008), esta representación se lleva a cabo con el uso de símbolos; los cuales indican diferentes procesos que se realizan en la computadora (Corona & Ancona, 2011). El diagrama de flujo es unido por líneas que representan el orden en que se deben ejecutar las instrucciones para resolver el problema y/o alcanzar los resultados que se desean. En la *Tabla 2.1* se muestran los símbolos utilizados para la construcción de diagramas de flujo y que han sido reglamentados por el Instituto Nacional de Normalización Estadounidense (ANSI, *American National Standards Institute*).

Tabla 2.1 Símbolos utilizados para representar algoritmos. Fuente: elaboración propia.

Símbolo	Descripción
	<p>Inicio y final de un diagrama de flujo.</p>
	<p>Entrada y salida de datos.</p>
	<p>Símbolo de decisión. Indica la comparación de valores.</p>
	<p>Símbolo proceso. Indica la asignación de un valor a la memoria o la ejecución de una operación aritmética.</p>
	<p>Líneas de flujo o dirección. Indican las secuencias en que se realizan las operaciones.</p>
	<p>Impresión.</p>
	<p>Conectores.</p>

A continuación, se mencionan las características que deben poseer los diagramas de flujo (Corona & Ancona, 2011): deben tener un inicio y un fin; no se deben especificar la declaración de variables; se deben utilizar líneas de flujo horizontales y/o verticales; se debe evitar el cruce de líneas utilizando conectores;

los conectores se deben utilizar sólo cuando es necesario; no deben quedar líneas de flujo sin conectar; se deben colocar los símbolos de tal forma que se puedan leer de arriba hacia abajo y de izquierda a derecha; se debe evitar el uso de un lenguaje de programación o máquina; los comentarios se deben utilizar al margen para que estos sean entendidos para cualquier persona que los consulte; en caso de que el diagrama abarque más de una hoja, es conveniente enumerarlos de tal forma que se pueda identificar de dónde viene y a dónde se dirige; sólo los símbolos de decisión pueden y deben tener más de una línea de flujo de salida.

### **2.1.2. Programa de computadora**

Las operaciones que conducen a expresar un algoritmo en forma de programa se llama programación. Al proceso de traducir un algoritmo (pseudocódigo o diagrama de flujo) a un lenguaje de programación se denomina codificación y al algoritmo escrito en un lenguaje de programación se denomina código fuente (Joyanes, 2008).

Un programa de computadora es un conjunto de instrucciones que producen la ejecución de una tarea. También se puede definir como la expresión de un algoritmo en un lenguaje preciso que puede entender una computadora. Corona y Ancona (2011) lo definen como un algoritmo desarrollado en un lenguaje de programación para utilizarse en una computadora y mediante el cual resolver un problema o una tarea específica.

Como se mencionó en el subtema 2.1, no todos los algoritmos pueden programarse para ser ejecutados en una computadora, debido a que algunos algoritmos requieren de transformaciones físicas; por lo tanto, los algoritmos que pueden programarse para ser ejecutados en una computadora son de carácter lógico; es decir, son procesos lógicos.

### **2.1.3. Lenguajes de programación**

Un lenguaje de programación es un conjunto de reglas, símbolos y palabras especiales que se utilizan para construir un programa, y mediante estos la

computadora puede realizar tareas o resolver problemas. En programación se utilizan lenguajes, algunos de estos los comprende directamente la computadora y otros requieren pasos intermedios de traducción. En general estos se dividen en tres tipos (Deitel & Deitel, 2003): lenguaje máquina, es el lenguaje natural de la computadora, está definido por el hardware de dicha computadora y por lo general está constituido por cadenas de números; lenguaje ensamblador, es un lenguaje de bajo nivel, el cual se utiliza para convertir los programas al lenguaje máquina a la velocidad de la computadora; lenguaje de alto nivel, es un lenguaje semejante al del ser humano que facilita la comprensión de un programa. Por ejemplo, Basic, Pascal, Cobol, Fortran, C, Matlab, etc.

#### **2.1.4. Programación en MATLAB**

MATLAB es un software en el que se pueden realizar cálculos numéricos con vectores y matices, también trabajar con números escalares (tanto reales como complejos), con caracteres y estructuras de información complejas. MATLAB tiene su lenguaje de programación propio (García, Rodríguez, & Brazález, 2001).

A continuación, se mencionan algunos usos más comunes de MATLAB (Ataurima Arellano, 2013): cálculo y matemáticas; desarrollo de algoritmos; adquisición de datos; modelamiento, simulación y prototipamiento; análisis, exploración y visualización de datos; gráficos científicos y de ingeniería; desarrollo de aplicaciones con interfaces gráficas.

A comparación de otros programas de cálculo, MATLAB es superior en realizar cálculos en los que se involucran matrices (esto debe su nombre **Matrix Laboratory**), cabe mencionar que su poderoso lenguaje de programación incluye conceptos comunes de la mayoría de los lenguajes usados en programación. Su lenguaje es con base a scripts, esto para facilitar la creación de programas, y su depuración con frecuencia es más fácil que los lenguajes de programación tradicionales, como por ejemplo el lenguaje de C++.

Así pues, por las capacidades que posee MATLAB, este se ha convertido en una herramienta estándar para ingenieros y científicos (Moore, 2007), sus principales

características son (Ataurima Arellano, 2013): lenguaje de programación de alto nivel para el cálculo técnico; entorno de desarrollo para la gestión de código, archivos y datos; herramientas interactivas para la exploración, diseño y resolución de problemas iterativos; funciones matemáticas para el álgebra lineal, estadística, análisis de Fourier, filtraje, optimización e integración numérica; funciones gráficas para la visualización de datos en 2D y 3D; herramientas para crear interfaces gráficas de usuarios personalizadas; funciones para integrar algoritmos basados en Matlab con aplicaciones y lenguajes externos (C/C++, FORTRAN, Java, COM y Microsoft Excel); provee Toolboxes, herramientas orientadas a problemas específicos.

### **2.1.5. Programación modular**

La programación modular es uno de los métodos para el proceso de diseño de un programa, se basa en el conocido divide y vencerás. Además, se dice que es flexible y potente para mejorar la productividad del programa. En la programación modular el programa se divide en módulos (partes independientes), los cuales ejecutan una actividad o tarea específica que a su vez se codifica y se analiza por separado (Joyanes , 2008).

El funcionamiento de la programación modular es el siguiente: el programa tiene un módulo denominado programa principal, el cual controla todo lo que sucede en el programa; posteriormente se transfiere el control a submódulos (también llamados subprogramas), de tal modo que estos puedan ejecutar sus funciones y al mismo tiempo cada módulo devuelve el control al programa principal una vez ya finalizada su tarea; un módulo puede transferir (bifurcar) temporalmente el control a otro módulo y al terminar devuelve el control al módulo que originalmente lo transfirió (Joyanes , 2008).

En la *Figura 2.1* se muestra gráficamente un ejemplo de la estructura común de un programa utilizando programación modular.

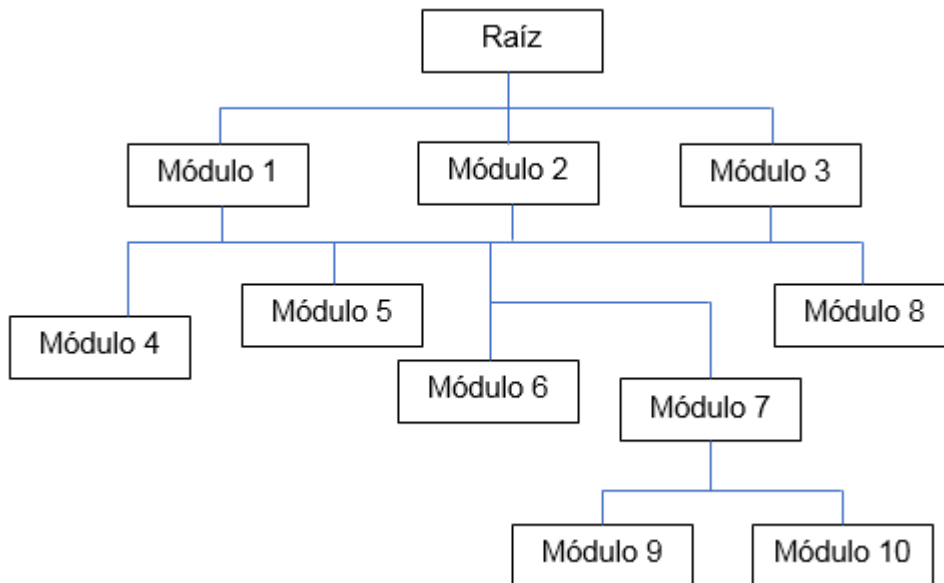


Figura 2.1 Programación modular. Fuente: elaboración propia.

### 2.1.6. Etapas para la creación de un programa

Corona y Ancona (2011) sugieren siete etapas para la creación de un programa. A continuación, se describen cada una de estas etapas:

**Etapa 1. Definición del problema.** En esta etapa se concibe el enunciado del problema, el cual debe ser claro y preciso.

**Etapa 2. Análisis del problema.** En esta etapa se deben de identificar tres factores indispensables. El primero se refiere a qué información se necesita para obtener el resultado deseado, el segundo a qué información se desea producir y el tercero a los métodos y fórmulas que se necesitan para procesar los datos y así obtener la información de salida.

**Etapa 3. Diseños y técnicas para construir algoritmos.** Esta etapa se enfoca en el diseño del algoritmo con base al análisis previamente realizado, el algoritmo se puede representar mediante un pseudocódigo o un diagrama de flujo.

**Etapa 4. Codificación.** En esta etapa se transcribe el algoritmo diseñado en la etapa de diseño en un lenguaje que puede ser entendido por la computadora; es

decir, en un lenguaje de programación definido, a esto se le conoce como código fuente.

**Etapa 5. Prueba y depuración.** La prueba se refiere a la introducción de datos para verificar que el programa funciona correctamente. Existen dos clases de pruebas, las pruebas de lógica y de sintaxis.

**Etapa 6. Documentación.** Consiste en la redacción de una guía que permite al programador o al usuario conocer la función del programa. La documentación interna se refiere a los comentarios en el código fuente y la documentación externa a una guía de utilización del usuario.

**Etapa 7. Mantenimiento.** En esta etapa se realizan los cambios necesarios para que el programa siga funcionando correctamente.

## **2.2. Diseño de experimentos**

Los autores Gutiérrez y de la Vara (2008) definen diseño de experimentos como *“la aplicación del método científico para generar conocimiento acerca de un sistema o proceso, por medio de pruebas planeadas adecuadamente”* (p.6). Los diseños de experimentos emplean técnicas y conocimientos de estadística e ingeniería para resolver problemas en el que se involucra el estudio de variables que, al interactuar entre sí, producen un efecto sobre otra.

Montgomery (2013) menciona que por lo general los diseños de experimentos se utilizan en el estudio de procesos y sistemas, lo representa como se muestra en la *Figura 2.2*. El proceso se visualiza como un conjunto de componentes que transforman los materiales (entradas) en una o más variables de respuestas (salida) y que son observables. En dicho proceso existen factores controlables ( $x$ ) y no controlables ( $z$ ) que influyen en la transformación de la variable de respuesta ( $y$ ).

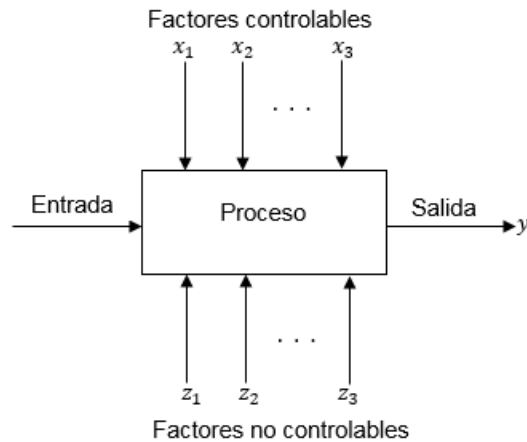


Figura 2.2 Modelo general de un proceso o sistema. Fuente: Montgomery (2013).

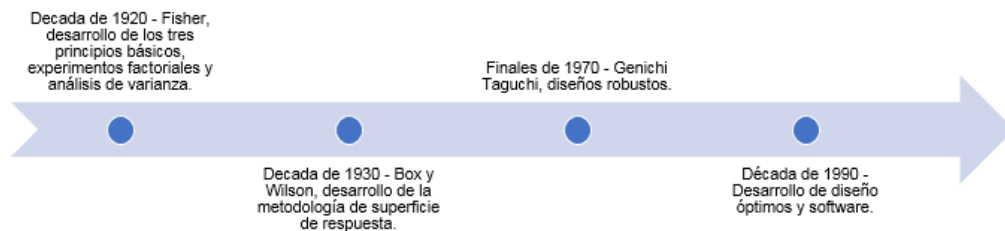
Mediante los diseños de experimentos se puede determinar qué factores tienen mayor influencia sobre la variable de respuesta ( $y$ ), de esta manera se puede determinar cuál es el ajuste que se debe realizar en el proceso para obtener la característica nominal de la variable de respuesta ( $y$ ). De la misma forma se puede determinar qué combinaciones de factores tiene mayor influencia sobre los factores no controlables y, de esta manera realizar los ajustes al proceso para que los efectos de dichas variables sean los mínimos sobre la variable de respuesta (Montgomery, 2013).

### 2.2.1. Antecedentes

En 1919 Ronald A. Fisher realizó investigaciones y análisis estadísticos en la estación experimental de Rothamsted, situada en Inglaterra, dichas investigaciones y análisis se realizaron en el área agrícola. Fue allí donde desarrolló los principios del diseño de experimentos. En 1926 publicó un artículo titulado “The Arrangement of Field Experiments”; en el cual introduce conceptos como replicación, control local y aleatorización, cabe mencionar que dichos conceptos eran nuevos en esa época y estos encontraron resistencia de aceptación entre los investigadores contemporáneos. En 1925 y 1935 Fisher publicó “Statistical Principles for Research Workes” y “Design of Experiments” respectivamente, estos libros se convirtieron en consulta obligatoria para obtener información de este nuevo campo de estudio en esa época (Kuehl, 2001).



Para Montgomery (2013) el desarrollo del diseño de experimentos se llevó a cabo en cuatro etapas, en la *Figura 2.3* se muestran una línea de tiempo de las cuatro etapas. La primera etapa se desarrolla en los años veinte con Fisher, en donde se caracteriza por la aplicación del método científico a la investigación experimental y el desarrollo de los tres principios básicos del diseño experimental: el principio de aleatorización; replicación y bloqueo, así como la aplicación de diseños factoriales y el uso del análisis de varianzas.



*Figura 2.3* Línea de tiempo de las cuatro etapas del desarrollo de diseños de experimentos. Fuente: elaboración propia.

La segunda etapa se desarrolló en los años treinta, en esta etapa el diseño estadístico se llevó a la industria y fue en esta época donde se desarrolla la Metodología de Superficie de Respuesta (MSE) por Box y Wilson. Estos autores se percataron que los experimentos agrícolas diferían de los experimentos que se llevan a cabo en la industria, debido a dos aspectos: la inmediatez y la secuencialidad. La inmediatez se refiere a que las repuestas en los experimentos industriales se obtienen bastante rápido a diferencia de los experimentos agrícolas, en donde para obtener la respuesta se tiene que esperar mucho tiempo. La secuencialidad se refiere a que el experimentador puede obtener información al realizar pocos experimentos y en función de los resultados obtenidos se planean los siguientes experimentos. Ilzarbe, Tanco, Viles y Álvarez (2007) comentan que derivado de la secuencialidad surgen los diseños compuestos centrales (CCD), los diseños centrales compuestos centrados en las caras (FCD) y los diseños Box-Behenken. Aunque en esa época las aplicaciones industriales fueron limitadas, debido a la falta de personal capacitado para llevarlas a cabo y a la falta de programas computacionales.

La tercera etapa se inicia un poco antes de los años ochenta donde surge el interés de la mejora de la calidad, en esta época sobresalen los trabajos realizados por el japonés Genichi Taguchi; dichos trabajos impactaron en las industrias occidentales e impulsaron el interés del uso de los diseños de experimentos. Entre los trabajos realizados por Taguchi destaca el diseño de parámetros robustos; el cual se refiere a hacer procesos insensibles a los factores ambientales; fabricar productos que no sean afectados por la variación que transmiten sus componentes y encontrar valores óptimos que minimicen la variabilidad de los procesos. A pesar de que sus métodos generaron controversia y han sido criticados, sus aplicaciones se extendieron a la industria automotriz, aeroespacial, electrónica y de semiconductores entre otras (Montgomery, 2013).

La cuarta etapa se desarrolla en los años noventa, en esta época surgen los diseños óptimos y el desarrollo herramientas computacionales (software) para facilitar el análisis de los diseños de experimentos (Ilzarbe et al., 2007).

### **2.2.2. Conceptos básicos**

En esta sección se definen los conceptos básicos que se utilizan en diseños de experimentos.

**Experimento.** Es una prueba o una serie de pruebas en las que se modifican de manera sistemática y controlada las variables de entrada en un proceso, con el objetivo de medir el efecto que tienen sobre la variable de salida o también llamada variable de respuesta.

**Factores.** Son variables independientes que pertenecen al proceso e influyen en el resultado de este.

**Variable de respuesta.** Es la variable que se obtiene como resultado de un proceso, a través de esta se puede conocer el resultado de un experimento y evaluar la característica de interés.

**Niveles.** Son diferentes valores que se le asignan a los factores controlables en un experimento. Dichos valores se asignan de acuerdo con el interés del experimentador y al funcionamiento pertinente del proceso.

Por ejemplo, mediante un experimento se quiere conocer que efecto tiene el tamaño de la broca y la velocidad sobre la vibración de una ranuradora. En la *Tabla 2.2* se muestran los datos de dicho experimento; en la primera columna se enlistan los factores A y B. En la tercera columna los niveles de los factores respectivamente y en última columna sus respectivas unidades (Gutiérrez y de la Vara, 2008).

*Tabla 2.2* Datos del experimento. Fuente: elaboración propia.

Factor	Niveles		Unidades
A: Broca	1/16	1/8	pulg.
B: Velocidad	40	90	rps.

Como se observa en la tabla anterior los factores en este experimento son el tamaño de la broca (factor A) y la velocidad (factor B). Ambos factores tienen dos niveles, la broca en su nivel bajo mide 1/16" y en su nivel alto 1/8". La velocidad en su nivel bajo es de 40 revoluciones por segundo y en su nivel alto 90 revoluciones por segundo. La variable de respuesta en dicho experimento es la vibración de la ranuradora, dicha variable se mide al final de cada experimento.

En un experimento a menudo los factores se clasifican en dos grupos. A continuación, se menciona dicha clasificación.

**Factores controlables.** Son variables en las que el experimentador puede modificar sus valores durante el experimento. También se les conoce como variables de entrada, parámetros del proceso o variables de diseño.

**Factores no controlables.** Son variables en las que el experimentador no puede modificar sus valores en el experimento. Estas variables se les asocian con factores ambientales que rodean el proceso donde se desarrolla el experimento.

Retomando el ejemplo anterior, los factores controlables son la broca (A) y la velocidad (B), debido a que el experimentador tiene el control sobre estas; es decir, las puede modificar durante el experimento. Los factores no controlables son el filo de la broca, la dureza del material en donde se ranura y la presión que se ejerce al realizar la ranura, la temperatura ambiental; estos factores no son controlados por el experimentador durante el experimento.

**Unidad experimental.** Es la parte física o muestra(s) en la cual se obtienen mediciones o características de interés en el experimento.

Para el mismo ejemplo, la unidad experimental es la ranuradora, debido que en esta se realizan las mediciones de la vibración durante el experimento.

**Tratamientos o corridas.** Son combinaciones de los niveles de los factores en un experimento. También se les conoce como tratamientos.

En la *Tabla 2.3* se muestran tres maneras comunes de cómo escribir los tratamientos de un experimento de dos factores con dos niveles. En el tratamiento 1 el nivel del factor A y B es bajo, en el tratamiento 2 el nivel de A es alto y el nivel de B es bajo, en el tratamiento 3 el nivel de A es bajo y el nivel de B es alto y en el tratamiento 4 los niveles de ambos factores son altos.

*Tabla 2.3* Tres maneras de escribir tratamientos de un diseño 2<sup>2</sup>. Fuente: elaboración propia.

	A	B	A	B	A	B
Tratamiento 1	bajo	bajo	-	-	-1	-1
Tratamiento 2	alto	bajo	+	-	1	-1
Tratamiento 3	bajo	alto	-	+	-1	1
Tratamiento 4	alto	alto	+	+	1	1

Con relación al ejemplo anterior los cuatro tratamientos para dicho experimento se muestran en la *Tabla 2.4*.

Tabla 2.4 Tratamiento del experimento. Fuente: elaboración propia.

	A	B
Tratamiento 1	1/16	40
Tratamiento 2	1/8	40
Tratamiento 3	1/16	90
Tratamiento 4	1/8	90

**Error experimental.** Es la variabilidad que se presenta en un experimento y que no pertenece a los factores estudiados. Se atribuye a los factores no controlables e incluso al experimentador debido a errores que pudo cometer en la planeación o en la ejecución del experimento.

El error experimental en el ejemplo anterior lo puede causar el uso de materiales con diferente dureza utilizados para ranurar, errores en la medición de la vibración, cambio en las condiciones ambientales entre otras causas.

### 2.2.3. Principios básicos de diseños de experimentos

Para llevar a cabo un experimento es necesario utilizar en enfoque científico durante la planeación. Montgomery (2013) comenta que el diseño estadístico de experimentos hace alusión al proceso de planeación, de tal forma que los resultados de estos puedan arrojar conclusiones válidas y objetivas. Se debe tener en cuenta que cualquier observación de un evento no se aprecia igualmente; esto quiere decir que existe variabilidad; es decir, ningún evento ocurre dos veces de la misma forma. Lo anterior se refiere a que la ciencia demanda que una observación sea replicada (Gutiérrez y de la Vara, 2008). A continuación, se describen los tres principios básicos que se debe tomar en cuenta en la realización de un experimento:

**Replicación.** Este principio se refiere a repetir independientemente un experimento con la misma configuración de los niveles de los factores, con el objetivo de que estén sujetos a las mismas fuentes de variabilidad. Cabe señalar que es importante no confundir este principio con medir varias veces un mismo resultado, las mediciones se deben hacer al término de cada tratamiento realizado

aleatoriamente. El repetir un experimento permite distinguir que parte de la variabilidad total es causada por los factores y que parte es causada por el error experimental. Gutiérrez y de la Vara (2008) mencionan que si no se realizan repeticiones no hay manera de estimar la variabilidad natural o los errores experimentales, lo cual dificulta la construcción estadística en el análisis de los datos obtenidos en el experimento. Kuehl (2001) menciona cuatro razones para repetir un experimento; a continuación, se describen cada una de estas:

a) Repetir un experimento demuestra que se pueden obtener los mismos resultados bajo las mismas condiciones.

b) Proporciona cierto grado de seguridad contra resultados anormales provocados por errores o accidentes durante el experimento.

c) Mejora la estimación de la varianza del error experimental, debido a que, aunque se tienen estimaciones previas de la varianza, la estimación del experimento en curso puede ser con más exactitud porque se refleja el comportamiento actual que tienen las observaciones.

d) Proporciona una mejor estimación de las medias de los tratamientos, esto quiere decir que aumenta la precisión para estimar la respuesta promedio de los tratamientos.

**Aleatorización.** Cuando se lleva a cabo un experimento los tratamientos se deben realizar al azar, así como también los materiales que se utilizarán se deben elegir de forma aleatoria. Para que los tratamientos experimentales tengan validez estadística se debe cumplir con este principio, esto asegura en mayor probabilidad que exista independencia entre las corridas realizadas.

De acuerdo con el ejemplo del experimento explicado en el subtema 2.2.2, en la *Tabla 2.4* se observó que el experimento está compuesto de cuatro tratamientos. Suponga que se quieren realizar cuatro réplicas de dicho experimento con el objetivo de realizar una mejor estimación de la variación natural y del error experimental; esto significa que se tienen que realizar cuatro repeticiones de cada

tratamiento. En la *Tabla 2.5* se muestran los 16 tratamientos o también llamadas corridas que se requieren para dicho experimento, en la primera columna se muestra el orden aleatorio de los tratamientos y así de esta manera obtener resultados independientes del experimento. En la segunda columna se muestra el orden en que se tiene que llevar a cabo la ejecución de los tratamientos, en la columna 3 y 4 los niveles de los factores.

*Tabla 2.5* Tratamiento de un experimento de dos factores y cuatro replicas. Fuente: elaboración propia.

Tratamiento en orden aleatorio	Orden de ejecución	Factor A	Factor B
11	1	1/16	60
5	2	1/8	40
2	3	1/16	40
15	4	1/8	60
3	5	1/16	40
8	6	1/8	40
1	7	1/16	40
13	8	1/8	60
12	9	1/16	60
14	10	1/8	60
9	11	1/16	60
4	12	1/16	40
6	13	1/8	40
7	14	1/8	40
16	15	1/8	60
10	16	1/16	60

**Bloqueo.** Este principio se utiliza cuando en un experimento existen factores de ruido; significa tomar en cuenta dichos factores mejorando así la precisión de las comparaciones de los factores de interés y esto se debe a que con la formación de bloques se reduce la variabilidad causada por los factores de ruido (Ryan, 2007). Cuando en un experimento se bloquea los datos o subconjuntos de datos, estos deben ser más homogéneos que el total de todos los datos.

Por ejemplo, en el experimento descrito en la sección 2.2.2 se decide tomar en cuenta el tipo de material que se utiliza para ranura, dicho material puede tener distinta dureza; en la *Tabla 2.6* se muestran los cuatro bloques, cada material usado para ranurar en el experimento representa un bloque.

Tabla 2.6 Experimento con cuatro bloques. Fuente: elaboración propia.

Bloque 1		Bloque 2		Bloque 3		Bloque 4	
A	B	A	B	A	B	A	B
1/16	40	1/16	40	1/16	40	1/16	40
1/8	40	1/8	40	1/8	40	1/8	40
1/16	90	1/16	90	1/16	90	1/16	90
1/8	90	1/8	90	1/8	90	1/8	90

#### 2.2.4. Aplicaciones de diseños de experimentos

Ryan (2007) comenta que las personas realizan experimentos todo el tiempo, por ejemplo, los trabajadores que son nuevos en la ciudad quieren encontrar la ruta más corta para llegar trabajo, los chefs experimentan con nuevas recetas y los fabricantes buscan hacer productos cada vez mejores. En el ámbito de la ingeniería los diseños de experimentos se consideran como una herramienta clave para el desarrollo y mejora de procesos de manufactura.

Para Gutiérrez y de la Vara (2008) el diseños y análisis de experimentos se aplican para resolver los siguientes problemas: comparar materiales con el objetivo de decidir cuál es el mejor; comparar instrumentos de medición para conocer si dichos instrumentos trabajan con igual precisión y exactitud; determinar qué factores de un proceso tienen influyen significativamente sobre la variable de respuesta; hallar las condiciones de operación que reduzcan defectos y mejore el desempeño del proceso; reducir el tiempo de operación del proceso.

Montgomery (2013) menciona que, para el desarrollo de un proceso, los diseños de experimentos se aplican para: mejorar el rendimiento; reducir la variabilidad; reducir el tiempo en que se desarrolla; reducción de los costos. El mismo autor señala que para el diseño de ingeniería, los diseños de experimentos se emplean para comparar diseños básicos, selección de parámetros y detectar parámetros decisivos del diseño.



### 2.3. Diseños factoriales

En muchas investigaciones científicas, el interés se enfoca en el estudio del efecto que tienen dos o más factores simultáneamente sobre la variable de respuesta, para estos casos los diseños factoriales son comúnmente utilizados (Ryan, 2007). Dichos diseños estudian el efecto de varios factores sobre una variable de respuesta, así como sus interacciones; esto permiten realizar experimentos más eficientes debido a que generan información de todos los factores involucrados, y también es posible observar el desempeño de los factores en todos sus niveles sobre la variable de respuesta (Kuehl, 2001).

Los diseños factoriales se definen como un conjunto de pruebas experimentales, las cuales se forman tomando en cuenta todas las combinaciones de los niveles de los factores involucrados en el experimento. En estos diseños se busca determinar la mejor combinación de los factores y niveles para mejorar la calidad del objeto de estudio (Gutiérrez y de la Vara, 2008).

Los diseños factoriales son utilizados con frecuencia como diseños de cribado, en las etapas tempranas de la optimización, con el objetivo identificar los factores que tienen mayor influencia en el proceso y descartar los factores que no son importantes o no tienen influencia sobre la variable de respuesta. Un diseño o arreglo factorial es un conjunto de tratamientos o corridas que pueden formarse al considerar todas las posibles combinaciones de los niveles de los factores. Sean dos factores  $A$  y  $B$  el objeto de estudio en un diseño factorial del tipo  $2^2$ , quiere decir que se estudian dos factores con dos niveles cada uno, a los niveles en el diseño se les representa con un signo  $+$  y  $-$ . El signo  $+$  significa que el factor está en su nivel alto, y el signo  $-$  cuando el factor está en su nivel bajo. Por lo tanto, en el experimento donde intervienen  $k$  factores con dos niveles cada uno se le conoce como experimento factorial  $2^k$  (Montgomery, 2013).

Como se mencionó anteriormente el diseño factorial puede ser representado mediante una matriz como se muestra en la *Tabla 2.7*, en ésta se observa un diseño factorial completo de dos factores; el factor  $A$  con 2 niveles y el factor  $B$  con 2 niveles.

Tabla 2.7 Diseño factorial completo 2<sup>2</sup>. Fuente: elaboración propia.

Corrida	Factor A	Factor B
1	-	-
2	+	-
3	-	+
4	+	+

**Tipo de factores.** En los experimentos factoriales, los tipos de factores que intervienen pueden ser de tipo cuantitativos y cualitativo. Un factor de tipo cuantitativo es aquel que sus niveles pueden ser asociados a los puntos de una escala numérica, por ejemplo, una magnitud como la temperatura, la presión y el tiempo. Los factores cualitativos son aquellos cuyos niveles no pueden ser organizados por magnitud, por ejemplo, los trabajadores, la materia prima, cambios de turno y tipos de máquinas entre otros (Kuehl, 2001).

**Efecto de un factor.** Se define como el cambio que se observa en la variable de respuesta provocado por el cambio de nivel del factor.

**Efecto principal de un factor.** Es la diferencia promedio de la respuesta observada cuando el factor estuvo en su nivel bajo y la respuesta promedio cuando el mismo factor estuvo en su alto nivel.

**Efecto de interacción.** Dos factores interactúan sobre la variable de respuesta de forma significativa cuando el efecto de uno de estos factores depende del otro (Gutiérrez y de la Vara, 2008). En *Figura 2.4* se muestra un ejemplo gráfico; este hace referencia al caso en donde existe una interacción significativa entre dos factores *A* y *B*. En la *Figura 2.5* se muestra el caso cuando no existe una interacción significativa entre dos factores *A* y *B*.

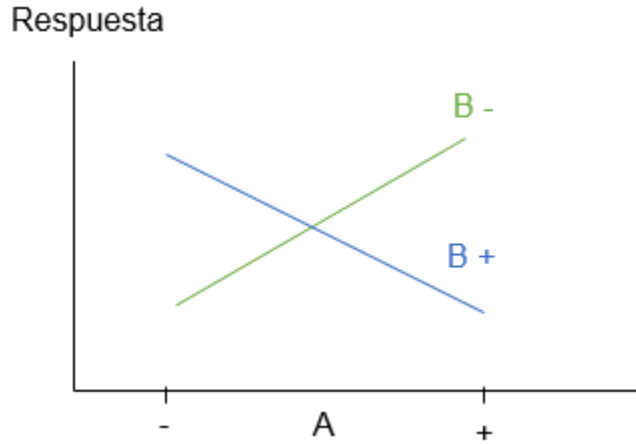


Figura 2.4 Interacción significativa de los factores A y B. Fuente: elaboración propia.

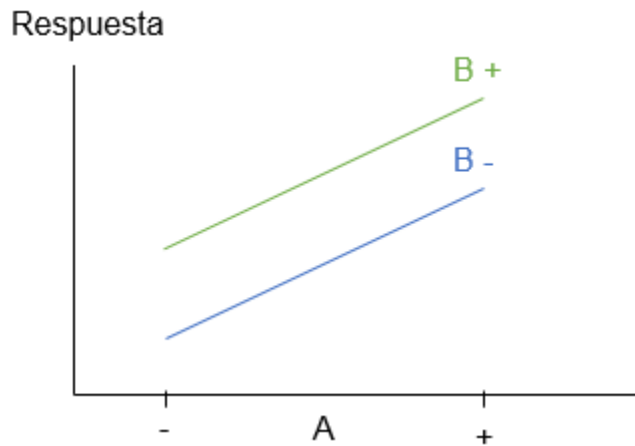


Figura 2.5 Interacción no significativa entre los factores A y B. Fuente: elaboración propia.

En la *Tabla 2.8* se muestra las combinaciones de los tratamientos de un diseño factorial  $2^2$  con 4 réplicas del ejemplo explicado en el subtema 2.2.2. En el primer tratamiento se observa que los factores *A* y *B* están en nivel bajo; en el segundo tratamiento el factor *A* está en su nivel alto y el factor *B* está en su nivel bajo; en el tercer tratamiento el factor *A* está en su nivel bajo y el factor *B* en su nivel alto y en el cuarto tratamiento ambos factores están en nivel alto.

*Tabla 2.8* Tratamiento de un diseño factorial  $2^2$ . Fuente: elaboración propia.

Factor		Combinación de tratamientos	Replicas				Total
A	B		I	II	III	IV	
-	-	A Bajo, B alto	18.2	18.9	12.9	14.4	64.4
+	-	A alto, B bajo	27.2	24.0	22.4	22.5	96.1
-	+	A bajo, B alto	15.9	14.5	15.1	14.2	59.7
+	+	A alto, B alto	41.0	43.9	36.3	39.9	161.1

## 2.4. Diseños factoriales fraccionados de dos niveles

Como se mencionó en la sección anterior los diseños factoriales  $2^k$  son usados para identificar los factores e interacciones más importantes en estudios de detección (Kuehl, 2001). Por ejemplo, se tienen un diseño factorial  $2^k$  completo con  $k = 7$  factores; quiere decir que en una sola réplica de este diseño completo  $2^7$  implica realizar 128 tratamientos, en la práctica es imposible realizar tantos tratamientos experimentales. Cuando el número de factores es muy grande, los tratamientos se incrementan de tal manera que resultan muy costoso realizar un experimento de este tipo, una estrategia que sirve para reducir el número de experimentos y asegura una mínima pérdida de información es el uso de diseños factoriales fraccionados (Montgomery, 2013).

La información que generan los diseños factoriales completos cuando se estudian muchos factores es suficiente, esto permite sacrificar información que es poco importante en favor de obtener un diseño que sea manejable o conveniente para el experimentador. En la primera columna de la *Tabla 2.9* se observan seis diseños factoriales; en la segunda columna se muestra la cantidad total de efectos de dichos diseños respectivamente; en la tercera columna la cantidad de efectos que son importantes (efectos no ignorarles) en el experimento respectivamente y en la última columna la cantidad de efectos que no son importantes; es decir, se pueden ignorar en el experimento.

*Tabla 2.9* Efectos en diseños factoriales  $2^k$ . Fuente: Gutiérrez y de la Vara (2008).

Diseño $2^k$	Total de efectos	Efectos no ignorarles	Efectos ignorarles
$2^2$	3	3	0
$2^3$	7	6	1
$2^4$	15	10	5
$2^5$	31	15	16
$2^6$	63	21	42
$2^7$	127	28	99

El número de tratamientos de un diseño factorial fraccionado son una fracción de un diseño factorial completo. Kuehl (2001) menciona cuatro razones para

fraccionar un experimento factorial, dichas razones se mencionan a continuación: el número de pruebas experimentales exceden los recursos; sólo se requiere información sobre los efectos principales y las interacciones de bajo orden; es necesario realizar muchos estudios exploratorios para muchos factores; se supone que sólo unos cuantos efectos son importantes para el experimento.

Para Montgomery (2013) el uso de los diseños factoriales fraccionados se basa en tres principios claves; a continuación, se enumeran estos principios:

- 1. Principio de escasez de efectos.** Cuando hay varias variables, es probable que el sistema o proceso este impulsado principalmente por alguno efectos principales e interacciones de bajo orden.
- 2. Propiedad de proyección.** Los diseños factoriales fraccionados en su subconjunto de factores significativos pueden proyectarse en diseños más fuertes (grandes).
- 3. Experimentación secuencial.** Es posible combinar las corridas de dos o más diseños factoriales fraccionados para construir secuencialmente un diseño más grande para estimar los efectos de los factores e interacciones de interés.

Los autores Wu y Hamada (2009) mencionan tres principios fundamentales para los efectos factoriales; a continuación, se enumeran estos principios:

- 1. El principio de la jerarquía de efectos.** Se refiere a que los efectos de orden menor son más importan que los efectos de orden mayor y los efectos que son del mismo orden tienen la misma importancia.
- 2. El principio de escasez de efectos.** Se refiere a que el número de efectos relativamente importante en un diseño es pequeño y que también puede ser llamado principio de Pareto.
- 3. El principio de efectos hereditarios.** Menciona que para que una interacción sea importante algún efecto significativo debe estar incluido en esta.

Una fracción  $2^{k-1}$  es la mitad de un diseño factorial completo  $2^k$  (Gutiérrez y de la Vara, 2008). Por ejemplo, si por algún tipo de limitación el diseño completo con  $2^3 = 8$  tratamientos no se pueden realizar y sólo se cuentan con recursos disponibles para correr la mitad del experimento; se puede utilizar una fracción del diseño de  $2^{3-1} = 4$  tratamientos. Se debe tomar en cuenta que la fracción a elegir tiene que contener los factores de principal interés para el experimentador. En la *Tabla 2.10* se muestra la matriz del diseño  $2^3$  representada por signos negativos y positivos. Dicha tabla se encuentra ordenada de tal forma que se puedan identificar las dos fracciones que se pueden obtener al fraccionar a la mitad el diseño  $2^3$ , la generación de las fracciones se realiza con base a los signos del contraste *ABC*.

*Tabla 2.10* Diseño factorial  $2^3$ . Fuente: elaboración propia.

Combinaciones de tratamientos	Efecto factorial							
	I	A	B	C	AB	AC	BC	ABC
a	+	+	-	-	-	-	+	+
b	+	-	+	-	-	+	-	+
c	+	-	-	+	+	-	-	+
abc	+	+	+	+	+	+	+	+
ab	+	+	+	-	+	-	-	-
ac	+	+	-	+	-	+	-	-
bc	+	-	+	+	-	-	+	-
(1)	+	-	-	-	+	+	+	-

En la *Tabla 2.11* se muestran las dos fracciones del diseño  $2^3$ , la fracción en que se pueden estimar los factores de mayor interés para el experimentador y la más utilizada es la fracción principal. Como se observa en la *Tabla 2.10*, la columna del contraste *ABC* de la fracción principal es igual a la columna identidad; por lo que  $I = ABC$ , a esta relación se le conoce como relación definidora o definición del diseño. La fracción complementaria es generada por  $I = -ABC$  (Montgomery, 2013).

Tabla 2.11 Dos fracciones del diseño  $2^3$ . Fuente: elaboración propia.

$I=+ABC$				$I=-ABC$			
	A	B	C		A	B	C
a	+	-	-	ab	+	+	-
b	-	+	-	ac	+	-	+
c	-	-	+	bc	-	+	+
abc	+	+	+	(1)	-	-	-
Fracción principal				Fracción complementaria			

### 2.3.1. Estructura de alias

Al fraccionar un diseño factorial completo se pierde la claridad en que se pueden estimar los efectos de los factores principales e interacciones, esto se debe a que en los diseños factoriales fraccionados los factores principales pueden confundirse con interacciones; las interacciones pueden confundirse con otras interacciones, ya sean del mismo orden o de orden superior. A los factores que se confunden entre sí se les conoce como alias, dichos factores pueden formar estructuras de alias. Por lo tanto, en las estructuras de alias de un diseño factorial fraccionado se muestran cómo se encuentran confundidos los factores e interacciones.

Tabla 2.12 Diseño factorial fraccionado  $2^{3-1}$ . Fuente: elaboración propia.

Combinaciones de tratamientos	Efecto factorial							
	I	A	B	C	AB	AC	BC	ABC
a	+	+	-	-	-	-	+	+
b	+	-	+	-	-	+	-	+
c	+	-	-	+	+	-	-	+
abc	+	+	+	+	+	+	+	+

En la *Tabla 2.12* se muestra la fracción del diseño analizado en el subtema anterior; esta fracción se obtuvo a partir de la relación definidora  $I = ABC$ , esta misma relación define la estructura de alias del diseño (Gutiérrez y de la Vara, 2008). Una forma de obtener la estructura de alias de un diseño es por medio de la comparación de los contrastes de los efectos principales y las interacciones. Por ejemplo, tomando el diseño de la *Tabla 2.12* con la Ecuación 2.1 se estima el contraste del efecto *A* y con la Ecuación 2.2 el de la interacción *BC*. Se puede

observar que el *Contraste A = Contraste BC*; por lo tanto, esto significa que los efectos de *A* y *BC* son alias.

$$\text{Contraste } A = (a + ab - b - c) \quad (2.1)$$

$$\text{Contraste } BC = (a + ab - b - c) \quad (2.2)$$

Así mismo, el *Contraste B = Contraste AC* y el *Contraste C = Contraste AB*, esto se puede observar en las Ecuaciones 2.3 y 2.4. Lo que significa que dichos efectos son alias entre si respectivamente.

$$\text{Contraste } B = \text{Contraste } AC = (-a - c + b + abc) \quad (2.3)$$

$$\text{Contraste } C = \text{Contraste } AB = (-a - b + c + abc) \quad (2.4)$$

Otra forma de obtener la estructura de alias de un diseño es como se mencionó anteriormente, por medio de la relación definidora  $I = ABC$  y utilizando la multiplicación de módulo 2. Dicha multiplicación funciona de la siguiente manera: si se multiplica un efecto por la identidad es igual al efecto; al multiplicar el efecto por sí mismo es igual a la entidad  $A \times A \text{ (Mód2)} = A^2 = A^0 = I$ . Para obtener el alias del factor *A* se multiplica dicho efecto por ambos lados de la relación definidora  $I = + ABC$ ; a continuación, en la Ecuación 2.5 se muestra dicho cálculo:

$$A \times I = A \times ABC = A^2BC = BC \quad (2.5)$$

En las Ecuaciones 2.6 y 2.7 se muestra el cálculo de los alias de los factores de *B* y *C* respectivamente:

$$B \times I = B \times ABC = B^2AC = AC \quad (2.6)$$



$$C \times I = C \times ABC = C^2AB = AB \quad (2.7)$$

Por lo tanto, la estructura de alias de la fracción principal del diseño  $2^{3-1}$ , se muestra en la *Figura 2.6*.

$$[I] = I + ABC$$

$$[A] = A + BC$$

$$[B] = B + AC$$

$$[C] = C + AB$$

*Figura 2.6* Estructura de alias del diseño  $2^{3-1}$ . Fuente: elaboración propia.

### **2.3.2. Resolución de diseños factorial fraccionado de dos niveles**

La resolución de un diseño factorial fraccionado se define como una característica que indica qué tan bien se pueden estimar los efectos de interés en el experimento mediante dicho diseño (Gutiérrez y de la Vara, 2008). La resolución de un diseño es igual al menor número de letras que componen la palabra de la relación definidora. En el subtema 2.3.2 se fraccionó un diseño  $2^{3-1}$ , la relación definidora de la fracción principal fue  $I = ABC$ ; de acuerdo con la definición anterior dicho diseño es de resolución tres y se representa de la siguiente manera:  $2_{III}^{3-1}$  (2 es el número de niveles, 3 el número de factores, el subíndice *III* la resolución del diseño y el exponente representa la fracción).

Mediante la resolución de un diseño se permite conocer cuáles son las confusiones que se presenta en dicho diseño. En la *Tabla 2.13* se muestra la clasificación de la resolución de los diseños factoriales; en la primera columna se observan las resoluciones de los diseños; en la segunda columna las definiciones; en la tercera columna la utilización y en la última columna un ejemplo de representación respectivamente (Meyers, Montgomery y Anderson-Cook, 2016).

Tabla 2.13 Resolución de diseños factoriales fraccionados. Fuente: elaboración propia.

Resolución	Definición	Utilización	Representación
<i>II</i>	Los factores principales son alias con otros factores principales.	Es preferible no utilizar.	$[A] = A + B$
<i>III</i>	Los factores principales no son alias de otros factores principales; los factores principales son alias con interacciones dobles.	Son utilizados en la selección de muchos factores.	$[A] = A + BC$
<i>IV</i>	Los factores principales no son alias de otros factores principales, los factores principales no son alias de interacciones dobles; las interacciones dobles son alias de otras interacciones dobles.	Son utilizados para construir modelos de predicción cuando por limitación de recursos no se pueden utilizar diseños de resolución V.	$[AB] = AB + CD$
<i>V</i>	Los efectos principales no son alias de otros efectos principales, los efectos principales no son alias de interacciones dobles, las interacciones dobles no son alias de otras interacciones dobles.  Las interacciones dobles son alias con interacciones triples.	Este tipo de diseños es recomendado utilizar en la construcción de modelos de predicción en la que las interacciones triples o superiores no son relevantes en el experimento.	$[AB] = AB + CDE$

## 2.5. Diseños factoriales de niveles mixtos

Los diseños factoriales y diseños factoriales fraccionados de dos niveles se consideran la base fundamental de la experimentación en la industria; no obstante, existen situaciones en las en un experimento los factores a analizar tienen diferentes niveles, y esto sucede cuando en el experimento están involucrados factores de tipo cualitativo y cuantitativo (Montgomery, 2013). En un diseño factorial de niveles mixtos los factores en el experimento no tienen el mismo número de niveles y el experimentador tiene interés de estudiar todos los factores

en todos sus niveles durante el experimento. En la *Figura 2.7* se muestra un diseño factorial de niveles mixtos con tres factores, el factor *A* con dos niveles, el factor *B* con tres niveles y el factor *C* con cuatro niveles.

A	B	C
1	1	1
2	1	1
1	2	1
2	2	1
1	3	1
2	3	1
1	1	2
2	1	2
1	2	2
2	2	2
1	3	2
2	3	2
1	1	3
2	1	3
1	2	3
2	2	3
1	3	3
2	3	3
1	1	4
2	1	4
1	2	4
2	2	4
1	3	4
2	3	4

*Figura 2.7* Diseño factorial de niveles mixto  $2^1 3^1 4^1$ . Fuente: elaboración propia.

Como se mencionó en el tema 2.3, en un diseño factorial  $2^3$  sólo se necesitan 8 tratamientos para el diseño completo; en un diseño factorial de niveles mixtos como el de la *Figura 2.7* se necesitan 24 tratamientos experimentales. Por ejemplo, un diseño  $3^1 4^1 5^1$  se necesita 60 corridas experimentales para realizar el experimento completo; esto quiere decir que al aumentar el número de factores con distintos niveles cada uno, el número de corridas se incrementa. Los experimentos con muchas corridas son económicamente inviables e irrealizables. Por lo anterior se requiere del empleo de algún método que permita fraccionar dichos diseños para poder utilizarlos.

## 2.6. Diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos

Los diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos; son diseños en los que los factores tienen diferentes números de niveles y representan sólo una fracción de un diseño factorial fraccionado de niveles mixtos completo. A diferencia de los diseños factoriales fraccionados expuestos en el tema 2.4, los diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos no son construidos por generadores; a estos diseños se les conoce como ortogonales no regulares.

### 2.6.1. Propiedades deseables

Las propiedades deseables en los diseños de experimentos son el balance y la ortogonalidad. A continuación, se describen estas importantes propiedades:

**Balance:** Se dice que un diseño es balanceado cuando cada nivel de factor se repite el mismo número de veces dentro de cada factor. La propiedad de balance implica que la columna identidad de un diseño es ortogonal a cada efecto. Guo et al. (2007) desarrolló dos criterios para medir el balance de un diseño; el criterio de la Forma I es planteado como un problema de optimización que mide el grado de desbalance de un diseño; la Forma II como una función de distancia que minimiza el grado de desbalance. En Guo et al. (2009) desarrolló la métrica general de balance (GMB) para medir el grado de balance de los factores principales e interacciones. A continuación, se muestra el desarrollo del GMB:

Para una matriz  $d$  de diseño  $n \times k$ , donde  $n$  representa el número de filar y  $k$  es el número de factores. Sea  $d^t (t = 1, \dots, k)$  denota las matrices incluyendo todas las columnas de los  $t$  – factores de interacción, y  $d^1$  es un factor interacción de la matriz para los efectos principales. Observe que  $d^1$  es equivalente a  $d$ . Por lo tanto, toda la matriz de interacciones involucra todos los  $t$  –factores de la matriz de interacción  $d^t$ . Es decir (véase la Ecuación 2.8),

$$D = [d^1 d^2 \dots d^t \dots d^k] \quad (2.8)$$

Las columnas en  $D$  son llamadas columnas de interacción, mismas que son evaluadas en términos de balance.

Sea  $l_j^t$  el número de niveles de la columna  $j^{th}$  de  $d^t$  ( $1 \leq t \leq k$ ). Sea  $c_{rj}^t$  el número de veces de  $r^{th}$  de niveles que aparecen en  $j^{th}$  en la columna de  $d$ . Sea  $c_j^t = [c_{1j}^t, c_{2j}^t, \dots, c_{l_j^t j}^t]^T$  el contador para cada nivel de la columna  $j^{th}$  de  $d^t$ .

La notación  $H^t$  es usada para los coeficientes de balance de  $d^t$ . Se emplea una función de distancia para reflejar el grado de balance y definir el  $j^{th}$  columna del coeficiente de balance como (véase la Ecuación 2.9):

$$H_j^t = \sum_{r=1}^{l_j^t} (c_{rj}^t - T_j^t)^2 \quad (2.9)$$

para los  $k$ -factores de la matriz de interacción, donde  $T_j^t = \frac{n}{l_j^t}$  es fijo. Sustituyendo  $T_j^t = \frac{n}{l_j^t}$ , entonces  $H_j^t$  se vuelve (véase la Ecuación 2.10):

$$H_j^t = \sum_{r=1}^{l_j^t} (c_{rj}^t - \frac{n}{l_j^t})^2 \quad (2.10)$$

El coeficiente de balance  $H^t$  para  $d^t$  sólo suma  $H_j^t$  y son definidas como (véase la Ecuación 2.11):

$$H^t = \sum_{j=1}^k H_j^t = \sum_{j=1}^k \sum_{r=1}^{l_j^t} (c_{rj}^t - \frac{n}{l_j^t})^2 \quad (2.11)$$

Entonces el GMB es definido como (Ecuación 2.12):

$$GBM = (H^1, H^2, \dots, H^t, \dots, H^k) \quad (2.12)$$

Para dos diseños  $d_1$  y  $d_2$  suponer que  $r$  es el valor más pequeño tal que  $t$   $H^r(d_1) \neq H^r(d_2)$ . Se dice que  $d_1$  es el diseño con más balance general que  $d_2$  si  $H^r(d_1) < H^r(d_2)$ . Si no hay diseño con más balance general que  $d_1$  y  $d_2$  se dice

que es el diseño con más balance general. Por lo tanto, un *GMBD* es un diseño de niveles mixtos en el cual  $H^t$  son secuencialmente optimizados.

En la *Tabla 2.14* se muestra un ejemplo de un diseño balanceado. Dicho diseño está compuesto de dos factores *A*, *B* con dos y cuatro niveles respectivamente.

A	B
1	1
2	2
1	3
2	4
1	1
2	2
1	3
2	4

*Tabla 2.14* Diseño balanceado. Fuente: elaboración propia.

**Ortogonalidad:** La ortogonalidad en un diseño supone que los vectores son independientes entre sí; es decir no correlacionados, lo cual significa que proveen diferente información al diseño. En un diseño ortogonal las combinaciones de los niveles de los factores aparecen el mismo número de veces. En la *Tabla 2.15* se muestra un ejemplo; se observan dos factores *A*, *B* con 2 y 3 niveles respectivamente.

A	B
1	1
2	2
1	3
2	1
1	2
2	3

*Tabla 2.15* Diseño ortogonal. Fuente: elaboración propia.

Para medir la ortogonalidad de un diseño se han desarrollado varios criterios citados por Guo et al. (2007), el mismo autor propuso el criterio  $J_2 - \text{Optimalidad}$  estandarizado. Xu (2002) desarrolló el criterio de optimalidad  $J_2 - \text{Optimalidad}$ . A continuación, se desarrolla el criterio  $J_2 - \text{Optimalidad}$  propuesto por Xu (2002):

Para una matriz  $N \times n$ ,  $d = [x_{ik}]$ , el peso de  $w_k > 0$  es asignado a la columna  $k$ , la cual contienen  $s_k$  niveles. Para  $1 \leq i, j \leq N$ , sea (Ecuación 2.13):

$$\delta_{i,j}(d) = \sum_{k=1}^n w_k \delta(x_{ik}, x_{jk}) \quad (2.13)$$

donde  $\delta(x, y) = 1$  si  $x = y$  y 0 de otra manera. El valor  $\delta_{i,j}(d)$  mide la similitud entre  $i$  – esimo y  $j$  – esimo renglón de  $d$ . En particular, si  $w_k = 1$  es seleccionada para todo  $k$ , entonces  $\delta_{i,j}(d)$  es el número de coincidencias entre  $i$  – esimo y  $j$  – esimo renglón. Definir (Ecuación 2.14):

$$J_2(d) = \sum_{1 \leq i < j \leq N} [\delta_{i,j}(d)]^2 \quad (2.14)$$

Un diseño es  $J_2$  – *Optimalidad* si se minimiza  $J_2$ . Obviamente, minimizando  $J_2(d)$ , se desea que los renglones de  $d$  no sea similares. A continuación, se muestra el siguiente teorema que muestra un importante límite inferior de  $J_2$  (véase Ecuación 2.15):

$$J_2 \geq L(n)$$

$$= 2^{-1} \left[ \left( \sum_{k=1}^n N s_k^{-1} w_k \right)^2 + \left( \sum_{k=1}^n (s_k - 1) (N s_k^{-1} w_k)^2 \right) - N \left( \sum_{k=1}^n w_k \right)^2 \right] \quad (2.15)$$

y la igualdad se mantiene si y sólo si  $d$  es un arreglo ortogonal. Un diseño semi-ortogonal es óptimo bajo el criterio  $J_2$ ; desde el punto de vista de la estimación los efectos principales son estimables, pero algunos pueden tener un alias parcial con otros.

## 2.6.2. Métodos de construcción

Se han desarrollado distintos métodos de construcción de diseños factoriales de niveles mixtos balanceados ortogonales, también se han propuesto y utilizado distintos criterios de optimalidad para su construcción. Se han desarrollado

diseños semi-ortogonales como alternativa a los diseños estrictamente ortogonales, cuando los diseños ortogonales son imposibles o difíciles de producir. Los diseños desarrollados en Guo et al. (2007) son llamados arreglos eficientes. En la *Tabla 2.16* se mencionan autores que han desarrollado métodos de construcción.

*Tabla 2.16* Métodos de construcción. Fuente: elaboración propia.

<b>Año</b>	<b>Autores</b>	<b>Descripción</b>
1991	Wang y Wu	Propusieron un enfoque para la construcción de diseños ortogonales de niveles mixtos basados en las diferencias de matrices; este método aplica la suma de Kronecker generalizada y utiliza una técnica para añadir columnas.
1992	Wang y Wu	Construyeron diseños semi-ortogonales.
1996	Wang	Introdujo un método basado en diferencias de matrices que puede producir una nueva clase de diseños.
1996	Nguyen	Construyó diseños semi-Ortogonales al igual que Wang and Wu.
2000	DeCock y Stufken	Propusieron un algoritmo para construir diseños ortogonales de niveles mixtos utilizando diseños ortogonales de dos niveles.
2002	Xu	Propuso un algoritmo para construir diseño ortogonales y semi-ortogonales basados en el concepto de $J_2$ – <i>optimalidad</i> descrito en el subtema anterior.
2007	Yong Guo	Propuso un método para la construcción de diseños factoriales de fraccionados de niveles mixtos con buenas propiedades de balance y ortogonalidad mediante un algoritmo genético.
2018	Yaquelin Pantoja, Ríos y Tapia	Desarrollaron un método llamado NOBA para la construcción de diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos con buenas propiedades de balance y ortogonalidad. Este método hace uso de operaciones aritméticas básicas e incluso se puede desarrollar en una hoja de cálculo para la generación de los diseños.



### 2.6.3. Método de construcción de estructura de alias de diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos

Actualmente, el único método que se ha propuesto para construir estructuras de alias de diseños factoriales de niveles mixto se muestra en García (2015). Dicho método se basa en los principios de escasez de efectos y en el análisis de la matriz de correlaciones para construir las estructuras de alias. A continuación, se comienza con la definición del coeficiente de correlación:

El coeficiente de correlación lineal mide la fuerza de la relación lineal entre los valores cuantitativos apareados  $X_j$  y  $X_k$  en una muestra. Dicho valor también se conoce como coeficiente de correlación producto momento de Pearson, en honor a Karl Pearson (1857-1936) quien lo desarrolló originalmente (Triola, 2004).

La relación entre dos variables  $X_j$  y  $X_k$  se calcula mediante la Ecuación 2.16 que se muestra a continuación:

$$r_{ij} = \frac{Cov(X_j, X_k)}{\sqrt{varX_j} \cdot \sqrt{varX_k}} \quad (2.16)$$

donde  $r_{jk}$  es el coeficiente de correlación lineal de Pearson entre los factores  $X_j$  y  $X_k$ .  $Cov(X_j, X_k)$  es la covarianza entre  $X_j$  y  $X_k$ , la cual indica el grado de variación conjunta de dos variables respecto a sus medias y es un dato básico para determinar si existe dependencia entre ambos factores,  $varX_j$  y  $varX_k$  son las varianzas de sus respectivas columnas.

La covarianza se calcula mediante la Ecuación 2.17, donde  $n$  es el número de corridas experimentales,  $x_{ij}$  y  $x_{ik}$  son los niveles en la fila  $i$  de las columnas del factor  $X_j$  y  $X_k$  respectivamente,  $\bar{x}_j$  y  $\bar{x}_k$  es el promedio de los niveles que contiene la columna del factor  $X_j$  y  $X_k$ ; es decir  $\bar{x}_j = \sum_{i=1}^n x_{ij}/n$  y de la misma forma es calculado  $\bar{x}_k$ .

$$Cov(X_j, X_k) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_{ij} - \bar{x}_j)(x_{ik} - \bar{x}_k) \quad (2.17)$$

La varianza es una medida de dispersión que representa la variabilidad de una serie de datos respecto a su media,  $varX_j$  se calcula mediante la Ecuación 2.18.

$$varX_j = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \quad (2.18)$$

El coeficiente de correlación lineal de Pearson puede variar entre  $-1$  a  $1$  (Triola, 2013). El análisis de correlaciones intenta medir la fuerza y dirección de la relación entre dos factores por medio del coeficiente de correlación (Walpole, Myers, Myers & Ye, 2012). En la *Figura 2.8* se muestra una matriz de correlaciones general. La diagonal principal está compuesta por valores de  $1$ , esta diagonal divide las correlaciones que se repiten en ambos lados como un efecto espejo. Por ejemplo, los coeficientes de correlación  $r_{12} = r_{21}$  tienen el mismo valor de correlación y representan la relación entre los factores  $X_1$  y  $X_2$ . Una relación lineal perfecta entre dos factores puede tomar un valor de correlación de  $\pm 1$ ; una correlación de  $1$  indica una relación lineal perfecta positiva; una correlación  $-1$  indica una relación lineal perfecta negativa (Anderson, Sweeney & Williams, 2008). Si dos factores no están altamente correlacionados, esto podrían medir diferentes características o no estar claramente definidos uno del otro.

$$R = \begin{bmatrix} 1 & r_{12} & \dots & r_{1k} \\ r_{21} & 1 & \dots & r_{2k} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ r_{k1} & r_{k2} & \dots & 1 \end{bmatrix}$$

*Figura 2.8* Matriz de correlaciones general. Fuente: elaboración propia.

García (2015) propuso un método para la construcción de estructuras de alias para diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos. Este método se desarrolla en cinco pasos; en la *Figura 2.9* se muestra un diagrama de dicho método:

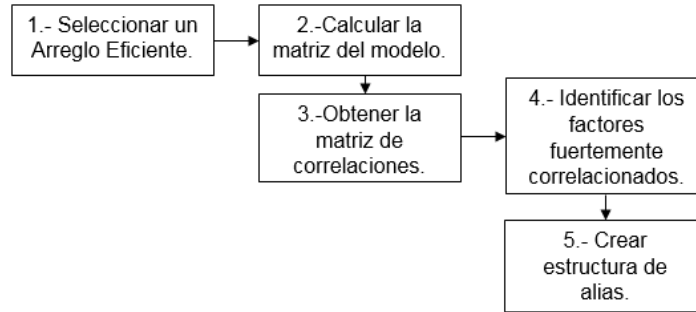


Figura 2.9 Método de construcción. Fuente: García (2015).

El primer paso del método consiste en la selección de un arreglo eficiente; dicho método fue diseñado para la construcción de estructuras de alias de los arreglos eficientes desarrollados por Guo et al. (2007), por lo anterior García (2015) los llama arreglos eficientes. A continuación, se desarrolla el ejemplo propuesto por García (2015) para mostrar la aplicación de dicho método (véase *Figura 2.10*):

A	B	C
1	1	7
1	2	2
1	3	5
1	4	4
1	5	3
2	1	2
2	2	5
2	3	6
2	4	7
2	5	1
3	1	4
3	2	1
3	3	2
3	4	3
3	5	6

Figura 2.10 Arreglo eficiente (15, 3<sup>1</sup> 5<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>). Fuente: García (2015).

El segundo paso es calcular la matriz del modelo. Primeramente, se realiza la codificación de la notación natural a la geométrica mediante la aplicación de la Ecuación 2.19. Donde  $x_{ij}$  es el nivel codificado del renglón  $i$  en la columna  $j$ ;  $l_j$  es el número de niveles de la columna  $j$  y  $l_{ij}$  es el nivel del renglón  $i$  en la columna  $j$ .

$$x_{ij} = 1 - \frac{2(l_j - l_{ij})}{l_j - 1} \quad (2.19)$$

Dicha codificación se observa en la *Figura 2.11*, en el lado izquierdo se encuentra el arreglo en notación natural y el lado derecho el arreglo en notación geométrica. Posteriormente se obtienen la matriz del modelo (matriz compuesta por todos los niveles del diseño e interacciones de segundo y tercer orden); en la *Figura 2.12* se muestra dicha matriz.

A	B	C
1	1	7
1	2	2
1	3	5
1	4	4
1	5	3
2	1	2
2	2	5
2	3	6
2	4	7
2	5	1
3	1	4
3	2	1
3	3	2
3	4	3
3	5	6

→

A	B	C
-1.000	-1.000	1.000
-1.000	-0.500	-0.667
-1.000	0.000	0.333
-1.000	0.500	0.000
-1.000	1.000	-0.333
0.000	-1.000	-0.667
0.000	-0.500	0.333
0.000	0.000	0.667
0.000	0.500	1.000
0.000	1.000	-1.000
1.000	-1.000	0.000
1.000	-0.500	-1.000
1.000	0.000	-0.667
1.000	0.500	-0.333
1.000	1.000	0.667

*Figura 2.11* Codificación de notación natural a la notación geométrica. Fuente: García (2015).

A	B	C	BC	AC	AB	ABC
-1.000	-1.000	1.000	-1.000	-1.000	1.000	1.000
-1.000	-0.500	-0.667	0.333	0.667	0.500	-0.333
-1.000	0.000	0.333	0.000	-0.333	0.000	0.000
-1.000	0.500	0.000	0.000	0.000	-0.500	0.000
-1.000	1.000	-0.333	-0.333	0.333	-1.000	0.333
0.000	-1.000	-0.667	0.667	0.000	0.000	0.000
0.000	-0.500	0.333	-0.167	0.000	0.000	0.000
0.000	0.000	0.667	0.000	0.000	0.000	0.000
0.000	0.500	1.000	0.500	0.000	0.000	0.000
0.000	1.000	-1.000	-1.000	0.000	0.000	0.000
1.000	-1.000	0.000	0.000	0.000	-1.000	0.000
1.000	-0.500	-1.000	0.500	-1.000	-0.500	0.500
1.000	0.000	-0.667	0.000	-0.667	0.000	0.000
1.000	0.500	-0.333	-0.167	-0.333	0.500	-0.167
1.000	1.000	0.667	0.667	0.667	1.000	0.667

*Figura 2.12* Matriz del modelo. Fuente: García (2015).

El tercer paso es obtener la matriz de correlaciones a partir de la matriz modelo. En la *Figura 2.13* se muestra la matriz de correlaciones.

	A	B	C	BC	AC	AB	ABC
A	1.00	0.00	-0.20	0.33	-0.17	0.00	0.00
B	0.00	1.00	0.00	-0.10	0.39	0.00	-0.05
C	-0.20	0.00	1.00	-0.02	0.05	0.35	0.36
BC	0.33	-0.10	-0.02	1.00	0.31	-0.04	-0.20
AC	-0.17	0.39	0.05	0.31	1.00	0.00	-0.37
AB	0.00	0.00	0.35	-0.04	0.00	1.00	0.29
ABC	0.00	-0.05	0.36	-0.20	-0.37	0.29	1.00

Figura 2.13 Matriz de correlaciones. Fuente: García (2015).

El cuarto paso es identificar los factores fuertemente correlacionados. Primeramente, se localiza la correlación más fuerte  $|r_{pp}|$ , dicho valor se multiplica por 0.5 para obtener el valor límite mediante la Ecuación 2.20:

$$VL = 0.5 * Mr_{pp} \quad (2.20)$$

donde  $Mr_{pp}$  es el valor más grande de la matriz  $P$ . Lo siguiente es seleccionar los valores que son mayores al valor límite  $VL$ . Para este ejemplo el valor límite es 0.2, en la Figura 2.14 se muestra la matriz de correlaciones con los valores seleccionados en color gris.

	A	B	C	BC	AC	AB	ABC
A	1.00	0.00	-0.20	0.33	-0.17	0.00	0.00
B	0.00	1.00	0.00	-0.10	0.39	0.00	-0.05
C	-0.20	0.00	1.00	-0.02	0.05	0.35	0.36
BC	0.33	-0.10	-0.02	1.00	0.31	-0.04	-0.20
AC	-0.17	0.39	0.05	0.31	1.00	0.00	-0.37
AB	0.00	0.00	0.35	-0.04	0.00	1.00	0.29
ABC	0.00	-0.05	0.36	-0.20	-0.37	0.29	1.00

Figura 2.14 Matriz de correlaciones con valores seleccionados. Fuente: García (2015).

El quinto paso es crear la estructura de alias para el diseño. El análisis para la construcción de las estructuras se debe realizar de izquierda a derecha; es decir, iniciando de los factores principales seguido de interacciones de segundo y tercer orden. A continuación, se mencionan los siguientes cinco principios para la creación de las estructuras (García, 2015):

Principio 1. Este se basada en el principio de jerarquía de efectos descrito en el tema 2.4. Las correlaciones entre efectos de orden menor son más importantes que las de orden mayor.

Principio 2. Las correlaciones del mismo orden de jerarquía son igualmente de importantes; en caso de que existiesen estas deben ser desempatas por su índice de correlación.

Principio 3. Si alguna interacción es adherida a una estructura de un efecto principal o a otra interacción, dicha interacción no podrá ser considerada para construir otra estructura de alias.

Principio 4. Todos los efectos principales, interacciones dobles y triples deberán pertenecer a una estructura de alias; a menos de que el efecto no tenga correlación con ningún otro elemento.

Principio 5. Si alguna interacción no tiene correlación superior al VL, se busca una correlación más fuerte para agregar esta interacción a alguna estructura siempre y cuando no esté asignada a otra estructura.

En la *Figura 2.15* se muestra la estructura de alias del diseño presentado inicialmente.

$$\begin{aligned} A &= A + 0.33BC \\ B &= B + 0.39AC \\ C &= C + 0.34AB + 0.35ABC \end{aligned}$$

*Figura 2.15* Estructura de alias del diseño (15, 3<sup>1</sup> 5<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>). Fuente: García (2015).

## 2.7. Estado del arte

Los diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos son diseños experimentales cuyos factores tienen diferentes números de niveles y en ocasiones involucran factores tanto cualitativos como cuantitativos. Debido a la complejidad que conlleva la construcción de estos diseños varios autores han propuesto métodos de construcción citados en el subtema 2.6.2; sin embargo, el análisis de las estructuras de alias para estos diseños no ha sido explorado significativamente. A continuación, en la *Tabla 2.17* se muestra el estado del arte de este tema:

En la *Tabla 2.17* se muestran los artículos consultados para la construcción del estado del arte de esta investigación.

*Tabla 2.17* Artículos consultados. Fuente: elaboración propia.

Factor de impacto	Revista	Autores	Título	Resumen
2.306	Journal of Quality Technology	Hamada y Wu (1992)	Analysis of designed experiments with complex aliasing	En este artículo se propone un método para analizar diseños no regulares con estructuras de alias complejas. El método está basado en el principio de escases y de efectos hereditarios. Aquí agregaron un nuevo termino llamado Aliases Parciales (Partial Aliasing), esto significa que los efectos principales están parcialmente confundidos con interacciones y cada interacción puede estar confundido con uno o más efectos principales. Wu y Hamada mencionan que el método de análisis puede ser extendido a diseños fraccionados de niveles mixtos.
0.699	Journal of Applied Statistic	Kulahci y Bisgaard	A generalization of the alias matrix	En este artículo desarrollaron una ecuación para estimar los coeficientes de confusión para diseños de parcelas divididas de dos niveles (Split Plot Designs), la cual está basada en la fórmula para construir la matriz de alias. Debido a que los diseños de parcela divididas tienen unidades experimentales de diferentes tamaños; por lo tanto, su varianza no es constante; dichos autores proponen una generalización de la matriz de alias a la situación en la que la varianza no es necesariamente uniforme a lo largo del experimento.

*(Continúa en la siguiente página)*

Tabla 2.17 Artículos consultados (continuación). Fuente: elaboración propia.

Factor de impacto	Revista	Autores	Título	Resumen
1.030	Quality and Reliability Engineering International	Hamada y Hamada (2010)	All-Subsets Regression Under Effect Heredity Restrictions for Experimental Designs with Complex Aliasing	En este artículo los autores presentan un algoritmo que intenta ajustar sistemáticamente todos los modelos de regresión con restricciones hereditarias de efectos para el diseño experimental con alias complejo. Los autores mencionan que este método puede ser aplicado a diseños no regulares, a matrices ortogonales de nivel mixto y a diseños factoriales fraccionados de tres niveles.
(S/N)	Int. J. Experimental Design and Process Optimisation	Jones y Montgomery (2010)	Alternatives to resolution IV screening designs in 16 runs	En este artículo los autores introdujeron la gráfica de celdas de la matriz de correlación como una forma gráfica útil para mostrar las relaciones de alias en factoriales fraccionarios y para comparar diseños no regulares con sus contrapartes factoriales fraccionales regulares.

(Continúa en la siguiente página)



Tabla 2.17 Artículos consultados (continuación). Fuente: elaboración propia.

Factor de impacto	Revista	Autores	Título	Resumen
(S/N)	International Journal of Quality & Reliability Management	Al-Ghamdi K. A. (2013) (Al-Ghamdi, 2013)	A simple method for dealing with aliasing in experimental design	En este artículo se propone un método para generar patrones de alias para diseños factoriales fraccionados regulares y no regulares de dos y tres niveles. El método se basa viendo el diseño factorial fraccionado geoméricamente, bajo la premisa que cualquier par de vectores son ortogonales si están en ángulo recto. El método determina el grado de alias entre dos columnas evaluando la extensión para la cual el ángulo entre ellos difiere de 90°. Como resultado que se obtiene un arreglo de alias en el que se puede observar el patrón de los alias, adicionalmente estos resultados pueden ser utilizados para obtener las mediciones de los alias de acuerdo con los criterios que se ha propuesto.

(Continúa en la siguiente página)

Tabla 2.17 Artículos consultados (continuación). Fuente: elaboración propia.

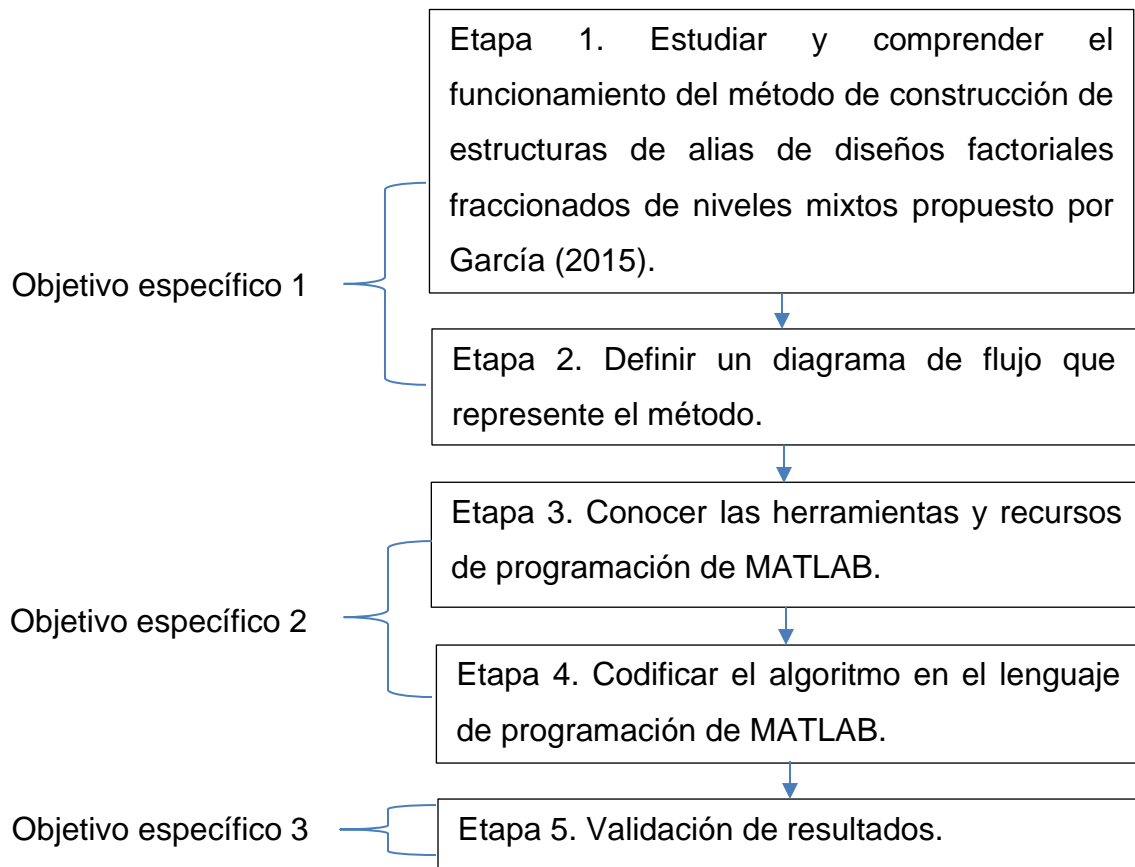
Factor de impacto	Revista	Autores	Título	Resumen
(S/N)	Tesis	García (2015)	Diseño de un método para construir estructuras de alias para diseños de niveles mixtos	<p>En esta investigación se presenta un método para la construcción de estructuras de alias para diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos. El método propuesto se basa en el principio de escasez de efectos y utiliza el coeficiente de correlación lineal de Pearson debido a que estos consideran las varianzas y covarianzas de los factores e interacciones del diseño. Al hacer esta consideración las varianzas y covarianzas se elimina la suposición de varianza constante para cada factor debido a que las fracciones de diseños de niveles mixtos no están completamente balanceadas, por consiguiente, su varianza no es uniforme.</p>

## Capítulo III Método de investigación

En este capítulo se muestra el método de investigación y se describen cada una de sus etapas.

### 3.1. Descripción del método de investigación

La *Figura 3.1* muestra las etapas del método de investigación de la presente tesis.



*Figura 3.1* Método de investigación. Fuente: elaboración propia.

A continuación, se describen cada una de las etapas en las que se llevó a cabo la presente investigación.

### **3.1.1. Estudiar y comprender el funcionamiento del método de construcción de estructuras de alias propuesto por García (2015)**

En esta etapa se estudió el método para la construcción de estructuras de alias de diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos propuesto por García (2015). El método está compuesto por cinco pasos y para comprender el funcionamiento se analizó paso a paso, se utilizaron ejemplos que involucran el análisis de matrices de correlaciones con el objetivo de observar las diferentes situaciones en las que se tienen que tomar decisiones para agregar una interacción a una estructura, para definir una estructura ya sea de un efecto principal o alguna interacción de mayor orden.

### **3.1.2. Definir un diagrama de flujo que represente el método**

En este paso se construyó un diagrama de flujo con base a los pasos del método de construcción de estructuras de alias, la definición del diagrama de flujo tuvo como objetivo representar el método como un algoritmo capaz de ser codificado en el lenguaje de programación de MATLAB. Se definieron procesos para realizar las distintas instrucciones que son necesarias para construir las estructuras de alias. También se definieron procesos de decisiones con el objetivo de brindar información al usuario en algunos casos y para que el programa no realice tareas innecesarias. Cabe aclarar que no se modificaron los pasos del método de construcción de estructuras de alias, los procesos que se agregaron son para brindar más información al usuario.

### **3.1.3. Conocer las herramientas y recursos de programación de MATLAB**

En esta etapa se realizó una exploración del software MATLAB para conocer los comandos de programación y comandos relacionados con la manipulación de

matrices. Se buscaron comandos que facilitaran el manejo de las letras que representan los factores e interacciones presentes en el diseño.

### **3.1.4. Codificar el algoritmo en el lenguaje de programación de MATLAB**

En esta etapa se llevó a cabo la codificación del algoritmo representado por el diagrama de flujo definido en el lenguaje de programación de MATLAB. Cada proceso del diagrama de flujo se programó en módulos, así mismo fue necesario hacer subdivisiones en ciertos módulos para lograr que el programa realizara las tareas que aseguran una correcta construcción de las estructuras de alias.

### **3.1.5. Validación resultados**

En esta etapa se llevó a cabo la validación del código en MATLAB para la construcción de estructura de alias de diseños fraccionados de niveles mixtos. Para esta validación se realizó una comparación de las estructuras de alias mostradas en García (2015) con las estructuras generadas con el programa asegurando que se cumplieran cinco principios del paso 5 del método de construcción de estructuras de alias mostrados en la sección 2.6.3, los cuales indican la forma correcta de construir las estructuras de alias de estos diseños. Se resaltan los aspectos que ocasionaron diferencias entre las estructuras mostradas en García (2015) y el programa. Por último, se evalúa el desempeño del programa con respecto al tiempo de ejecución.

## Capítulo IV Resultados y conclusiones

### 4.1. Resultados

En capítulo se muestran los resultados y conclusiones. Primeramente, se mencionan los resultados obtenidos en cada etapa del método de investigación y al final se muestran las conclusiones.

#### 4.1.1. Etapa 1

En esta etapa, se describe el análisis de cada paso del método.

**Paso 1.** El primer paso del método indica que se debe elegir un arreglo eficiente; los arreglos eficientes fueron propuestos por Guo (2003) y posteriormente publicados en Guo et al. (2007).

**Paso 2.** El segundo paso indica que se debe de calcular la matriz modelo. A continuación, se indica el procedimiento para el cálculo de la matriz modelo: primero se debe codificar el diseño utilizando la Ecuación 2.19 mostrada en el subtema 2.6.3, la matriz resultante se le conoce como matriz codificada, por lo tanto, el diseño pasa de estar en notación natural a notación geométrica, esta última notación sitúa los valores en el intervalo  $[-1, 1]$ ; una vez codificada la matriz se procede a realizar todas las interacciones posibles de segundo y de tercer orden; de esta forma se obtiene la matriz modelo.

**Paso 3.** El tercer paso indica que se debe realizar el cálculo para obtener la matriz de correlaciones. A partir de la matriz modelo se indica que se debe obtener la matriz de varianzas y covarianzas, después se debe obtener la matriz de desviaciones estándar y por último se obtiene la matriz de correlaciones.

**Paso 4.** El cuarto paso indica que se debe de identificar los factores fuertemente correlacionados. En la *Figura 4.1* se muestra una matriz de correlaciones, se observa que las correlaciones bajo la diagonal sombreada de color azul y las correlaciones sobre la diagonal sombreadas de color naranja son las mismas. Es

por ello por lo que el método sugiere que la búsqueda de correlaciones se haga sólo bajo la diagonal.

	A	B	C	BC	AC	AB	ABC
A	1.0000	0.0000	-0.2046	0.3303	-0.1695	0.0000	0.0000
B	0.0000	1.0000	0.0000	-0.0953	0.3914	0.0000	-0.0470
C	-0.2046	0.0000	1.0000	-0.0225	0.0539	0.3472	0.3596
BC	0.3303	-0.0953	-0.0225	1.0000	0.3110	-0.0389	-0.2016
AC	-0.1695	0.3914	0.0539	0.3110	1.0000	0.0000	-0.3678
AB	0.0000	0.0000	0.3472	-0.0389	0.0000	1.0000	0.2877
ABC	0.0000	-0.0470	0.3596	-0.2016	-0.3678	0.2877	1.0000

Figura 4.1 Ejemplo de una matriz de correlaciones. Fuente: elaboración propia.

Para identificar las correlaciones fuertes en la matriz de correlaciones bajo la diagonal, el método indica que se debe encontrar la correlación más fuerte para calcular el valor límite con la Ecuación 2.20 mostrada en el subtema 2.6.3. Posteriormente el valor límite se utiliza para localizar las correlaciones que superen su valor, dichas correlaciones se consideran significativas.

**Paso 5.** En quinto paso es la creación de las estructuras de alias y para esto García (2015) propone cinco principios:

**Principio 1.** Las correlaciones significativas de orden menor son más importantes que las correlaciones de mayor orden.

Esto quiere decir que una vez seleccionadas las correlaciones significativas con valores superiores al valor límite calculado, la selección de correlaciones significativas para crear las estructuras de alias se hace en dirección de izquierda a derecha, dando así prioridad a las correlaciones de los efectos principales antes que a las correlaciones de interacciones dobles y triples. En la *Figura 4.2* se observa una matriz de correlaciones, en la parte superior se observa una flecha en color rojo que indica la dirección de búsqueda y enmarcada de color verde las correlaciones de primer orden, enmarcada de color naranja las correlaciones de segundo orden y enmarcada de color morado las correlaciones de tercer orden.

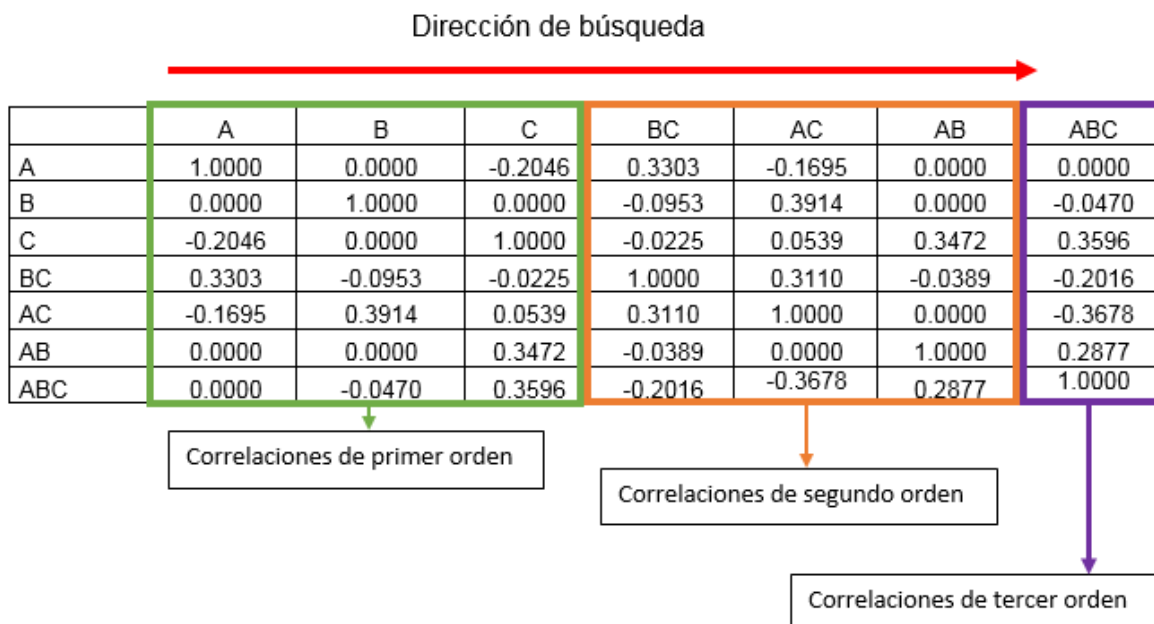


Figura 4.2 Ejemplo de matriz de correlaciones dividida. Fuente: elaboración propia.

**Principio 2.** Las correlaciones del mismo orden tienen igual importancia, para su elección estas deben ser desempatadas por su índice de correlación.

Lo anterior quiere decir que si en un renglón de la matriz de correlaciones se encuentran varias correlaciones significativas que pertenecen a un mismo orden; para elegir qué correlación se va a adherir al efecto se tomará la correlación de mayor valor absoluto. En la *Figura 4.3* se muestra una matriz de correlaciones en donde se observa que en la interacción AC existen tres correlaciones, estas se encuentran sombreadas de color rojo; la correlación con mayor valor absoluto es 0.3914; de esta manera la interacción AC se agrega al efecto B.

	A	B	C	AB	AC	BC	ABC
A	1.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
B	0.0000	1.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
C	-0.2046	0.0000	1.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
AB	0.0000	0.0000	0.3472	1.0000	0.0000	0.0000	0.0000
AC	-0.1695	0.3914	0.0539	0.0000	1.0000	0.0000	0.0000
BC	0.3303	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	1.0000	0.0000
ABC	0.0000	0.0000	0.3596	0.0000	0.0000	0.0000	1.0000

Figura 4.3 Ejemplo de matriz de correlaciones, segundo principio. Fuente: elaboración propia.



**Principio 3.** Indica que, si una interacción de segundo o tercer orden es agregada a una estructura de alias, dicha interacción ya no puede ser considerada para formar otra cadena de alias.

En la *Figura 4.4* se muestra una matriz de correlaciones para ejemplificar este principio. Se observa de color verde el efecto B y la interacción AC, debido a que su correlación es significativa la interacción AC de adhiere al efecto B. De color gris se observa las interacciones AC y BC, debido a que la interacción AC fue adherida al efecto B dicha interacción (AC) no podrá formar una estructura con la interacción BC.

	A	B	C	AB	AC	BC	ABC
A	1.0000		0.0000	0.0000		0.0000	0.0000
B	0.0000		0.0000	0.0000		0.0000	0.0000
C	0.0000		1.0000	0.0000		0.0000	0.0000
AB	0.0000		0.3472	1.0000		0.0000	0.0000
AC	0.0000	0.3914	0.0000	0.0000		0.0000	0.0000
BC	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.3303	1.0000	0.0000
ABC	0.3596	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	1.0000

*Figura 4.4* Ejemplo de matriz de correlaciones, tercer principio. Fuente: elaboración propia.

**Principio 4.** Indica que todos los efectos principales e interacciones deberán pertenecer a alguna estructura de alias del diseño, a menos de que algún efecto no tenga una correlación con ningún otro elemento.

En la *Figura 4.4* el efecto principal A formaría una estructura con la interacción ABC, el efecto B con la interacción AC y el efecto C con la interacción AB. La interacción BC quedaría sin tener otra interacción en su estructura. Así de esta manera todos los efectos e interacciones pertenecen o forman una estructura.

**Principio 5.** Indica que, si una interacción no tiene correlaciones superiores al valor límite, entonces se debe buscar la correlación más fuerte y que dicha correlación no forme parte de otra estructura de alias.

En la *Figura 4.5* se muestra una matriz de correlaciones, suponga que el valor límite es de 0.20, las correlaciones de la interacción ABC (sombreadas en color rojo) no son consideradas significativas; de acuerdo con este principio la

interacción ABC se debe adherir al efecto C, debido a que la correlación 0.15 es mayor a la correlación 0.9.

	A	B	C	AB	AC	BC	ABC
A	1.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
B	0.0000	1.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
C	0.0000	0.0000	1.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
AB	0.0000	0.0000	0.3472	1.0000	0.0000	0.0000	0.0000
AC	0.0000	0.3914	0.0000	0.0000	1.0000	0.0000	0.0000
BC	0.3303	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	1.0000	0.0000
ABC	0.0900	0.0000	0.1500	0.0000	0.0000	0.0000	1.0000

Figura 4.5 Ejemplo de matriz de correlaciones, quinto principio. Fuente: elaboración propia.

### 4.1.2. Etapa 2

En esta etapa se describe la definición del diagrama de flujo. En la *Figura 4.6* se muestra dicho diagrama. A continuación, se realiza una descripción general del diagrama de flujo para la construcción de las estructuras de alias, al final de cada enunciado dentro de los símbolos del diagrama se colocó un superíndice para identificar cada proceso que se menciona en esta descripción.

- 1.- Primero se debe introducir un diseño de niveles mixtos también conocida como matriz del diseño.
- 2.- En este símbolo de decisión se verifica que la matriz del diseño contenga 2 factores como mínimo o como máximo 9 factores. Esto es debido a que las investigaciones en Guo et al. (2007) y Pantoja et al. (2018) el tamaño máximo de los diseños que propone es de 9 factores y, para ser un diseño factorial el número mínimo de factores debe ser 2. En caso contrario el algoritmo se detiene, posteriormente se muestra un mensaje en el que se especifica que la matriz excede las dimensiones.
- 3.- Aquí se codifica la matriz del diseño de la notación natural a la notación geométrica.
- 4.- A partir de la matriz codificada se calcula la matriz modelo.

- 5.- De la matriz modelo se obtiene la matriz de correlaciones.
- 6.- Debido a que el método indica que la búsqueda de correlaciones se debe realizar bajo la diagonal principal de la matriz de correlaciones. En este proceso se obtiene una matriz triangular de correlaciones con valores absolutos, se optó por el manejo de valores absolutos para facilitar la manipulación de las correlaciones y la elección del valor límite.
- 7.- A diferencia del método en este proceso se realiza una búsqueda de correlaciones fuertes entre los factores principales, una correlación fuerte ya sea positiva o negativa se considera de  $\pm 0.5$ . Esto con el objetivo de enviar una advertencia al usuario sobre una correlación fuerte entre efectos principales.
- 8.- Posterior a la búsqueda de correlaciones significativas en este símbolo se realiza la comparación de las correlaciones entre los efectos principales y el valor 0.5, si existe una correlación mayor o igual a 0.5 se muestra un texto que indica que existen factores fuertemente correlacionados; en caso contrario se sigue con el siguiente proceso.
- 9.- En este proceso se realiza búsqueda de correlaciones superiores al valor límite.
- 10.- En este símbolo de decisión se analiza si existen correlaciones superiores al valor límite. Si no existen dichas correlaciones se muestra un mensaje en el que se indica que se trata de un diseño ortogonal, se asignan las letras correspondientes; se muestra su estructura de alias del diseño y termina. En el caso contrario se continúan con el siguiente proceso.
- 11.- En este proceso se localizan las correlaciones superiores al valor límite para efectos principales, interacciones de dos factores e interacciones de tres factores. Para la localización de correlaciones se aplican los primeros cuatro principios del paso 5 del método descrito en el subtema 2.6.3.

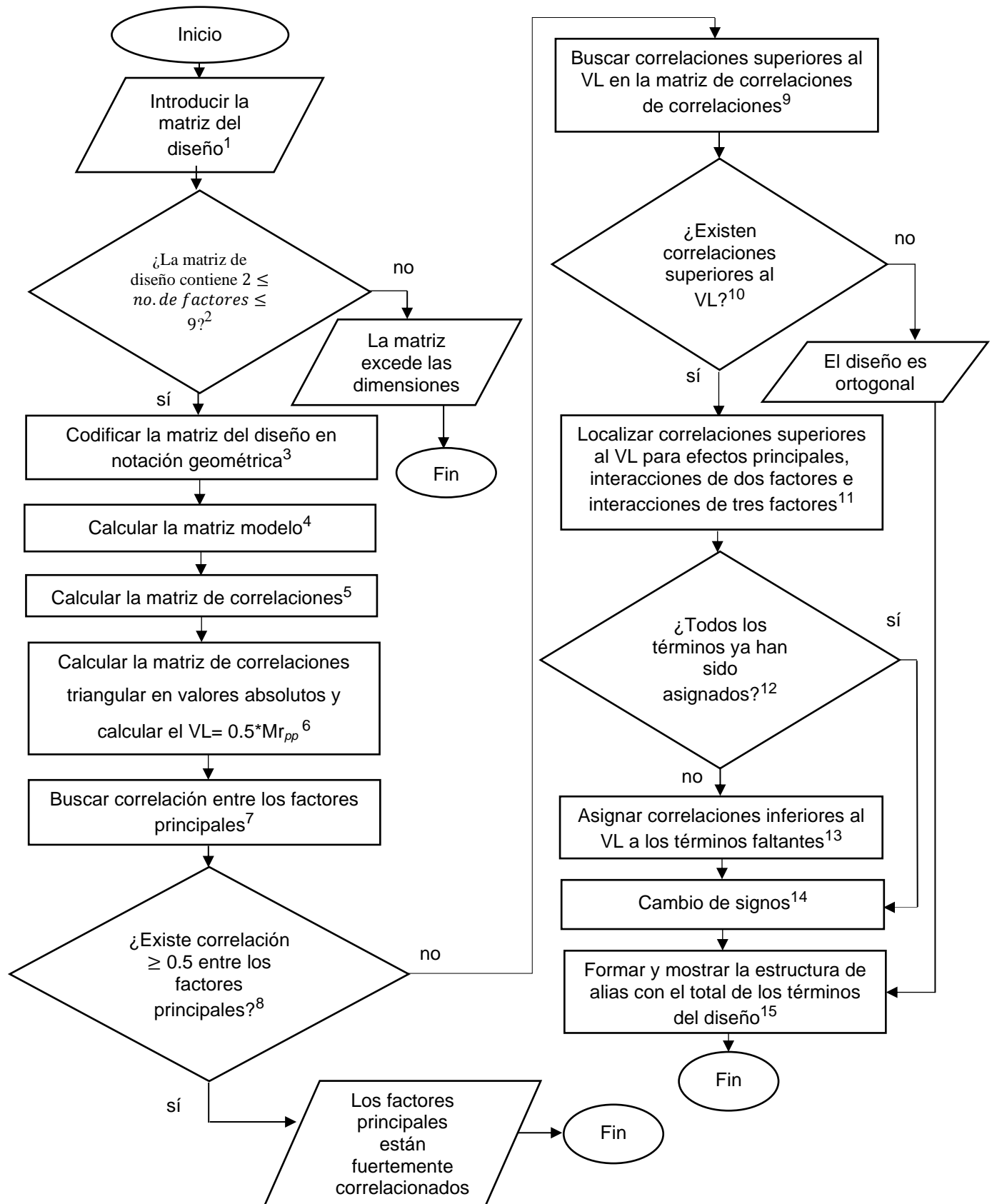


Figura 4.6 Diagrama de flujo del algoritmo. Fuente: elaboración propia.

12.- En este símbolo se analiza si a todos los términos del diseño ya ha sido asignados a las estructuras. Si todos los términos ya han sido asignados se pasa al proceso de asignación de signos y posteriormente al proceso de formar y mostrar la estructura de alias del diseño. En caso contrario se pasa al siguiente proceso.

13.- En este proceso se asignan correlaciones a los términos faltantes, aplicando el quinto principio del paso 5 del método descrito en el subtema 2.6.3, se asignan correlaciones inferiores al valor límite a dichos términos.

14.- En este proceso se asignan los signos correspondientes a las correlaciones seleccionadas.

15.- En este proceso se asignan las letras que corresponden a cada correlación para formar la estructura de alias, se muestran las estructuras de alias de diseño y el algoritmo finaliza.

### 4.1.3. Etapa 3

En esta etapa el interés se centró en buscar comandos que realizarán operaciones descritas en el diagrama de flujo que se definió en la sección anterior. En la *Tabla 4.1* se observan los comandos que se seleccionaron para ser utilizados en la codificación del algoritmo. En la primera columna de la *Tabla 4.1* se muestra el comando y en la segunda columna la descripción del resultado que generan.

*Tabla 4.1* Comandos en MATLAB relevantes para la investigación. Fuente: elaboración propia.

Comando	Descripción
R = corrcoef (B)	Devuelve la matriz de coeficientes de correlaciones de B, en donde las columnas de B representan variables aleatorias y las filas observaciones.
R = tril (B)	Devuelve la matriz triangular inferior de B.
R = abs (B)	Devuelve el valor absoluto de cada elemento de la matriz B.
R = nchoosek (n, k)	Devuelve el número de combinaciones de n elementos tomados k a la vez.
load (filename)	Carga datos de un archivo filename.
load (filename.mat)	El comando carga variables del archivo filename.mat en el espacio de trabajo de Matlab.

De acuerdo con el método descrito en el tema 2.6.3 y las operaciones definidas en el diagrama de flujo de la sección anterior, para obtener la matriz de correlaciones se describen varias operaciones con matrices; estas operaciones se pueden suprimir con el sólo uso del comando  $R = \text{corrcoef}(B)$ . En esta misma sección se menciona que para la elección de las correlaciones significativas, el área de interés se concentra bajo la diagonal de la matriz de correlaciones; es así como el comando  $R = \text{tril}(B)$  se eligió para convertir la matriz de correlaciones en una matriz triangular.

En la operación número 6 que se muestra en el diagrama de flujo de la sección anterior; indica que, para facilitar la manipulación de las correlaciones con relación a sus distintos valores relativos, se obtiene una matriz con valores absolutos, es por lo tanto en este caso se optó por elegir el comando  $R = \text{abs}(B)$ ; de este modo se puede obtener una matriz de correlaciones con valores absolutos.

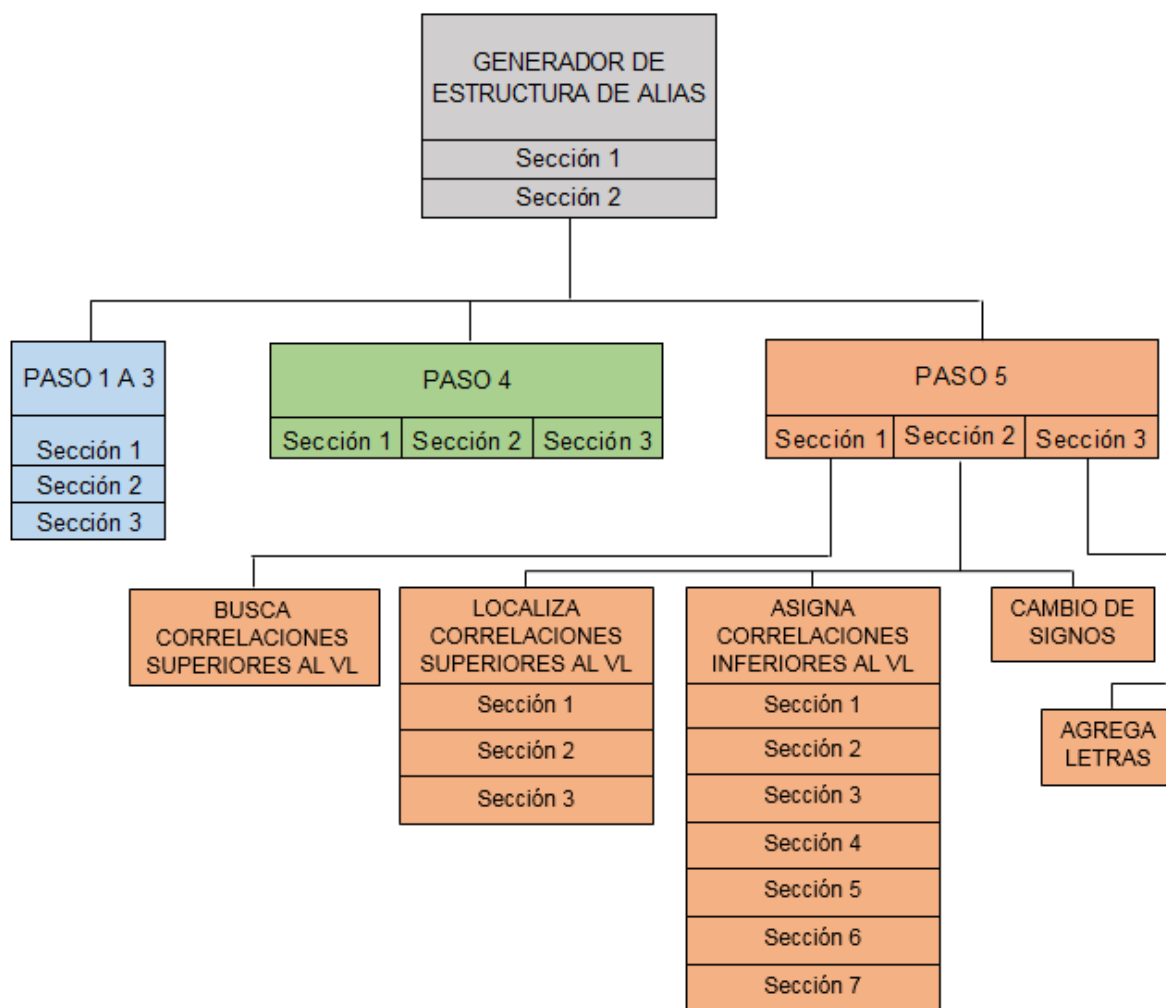
El número interacciones de segundo y tercer orden es información vital para dividir las interacciones en orden jerárquico, debido a que el número de factores varía de acuerdo con el tamaño del diseño. Es así como se optó por utilizar el comando  $R = \text{nchoosek}(n, k)$ , el cual brinda información del número de interacciones de segundo y tercer orden de acuerdo con el tamaño del diseño.

Un problema que se enfrentó fue la manipulación de las letras que componen las estructuras de alias (dichas letras representan factores). Este problema se resolvió al utilizar el comando `load(filename.mat)`, para hacer esto primero se cargó un archivo en Excel con letras que representan los factores e interacciones; el archivo de Excel se convierte a formato `.mat`, el cual es un formato que reconoce MATLAB y puede ser cargado al utilizar el comando `load`.

#### **4.1.4. Etapa 4**

En esta etapa se muestra el código en MATLAB, la estructura del programa y se describe el funcionamiento del programa. En el anexo 4.4 se muestra el código del programa y el anexo 4.4.1 los vectores y matrices de letras convertidas a formato `.mat` que se utilizaron para construir las estructuras de alias.

En la *Figura 4.7* se muestra la estructura del programa, el módulo principal es llamado generador de estructuras de alias; dicho módulo al ejecutarse va asignando tareas a los demás módulos. En la misma figura de color azul se encuentra el módulo llamado PASO 1 A 3, este a su vez se divide en tres secciones.



*Figura 4.7* Estructura del programa para construir estructuras de alias. Fuente: elaboración propia.

En la *Figura 4.7* de color verde se muestra el módulo llamado PASO 4, así mismo se dividen en tres secciones; de color naranja se muestra el módulo llamado PASO 5, este módulo se divide en tres secciones; la sección 1 al ejecutarse llama al módulo llamado BUSCA CORRELACIONES SUPERIORES AL VL; la sección 2 al ejecutarse llama al módulo llamado SELECCIONA CORRELACIONES SUPERIORES AL VL; posteriormente al módulo llamado ASIGNA

CORRELACIONES INFERIORES AL VL, el cual se divide en siete secciones y por último termina con el módulo llamado CAMBIO DE SIGNOS. El mismo módulo llamado PASO 5 al terminar la sección 2 se pasa a la sección 3, en donde se activa el módulo llamado AGREGA LETRAS.

En la *Tabla 4.2* se muestra la relación entre los módulos programados y el diagrama de flujo definido en la sección 4.1.2.

*Tabla 4.2* Módulos y nombres de matrices. Fuente: elaboración propia.

Módulo	Superíndice	Nombre de matrices
GENERADOR DE ESTRUCTURA DE ALIAS	1, 2	Matriz del diseño
PASO 1 A 3	3, 4, 5	Matriz codificada y modelo
PASO 4	6	Matriz de correlaciones
GENERADOR DE ESTRUCTURA DE ALIAS (Sección 1)	7, 8	Matriz W
GENERADOR DE ESTRUCTURA DE ALIAS (Sección 2) PASO 5		
BUSCA CORRELACIONES SUPERIORES AL VL (Sección 1) ANALIZA RENGLONES DE ME, (sección 2) ANALIZA RENGLONES DE 2FI, (sección 3) ANALIZA RENGLONES DE 3FI)	9	Matriz reW
VERIFICA SI EXISTEN CORRELACIONES SUPERIORES AL VL	10	Matriz reW
SELECCIONA CORRELACIONES SUPERIORES AL VL	11	Matriz eM
VERIFICA SI TODOS LOS TÉMINOS TIENEN CORRELACIÓN ASIGNADA	12	Matriz D
ASIGNA CORRELACIONES INFERIORES AL VL	13	Matriz CH
CAMBIO DE SIGNOS	14	Matriz MSZ
AGREGA LETRAS	15	

En la primera columna de la *Tabla 4.2* se muestra los distintos módulos que se programaron y en la segunda columna los correspondientes superíndices que indican los distintos procesos que se definieron en el diagrama de flujo de la sección 4.1.2. En la tercera columna se muestran los nombres de las distintas matrices que se utilizaron para los diferentes procesos, con el objetivo de diferenciarlas en cada proceso del programa. A continuación, se describe el funcionamiento del programa utilizando un diseño factorial fraccionado de niveles mixtos. El número en cada párrafo indica el módulo que se está ejecutando.



## 1.- GENERADOR DE ESTRUCTURAS DE ALIAS

En este módulo se introduce el diseño. En la *Tabla 4.3* se muestra un diseño EA (21, 3<sup>2</sup> 4<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>), el diseño es de 4 factores A, B, C, D y de 3, 3, 4, 7 niveles respectivamente con 21 corridas.

*Tabla 4.3* Diseño EA (21, 3<sup>2</sup> 4<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

EA (21, 3 <sup>2</sup> 4 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> )			
A	B	C	D
1	1	4	7
1	2	1	4
1	3	3	6
1	1	1	5
1	2	2	1
1	3	3	3
1	1	2	2
2	2	4	2
2	3	4	4
2	1	1	3
2	2	1	6
2	3	2	5
2	1	3	1
2	2	3	7
3	3	1	1
3	1	3	4
3	2	2	3
3	3	2	7
3	1	4	6
3	2	4	5
3	3	1	2

## 2.- PASO 1 A 3

Este módulo está dividido en tres secciones. A continuación, se describen dichas secciones:

En la sección 1 se verifica si el diseño cumple con la siguiente restricción  $2 \geq \text{no.de factores} \leq 9$ . Si no se cumple con la restricción anterior, el programa enviará un mensaje diciendo “La matriz excede las dimensiones” y se detiene. En el caso contrario el programa sigue el procesamiento de los datos.

Para este caso el diseño EA ( $21, 3^2 4^1 7^1$ ) cumple con la restricción.

En la sección 2, la matriz del diseño es codificada de su notación natural a la notación geométrica. En la *Tabla 4.4* se muestra el diseño codificado en notación geométrica.

*Tabla 4.4* Diseño EA ( $21, 3^2 4^1 7^1$ ) codificado en notación geométrica. Fuente: elaboración propia.

Diseño codificado			
A	B	C	D
-1.0000	-1.0000	1.0000	1.0000
-1.0000	0.0000	-1.0000	0.0000
-1.0000	1.0000	0.3333	0.6667
-1.0000	-1.0000	-1.0000	0.3333
-1.0000	0.0000	-0.3333	-1.0000
-1.0000	1.0000	0.3333	-0.3333
-1.0000	-1.0000	-0.3333	-0.6667
0.0000	0.0000	1.0000	-0.6667
0.0000	1.0000	1.0000	0.0000
0.0000	-1.0000	-1.0000	-0.3333
0.0000	0.0000	-1.0000	0.6667
0.0000	1.0000	-0.3333	0.3333
0.0000	-1.0000	0.3333	-1.0000
0.0000	0.0000	0.3333	1.0000
1.0000	1.0000	-1.0000	-1.0000
1.0000	-1.0000	0.3333	0.0000
1.0000	0.0000	-0.3333	-0.3333
1.0000	1.0000	-0.3333	1.0000
1.0000	-1.0000	1.0000	0.6667
1.0000	0.0000	1.0000	0.3333
1.0000	1.0000	-1.0000	-0.6667

Una vez que se tiene la matriz del diseño en notación geométrica la matriz del modelo es construida a partir de la multiplicación de las columnas de factores principales para generar las interacciones dobles e interacciones triples. En la *Tabla 4.5* se muestra la matriz modelo.

Tabla 4.5 Matriz del modelo del diseño EA (21, 3<sup>2</sup> 4<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>) Fuente: elaboración propia.

A	B	C	D	AB	AC	AD	BC	BD	CD	ABC	ABD	ACD	BCD
-1.0000	-1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	-1.0000	-1.0000	-1.0000	-1.0000	1.0000	1.0000	1.0000	-1.0000	-1.0000
-1.0000	0.0000	-1.0000	0.0000	0.0000	1.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
-1.0000	1.0000	0.3333	0.6667	-1.0000	-0.3333	-0.6667	0.3333	0.6667	0.2222	-0.3333	-0.6667	-0.2222	0.2222
-1.0000	-1.0000	-1.0000	0.3333	1.0000	1.0000	-0.3333	1.0000	-0.3333	-0.3333	-1.0000	0.3333	0.3333	0.3333
-1.0000	0.0000	-0.3333	-1.0000	0.0000	0.3333	1.0000	0.0000	0.0000	0.3333	0.0000	0.0000	-0.3333	0.0000
-1.0000	1.0000	0.3333	-0.3333	-1.0000	-0.3333	0.3333	0.3333	-0.3333	-0.1111	-0.3333	0.3333	0.1111	-0.1111
-1.0000	-1.0000	-0.3333	-0.6667	1.0000	0.3333	0.6667	0.3333	0.6667	0.2222	-0.3333	-0.6667	-0.2222	-0.2222
0.0000	0.0000	1.0000	-0.6667	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	-0.6667	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
0.0000	1.0000	1.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	1.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
0.0000	-1.0000	-1.0000	-0.3333	0.0000	0.0000	0.0000	1.0000	0.3333	0.3333	0.0000	0.0000	0.0000	-0.3333
0.0000	0.0000	-1.0000	0.6667	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	-0.6667	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
0.0000	1.0000	-0.3333	0.3333	0.0000	0.0000	0.0000	-0.3333	0.3333	-0.1111	0.0000	0.0000	0.0000	-0.1111
0.0000	-1.0000	0.3333	-1.0000	0.0000	0.0000	0.0000	-0.3333	1.0000	-0.3333	0.0000	0.0000	0.0000	0.3333
0.0000	0.0000	0.3333	1.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	0.3333	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000
1.0000	1.0000	-1.0000	-1.0000	1.0000	-1.0000	-1.0000	-1.0000	-1.0000	1.0000	-1.0000	-1.0000	1.0000	1.0000
1.0000	-1.0000	0.3333	0.0000	-1.0000	0.3333	0.0000	-0.3333	0.0000	0.0000	-0.3333	0.0000	0.0000	0.0000
1.0000	0.0000	-0.3333	-0.3333	0.0000	-0.3333	-0.3333	0.0000	0.0000	0.1111	0.0000	0.0000	0.1111	0.0000
1.0000	1.0000	-0.3333	1.0000	1.0000	-0.3333	1.0000	-0.3333	1.0000	-0.3333	-0.3333	1.0000	-0.3333	-0.3333
1.0000	-1.0000	1.0000	0.6667	-1.0000	1.0000	0.6667	-1.0000	-0.6667	0.6667	-1.0000	-0.6667	0.6667	-0.6667
1.0000	0.0000	1.0000	0.3333	0.0000	1.0000	0.3333	0.0000	0.0000	0.3333	0.0000	0.0000	0.3333	0.0000
1.0000	1.0000	-1.0000	-0.6667	1.0000	-1.0000	-0.6667	-1.0000	-0.6667	0.6667	-1.0000	-0.6667	0.6667	0.6667

En la sección 3 se calcula la matriz de correlaciones. En la *Figura 4.8* se muestra la matriz de correlaciones.

	A	B	C	D	AB	AC	AD	BC	BD	CD	ABC	ABD	ACD	BCD
A	1	0.1429	0.0513	0.0000	0.0000	-0.1279	0.0000	-0.4497	-0.1071	0.1423	-0.3353	-0.2002	0.5477	0.2077
B	0.1429	1	-0.1026	0.0000	0.0000	-0.4478	-0.1071	-0.0642	0.0000	-0.0285	-0.1676	-0.1201	0.2094	0.4154
C	0.0513	-0.1026	1	0.2513	-0.4202	0.0952	0.1282	-0.0989	-0.0256	0.0584	0.3612	0.1807	-0.2694	-0.4606
D	0.0000	0.0000	0.2513	1	-0.1045	0.1306	0.0000	-0.0262	0.0000	-0.0232	0.2224	0.4413	-0.3288	-0.5349
AB	0.0000	0.0000	-0.4202	-0.1045	1	-0.3130	-0.2133	-0.1389	-0.1280	0.1822	-0.0334	0.1571	-0.0376	0.1754
AC	-0.1279	-0.4478	0.0952	0.1306	-0.3130	1	0.5438	0.3795	0.2079	-0.3205	-0.1251	-0.0128	0.1086	-0.1918
AD	0.0000	-0.1071	0.1282	0.0000	-0.2133	0.5438	1	0.2088	0.4821	-0.3558	-0.0210	0.1801	-0.1450	-0.3595
BC	-0.4497	-0.0642	-0.0989	-0.0262	-0.1389	0.3795	0.2088	1	0.4175	-0.4828	0.1005	0.1517	-0.1818	-0.0027
BD	-0.1071	0.0000	-0.0256	0.0000	-0.1280	0.2079	0.4821	0.4175	1	-0.5836	0.1886	0.1401	-0.3625	-0.0479
CD	0.1423	-0.0285	0.0584	-0.0232	0.1822	-0.3205	-0.3558	-0.4828	-0.5836	1	-0.0919	-0.3316	0.1688	-0.0437
ABC	-0.3353	-0.1676	0.3612	0.2224	-0.0334	-0.1251	-0.0210	0.1005	0.1886	-0.0919	1	0.5872	-0.8160	-0.5656
ABD	-0.2002	-0.1201	0.1807	0.4413	0.1571	-0.0128	0.1801	0.1517	0.1401	-0.3316	0.5872	1	-0.6642	-0.5488
ACD	0.5477	0.2094	-0.2694	-0.3288	-0.0376	0.1086	-0.1450	-0.1818	-0.3625	0.1688	-0.8160	-0.6642	1	0.6484
BCD	0.2077	0.4154	-0.4606	-0.5349	0.1754	-0.1918	-0.3595	-0.0027	-0.0479	-0.0437	-0.5656	-0.5488	0.6484	1

Figura 4.8 Matriz de correlaciones del diseño EA (21, 3<sup>2</sup> 4<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>) Fuente: elaboración propia.

### 3.- PASO 4

Este módulo se divide en tres secciones. A continuación, se describen dichas secciones:

En la sección 1 se obtiene la matriz triangular T, también se obtiene el valor límite (VL) mediante una búsqueda de la correlación con mayor valor absoluto debajo de la diagonal de la matriz triangular T. En la *Figura 4.9* se muestra la matriz triangular T.

	A	B	C	D	AB	AC	AD	BC	BD	CD	ABC	ABD	ACD	BCD
A	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0.1429	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0.0513	-0.1026	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0.0000	0.0000	0.2513	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AB	0.0000	0.0000	-0.4202	-0.1045	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AC	-0.1279	-0.4478	0.0952	0.1306	-0.3130	1	0	0	0	0	0	0	0	0
AD	0.0000	-0.1071	0.1282	0.0000	-0.2133	0.5438	1	0	0	0	0	0	0	0
BC	-0.4497	-0.0642	-0.0989	-0.0262	-0.1389	0.3795	0.2088	1	0	0	0	0	0	0
BD	-0.1071	0.0000	-0.0256	0.0000	-0.1280	0.2079	0.4821	0.4175	1	0	0	0	0	0
CD	0.1423	-0.0285	0.0584	-0.0232	0.1822	-0.3205	-0.3558	-0.4828	-0.5836	1	0	0	0	0
ABC	-0.3353	-0.1676	0.3612	0.2224	-0.0334	-0.1251	-0.0210	0.1005	0.1886	-0.0919	1	0	0	0
ABD	-0.2002	-0.1201	0.1807	0.4413	0.1571	-0.0128	0.1801	0.1517	0.1401	-0.3316	0.5872	1	0	0
ACD	0.5477	0.2094	-0.2694	-0.3288	-0.0376	0.1086	-0.1450	-0.1818	-0.3625	0.1688	-0.8160	-0.6642	1	0
BCD	0.2077	0.4154	-0.4606	-0.5349	0.1754	-0.1918	-0.3595	-0.0027	-0.0479	-0.0437	-0.5656	-0.5488	0.6484	1

Figura 4.9 Matriz triangular T. Fuente: elaboración propia.

Para este caso la correlación más fuerte encontrada es  $|r_{ij}| = 0.8160$  y utilizando la Ecuación 2.20 mostrada en el tema 2.6.3 se calcula el valor límite como se muestra a continuación:

$$VL = 0.5 * |0.8160|$$

Como resultado se obtiene un VL=0.4080.

En la sección 2 se obtiene la matriz triangular W con valores absolutos y las correlaciones menores a 0.0001 se hacen ceros, esto se realiza con la finalidad de sólo tomar en cuenta correlaciones iguales a cuatro decimales. En la Figura 4.10 se muestra la matriz W.

	A	B	C	D	AB	AC	AD	BC	BD	CD	ABC	ABD	ACD	BCD
A	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0.1429	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0.0513	0.1026	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0.0000	0.0000	0.2513	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AB	0.0000	0.0000	0.4202	0.1045	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AC	0.1279	0.4478	0.0952	0.1306	0.3130	1	0	0	0	0	0	0	0	0
AD	0.0000	0.1071	0.1282	0.0000	0.2133	0.5438	1	0	0	0	0	0	0	0
BC	0.4497	0.0642	0.0989	0.0262	0.1389	0.3795	0.2088	1	0	0	0	0	0	0
BD	0.1071	0.0000	0.0256	0.0000	0.1280	0.2079	0.4821	0.4175	1	0	0	0	0	0
CD	0.1423	0.0285	0.0584	0.0232	0.1822	0.3205	0.3558	0.4828	0.5836	1	0	0	0	0
ABC	0.3353	0.1676	0.3612	0.2224	0.0334	0.1251	0.0210	0.1005	0.1886	0.0919	1	0	0	0
ABD	0.2002	0.1201	0.1807	0.4413	0.1571	0.0128	0.1801	0.1517	0.1401	0.3316	0.5872	1	0	0
ACD	0.5477	0.2094	0.2694	0.3288	0.0376	0.1086	0.1450	0.1818	0.3625	0.1688	0.8160	0.6642	1	0
BCD	0.2077	0.4154	0.4606	0.5349	0.1754	0.1918	0.3595	0.0027	0.0479	0.0437	0.5656	0.5488	0.6484	1

Figura 4.10 Matriz W. Fuente: elaboración propia.

En la sección 3 se obtiene información sobre los efectos principales, interacciones dobles y triples; dicha información se almacena en variables que se utilizan a lo largo del programa.

#### 4.- GENERADOR DE ESTRUCTURAS DE ALIAS (Sección 1)

En la sección 1 del primer módulo se realiza una búsqueda para verificar que no existan correlaciones mayores o iguales a 0.5 entre factores principales. En el caso que si existan correlaciones que superen 0.5 el programa se detiene y muestra un mensaje “La fracción contiene efectos principales fuertemente correlacionados”. En el caso que no existan correlaciones mayores o iguales a 0.5 entre factores principales, se activa módulo llamado PASO 5. En la *Figura 4.11* se muestra una fracción de la matriz W que abarca los factores principales; las celdas en color amarillo muestran el área donde se realiza la búsqueda de correlaciones antes mencionada.

	A	B	C	D
A	1	0	0	0
B	0.1429	1	0	0
C	0.0513	0.1026	1	0
D	0.0000	0.0000	0.2513	1

*Figura 4.11* Búsqueda en factores principales bajo la diagonal. Fuente: elaboración propia.

En este caso como se muestra en la *Figura 4.11* no existen correlaciones fuertes entre efectos principales.

#### 5.- PASO 5

El módulo PASO 5 se divide en tres secciones; a continuación, se describen dichas secciones: En la sección 1 se encuentra el siguiente módulo.

#### 6.- BUSCA CORRELACIONES MAYORES AL VL

En este módulo se buscan las correlaciones mayores al VL en la matriz W. El primer paso es quitar los unos de la diagonal principal y colocar un cero, con el objetivo de facilitar la búsqueda de las correlaciones que interesa identificar.

El segundo paso es identificar los valores menores al valor límite VL y hacerlos cero, así se tendrá un renglón con valores mayores al VL. Estos renglones forman una nueva matriz llamada matriz revisada y se denota como revW mostrada en la *Figura 4.12*.

	A	B	C	D	AB	AC	AD	BC	BD	CD	ABC	ABD	ACD	BCD
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AB	0	0	0.4202	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AC	0	0.4478	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AD	0	0	0	0	0	0.5438	0	0	0	0	0	0	0	0
BC	0.4497	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BD	0	0	0	0	0	0	0.4821	0.4175	0	0	0	0	0	0
CD	0	0	0	0	0	0	0	0.4828	0.5836	0	0	0	0	0
ABC	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ABD	0	0	0	0.4413	0	0	0	0	0	0	0.5872	0	0	0
ACD	0.5477	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0.816	0.6642	0	0
BCD	0	0.4154	0.4606	0.5349	0	0	0	0	0	0	0.5656	0.5488	0.6484	0

*Figura 4.12* Matriz revisada revW. Fuente: elaboración propia.

En la sección 2 del módulo PASO 5 se calcula el número de correlaciones significativas que contiene la matriz revW.

En el módulo llamado VERIFICA SI EXISTE CORRELACIONES SUPERIORES AL VL. En este módulo se toma la decisión, si el número de correlaciones significativas es igual a cero, se muestra un enunciado en el que especifica que “El diseño es ortogonal”. Se asignan unos a la diagonal principal de la matriz revW, la matriz se renombra como MSZ; dicha matriz se envía al módulo llamado AGREGAR LETRAS el cual se encuentra en la sección tres; en este módulo se asignan las correspondientes letras y se genera la estructura de alias del diseño. Si el número de correlaciones significativas de la matriz revW es diferente de cero, la matriz se envía al siguiente módulo. De acuerdo con la fracción que se está analizando el número de correlaciones significativas es diferente de cero y por lo tanto la matriz pasa a los siguientes módulos.

## 7.- LOCALIZA CORRELACIONES SUPERIORES AL VL

Este módulo se divide en tres secciones, el objetivo de este módulo es localizar las correlaciones para cada efecto del diseño de acuerdo con el principio de

jerarquía de efectos y los 5 principios del paso 5 descritos en el subtema 2.6.3. Para realizar esta localización, la matriz de correlaciones se divide en efectos principales, interacciones de dos factores e interacciones de tres factores ME, 2FI y 3FI por sus siglas en ingles. En la *Figura 4.13* se observa dicha división.

	ME				2FI						3FI			
	A	B	C	D	AB	AC	AD	BC	BD	CD	ABC	ABD	ACD	BCD
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AB	0	0	0.4202	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AC	0	0.4478	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AD	0	0	0	0	0	0.5438	0	0	0	0	0	0	0	0
BC	0.4497	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BD	0	0	0	0	0	0	0.4821	0.4175	0	0	0	0	0	0
CD	0	0	0	0	0	0	0	0.4828	0.5836	0	0	0	0	0
ABC	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ABD	0	0	0	0.4413	0	0	0	0	0	0	0.5872	0	0	0
ACD	0.5477	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0.816	0.6642	0	0
BCD	0	0.4154	0.4606	0.5349	0	0	0	0	0	0	0.5656	0.5488	0.6484	0

*Figura 4.13* División de la matriz. Fuente: elaboración propia.

Primeramente, se realiza una inspección en la matriz revW para obtener un vector que sirva como guía para separar el análisis de ME y 2FI. Para este caso el vector que se obtuvo se muestra en la *Figura 4.14*. El número 1 en el vector indica que en las interacciones AB, AC, BC, ABD y BCD se realizará la localización de correlaciones en ME, el número 2 en el vector indica que en las interacciones AD, BD y CD se realizará la localización en 2FI. El cero indica que en esos efectos no se realiza la localización.

	Vector
AB	1
AC	1
AD	2
BC	1
BD	2
CD	2
ABC	0
ABD	1
ACD	1
BCD	1

*Figura 4.14* Vector guía. Fuente: elaboración propia.

En la primera sección se analizar los renglones de los ME, el objetivo es seleccionar la correlación mayor en el renglón hasta ME. El objetivo es localizar la correlación mayor en el renglón hasta ME, esto se realiza con el módulo llamado ANALIZA RENGLONES DE ME. Lo que hace este módulo es tomar una fracción del renglón hasta ME y seleccionar la correlación mayor. En la *Figura 4.15* se observa en la parte superior el renglón antes de la selección y en la parte inferior después de la selección. Como existe una correlación en ME las correlaciones en 2FI y 3FI se hacen ceros.

	ME				2FI						3FI				
BCD	0	0.4154	0.4606	0.5349	0	0	0	0	0	0	0	0.5656	0.5488	0.6484	0
BCD	0	0	0	0.5349	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

Figura 4.15 Análisis de renglones ME. Fuente: elaboración propia.

En la sección 2 el mismo procedimiento es usado para 2FI, al finalizar la sección 2 se realiza una actualización del vector guía con el objetivo de conocer en que renglones se realizará la selección para 3FI, al vector guía se le asigna un 3 para la selección de correlaciones en 3FI. En la *Figura 4.16* se observa que no hay renglones por analizar en 3FI.

	Vector
AB	1
AC	1
AD	2
BC	1
BD	2
CD	2
ABC	0
ABD	1
ACD	1
BCD	1

Figura 4.16 Vector guía para 3FI. Fuente: elaboración propia.

El resultado de localizar las correlaciones superiores al VL se muestra en la matriz D.



	A	B	C	D	AB	AC	AD	BC	BD	CD	ABC	ABD	ACD	BCD
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AB	0	0	0.4202	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AC	0	0.4478	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AD	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BC	0.4497	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BD	0	0	0	0	0	0	0.4821	0	0	0	0	0	0	0
CD	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ABC	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ABD	0	0	0	0.4413	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ACD	0.5477	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BCD	0	0	0	0.5349	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

Figura 4.17 Matriz D. Fuente: elaboración propia.

Posteriormente en el mismo módulo del PASO 5 se encuentra el módulo en donde se analiza si a todos los términos del diseño ya se ha asignado una correlación. En caso de que todo se haya asignado se pasa al módulo cambio de signos y finalmente al módulo donde se forma y muestra la estructura de alias del diseño. En este caso como se puede observar en la *Figura 4.17* las interacciones AD, CD y ABC no han sido asignadas, entonces se pasa el siguiente módulo.

## 8.- ASIGNACIÓN DE CORRELACIONES INFERIOERES AL VL

Este módulo se divide en 7 secciones, dichas secciones se describen a continuación: en la sección 1 se introduce la matriz W y se procede a quitarle la diagonal de unos. La matriz resultante es llamada UD se muestra en la *Figura 4.18*.

	A	B	C	D	AB	AC	AD	BC	BD	CD	ABC	ABD	ACD	BCD
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0.1429	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0.0513	0.1026	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0.2513	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AB	0	0	0.4202	0.1045	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AC	0.1279	0.4478	0.0952	0.1306	0.313	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AD	0	0.1071	0.1282	0	0.2133	0.5438	0	0	0	0	0	0	0	0
BC	0.4497	0.0642	0.0989	0.0262	0.1389	0.3795	0.2088	0	0	0	0	0	0	0
BD	0.1071	0	0.0256	0	0.128	0.2079	0.4821	0.4175	0	0	0	0	0	0
CD	0.1423	0.0285	0.0584	0.0232	0.1822	0.3205	0.3558	0.4828	0.5836	0	0	0	0	0
ABC	0.3353	0.1676	0.3612	0.2224	0.0334	0.1251	0.021	0.1005	0.1886	0.0919	0	0	0	0
ABD	0.2002	0.1201	0.1807	0.4413	0.1571	0.0128	0.1801	0.1517	0.1401	0.3316	0.5872	0	0	0
ACD	0.5477	0.2094	0.2694	0.3288	0.0376	0.1086	0.145	0.1818	0.3625	0.1688	0.816	0.6642	0	0
BCD	0.2077	0.4154	0.4606	0.5349	0.1754	0.1918	0.3595	0.0027	0.0479	0.0437	0.5656	0.5488	0.6484	0

Figura 4.18 Matriz UD. Fuente: elaboración propia.

En la sección 2 se agregan los renglones faltantes, en la *Figura 4.17* se observó que las interacciones AD, CD y ABC no han sido asignadas. Para realizar la asignación de los renglones faltantes se realiza un intercambio de renglones entre las matrices D y UD para formar la matriz MFL la cual contiene los renglones faltantes para posteriormente realizar la asignación. En la *Figura 4.19* se muestran los renglones asignados en las interacciones AD, CD y ABC.

	A	B	C	D	AB	AC	AD	BC	BD	CD	ABC	ABD	ACD	BCD
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AB	0	0	0.4202	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AC	0	0.4478	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AD	0	0.1071	0.1282	0	0.2133	0.5438	0	0	0	0	0	0	0	0
BC	0.4497	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BD	0	0	0	0	0	0	0.4821	0	0	0	0	0	0	0
CD	0.1423	0.0285	0.0584	0.0232	0.1822	0.3205	0.3558	0.4828	0.5836	0	0	0	0	0
ABC	0.3353	0.1676	0.3612	0.2224	0.0334	0.1251	0.021	0.1005	0.1886	0.0919	0	0	0	0
ABD	0	0	0	0.4413	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ACD	0.5477	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BCD	0	0	0	0.5349	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

*Figura 4.19* Matriz MFL. Fuente: elaboración propia.

En la sección 3 se realiza una asignación de la matriz MFL a una nueva matriz llamada ML. Esta asignación se lleva a cabo tomando en cuenta la matriz D como una guía. En el caso que en una columna de D se encuentre una correlación, la asignación del renglón no se llevará a cabo. La búsqueda para la asignación de renglones se realiza a partir de interacciones dobles en la matriz D; si en la matriz D la columna  $j$  está vacía el respectivo renglón  $i$  se asigna (de la matriz MFL se agrega el renglón a la matriz ML), en caso contrario se hace ceros el renglón  $i$ . En la *Figura 4.20* se muestra la matriz ML la cual resulta de este análisis.

	A	B	C	D	AB	AC	AD	BC	BD	CD	ABC	ABD	ACD	BCD
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AB	0	0	0.4202	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AC	0	0.4478	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AD	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BC	0.4497	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BD	0	0	0	0	0	0	0.4821	0	0	0	0	0	0	0
CD	0.1423	0.0285	0.0584	0.0232	0.1822	0.3205	0.3558	0.4828	0.5836	0	0	0	0	0
ABC	0.3353	0.1676	0.3612	0.2224	0.0334	0.1251	0.021	0.1005	0.1886	0.0919	0	0	0	0
ABD	0	0	0	0.4413	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ACD	0.5477	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BCD	0	0	0	0.5349	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

Figura 4.20 Matriz ML. Fuente: elaboración propia.

En la matriz ML se observa que el renglón AD asignado se elimina, esto se debe a que a la interacción AD tiene asignada la correlación de BD.

En la sección 4, el primer paso es realizar una inspección en la matriz D; primero se extrae un segmento (a partir de interacciones dobles) de la matriz D hasta efectos principales, se analiza si ese segmento tiene un valor se coloca un 1 y si está vacío se coloca un 0 en un vector que servirá de guía en la quinta sección del programa. La salida de esta sección es un vector de 0 y 1 (véase la *Figura 4.21*). También se renombra la matriz ML a MZ con el fin de actualizar MZ en la sección posterior.

	Vector
AB	1
AC	1
AD	0
BC	1
BD	1
CD	1
ABC	1
ABD	1
ACD	1
BCD	1

Figura 4.21 Vector de ceros. Fuente: elaboración propia.

En el segundo paso se utiliza el vector de ceros resultante del paso anterior como una guía para actualizar la matriz MZ. Observe en la *Figura 4.22*, en la parte

superior de la matriz MZ se encuentra el vector que sirve como guía para definir que correlaciones no deben aparecer en la matriz, si no fuesen eliminadas dichas correlaciones causarían repetición en efectos dobles previamente ya seleccionados. Donde aparece un 1 el programa elimina las correlaciones en esa columna y donde hay un 0 las deja. La matriz MZ es la que resulta de esta sección misma que se observa en la *Figura 4.22* bajo el vector guía, la razón por la que se eliminan esas correlaciones es que los efectos en esas interacciones ya fueron seleccionadas en el módulo anterior. Si no se realizara este proceso se repetiría la asignación y el proceso de selección sería incorrecto. Con este proceso se evita que existan asignaciones dobles.

Vector	1	1	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
	A	B	C	D	AB	AC	AD	BC	BD	CD	ABC	ABD	ACD	BCD
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AB	0	0	0.4202	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AC	0	0.4478	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AD	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BC	0.4497	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BD	0	0	0	0	0	0	0.4821	0	0	0	0	0	0	0
CD	0.1423	0.0285	0.0584	0.0232	0	0	0.3558	0	0	0	0	0	0	0
ABC	0.3353	0.1676	0.3612	0.2224	0	0	0.0210	0	0	0	0	0	0	0
ABD	0	0	0	0.4413	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ACD	0.5477	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BCD	0	0	0	0.5349	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

*Figura 4.22* Matriz MZ y vector de ayuda. Fuente: elaboración propia.

En la sección 5 se realiza una búsqueda en los renglones asignados de la matriz MZ para hallar la mayor correlación. Una vez que encuentra la correlación mayor en el renglón se agrega ceros en las demás correlaciones menores en ese mismo renglón. En la *Figura 4.23* se muestra la matriz MX la cual resulta de este análisis; observe en el renglón D y ABC como se eligen las correlaciones mayores en cada renglón asignado, esto se realiza al quinto principio de paso 5 del método mostrado en el subtema 2.6.3.

	A	B	C	D	AB	AC	AD	BC	BD	CD	ABC	ABD	ACD	BCD
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AB	0	0	0.4202	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AC	0	0.4478	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AD	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BC	0.4497	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BD	0	0	0	0	0	0	0.4821	0	0	0	0	0	0	0
CD	0	0	0	0	0	0	0.3558	0	0	0	0	0	0	0
ABC	0	0	0.3612	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ABD	0	0	0	0.4413	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ACD	0.5477	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BCD	0	0	0	0.5349	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

Figura 4.23 Matriz MX. Fuente: elaboración propia.

En la sección 6 se realiza una búsqueda en las columnas de la matriz MX a partir de interacciones dobles, esto se realiza con el fin de verificar la correcta asignación y evitar la repetición en las asignaciones.

La sección 7 está dividida en dos pasos. En el paso 1 se agregan los unos a la diagonal principal hasta factores principales, también se busca si existen correlaciones significativas en interacciones dobles o triples para asigna el uno en la diagonal principal en su respectiva interacción.

En el paso 2 primero, se cuentan cuantas correlaciones significativas tiene la matriz CH, si el número de correlaciones significativas es igual al tamaño de la misma matriz pasa al módulo CAMBIO DE SIGNOS. En caso contrario la matriz pasa a una nueva asignación de alguna interacción faltante, posteriormente se vuelve a verificar si el número de correlaciones significativas es igual al tamaño de la matriz CH; si se cumple la condición la matriz pasa al siguiente modulo.

En la *Figura 4.24* se muestra la matriz CH, en dicha matriz se observa la asignación de unos en su lugar correspondientes de la diagonal principal. Observe que todos los términos del diseño fueron asignados a una estructura de alias (obteniendo en total 14 efectos).

	A	B	C	D	AB	AC	AD	BC	BD	CD	ABC	ABD	ACD	BCD
A	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AB	0	0	0.4202	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AC	0	0.4478	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AD	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0
BC	0.4497	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BD	0	0	0	0	0	0	0.4821	0	0	0	0	0	0	0
CD	0	0	0	0	0	0	0.3558	0	0	0	0	0	0	0
ABC	0	0	0.3612	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ABD	0	0	0	0.4413	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ACD	0.5477	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BCD	0	0	0	0.5349	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

Figura 4.24 Matriz CH con unos en la diagonal. Fuente: elaboración propia.

## 9.- CAMBIO DE SIGNOS

Este módulo devuelve el valor relativo a las correlaciones seleccionadas. Se analiza la matriz CH y la matriz T mostrada en la *Figura 4.9*. En este análisis se comparan renglón a renglón; es decir, el renglón de CH con el respectivo renglón de T. La instrucción es encontrar las posiciones de las correlaciones que son diferentes en el renglón de T con respecto a las correlaciones en el renglón de CH y hacerlas ceros en T; esto asegura que las correlaciones recuperen su valor relativo. Estos renglones con sus respectivos valores relativos se almacenan en una nueva matriz llamada MSZ la cual se muestra en la *Figura 4.25*.

	A	B	C	D	AB	AC	AD	BC	BD	CD	ABC	ABD	ACD	BCD
A	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
B	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
D	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AB	0	0	-0.4202	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AC	0	-0.4478	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
AD	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0
BC	-0.4497	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BD	0	0	0	0	0	0	0.4821	0	0	0	0	0	0	0
CD	0	0	0	0	0	0	-0.3558	0	0	0	0	0	0	0
ABC	0	0	0.3612	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ABD	0	0	0	0.4413	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ACD	0.5477	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
BCD	0	0	0	-0.5349	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

Figura 4.25 Matriz MSZ. Fuente: elaboración propia.

## 10.- AGREGA LETRAS

En este módulo se agregan las letras a sus respectivas correlaciones para formar la estructura de alias de cada factor e interacción. Esto se realiza extrayendo la posición de la correlación en la matriz MSZ, dicha posición es empleada para extraer en una matriz compuesta por letras mostrada en la *Figura 4.26*.

	A	B	C	D	AB	AC	AD	BC	BD	CD	ABC	ABD	ACD	BCD
A	A	A	A	A	A	A	A	A	A	A	A	A	A	A
B	B	B	B	B	B	B	B	B	B	B	B	B	B	B
C	C	C	C	C	C	C	C	C	C	C	C	C	C	C
D	D	D	D	D	D	D	D	D	D	D	D	D	D	D
AB	AB	AB	AB	AB	AB	AB	AB	AB	AB	AB	AB	AB	AB	AB
AC	AC	AC	AC	AC	AC	AC	AC	AC	AC	AC	AC	AC	AC	AC
AD	AD	AD	AD	AD	AD	AD	AD	AD	AD	AD	AD	AD	AD	AD
BC	BC	BC	BC	BC	BC	BC	BC	BC	BC	BC	BC	BC	BC	BC
BD	BD	BD	BD	BD	BD	BD	BD	BD	BD	BD	BD	BD	BD	BD
CD	CD	CD	CD	CD	CD	CD	CD	CD	CD	CD	CD	CD	CD	CD
ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC
ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD
ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD
BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD

*Figura 4.26* Matriz de letras para cuatro factores. Fuente: elaboración propia.

De un renglón de letras se extrae los ME, 2FI y 3FI que se encuentran antes del signo igual para formar las estructuras de alias, dicho renglón de letras se muestra en la *Figura 4.27*.

A	B	C	D	AB	AC	AD	BC	BD	CD	ABC	ABD	ACD	BCD
---	---	---	---	----	----	----	----	----	----	-----	-----	-----	-----

*Figura 4.27* Renglón de letras para cuatro factores. Fuente: elaboración propia.

Como resultado el programa genera la estructura de alias de este diseño. A continuación, en la *Figura 4.28* se muestra dicha estructura:

A = A	-0.4497	BC +	0.5477	ACD
B = B	-0.4478	AC		
C = C	-0.4202	AB +	0.3612	ABC
D = D +	0.4413	ABD	-0.5349	BCD
AD = AD +	0.4821	BD	-0.3558	CD

*Figura 4.28* Estructura de alias del diseño EA (2<sup>1</sup>, 3<sup>2</sup> 4<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

En la *Figura 4.29* se muestra la interfaz gráfica de usuario. Al correr el módulo “Datos inicio” se genera la interfaz gráfica de usuario, esta proporciona instrucciones que facilitan al usuario poder introducir un diseño y generar su estructura de alias.



*Figura 4.29* Interfaz gráfica de usuario. Fuente: elaboración propia.



### 4.1.5. Etapa 5

En esta etapa se llevó a cabo la realización de pruebas con el objetivo de validar el funcionamiento correcto del programa. Para esto se analizan 19 diseños propuestos por Guo (2003), se verifica que el programa genere estructuras cumpliendo los principios descritos en la sección 2.6.3 y se contrastarán con las estructuras propuestas por García (2015). En las siguientes figuras se muestra la fracción, las estructuras mostradas en García (2015), las estructuras generadas por el programa y se mencionan las diferencias encontradas.

$EA(20, 3^1 4^1 5^1)$			
3	1	1	García (2015)
2	1	2	
1	1	3	$A = A + 0.20 BC + 0.34 ABC$
1	1	4	$B = B + 0.21 AC$
2	1	5	$C = C + 0.19 AB$
1	2	1	
3	2	2	Resultado del programa
2	2	3	
1	2	4	$A = A + 0.1965 BC + 0.3389 ABC$
2	2	5	$B = B + 0.2142 AC$
2	3	1	$C = C + 0.1921 AB$
3	3	2	
1	3	3	Diferencias
2	3	4	
3	3	5	
2	4	1	
1	4	2	
3	4	3	Redondeo de correlaciones.
3	4	4	
1	4	5	

Figura 4.30 Diseño EA (20, 3<sup>1</sup> 4<sup>1</sup> 5<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

$EA(21, 3^1 4^1 7^1)$

García (2015)		
1	1	6
1	2	3
1	3	1
1	4	5
1	1	2
1	2	7
1	3	4
2	4	4
2	1	3
2	2	5
2	3	2
2	4	6
2	1	7
2	2	1
3	3	5
3	4	3
3	1	1
3	2	2
3	3	6
3	4	7
3	1	4
Resultados del programa		
$A = A + 0.29232 BC + 0.3001 ABC$ $B = B + 0.28214 AC$ $C = C + 0.28848 AB$		
Diferencias		
Decimales después del punto.		

Figura 4.31 Diseño EA (21, 3<sup>1</sup> 4<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

1	1	4	<hr/> <p style="text-align: center;">García (2015)</p> <hr/> <p>A = A + 0.46 BC                      B = B + 0.48 AC                      C = C + 0.48 AB                      ABC = ABC</p> <hr/> <p style="text-align: center;">Resultados del programa</p> <hr/> <p>A = A + 0.4588 BC                      B = B + 0.4819 AC                      C = C + 0.4753 AB + 0.1679 ABC</p> <hr/> <p style="text-align: center;">Diferencias</p> <hr/> <p>La primera diferencia es de redondeo de las correlaciones, la segunda diferencias el desprecio de la correlación de la interacción ABC que de acuerdo con el quinto principio se debió agregar al efecto C.</p>
1	2	5	
1	3	1	
1	4	6	
1	5	3	
1	6	2	
1	1	7	
2	2	2	
2	3	7	
2	4	3	
2	5	5	
2	6	1	
2	1	6	
2	2	4	
3	3	2	
3	4	5	
3	5	4	
3	6	7	
3	1	3	
3	2	1	
3	3	6	

Figura 4.32 Diseño EA (21, 3<sup>1</sup> 6<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

			García (2015)
1	1	1	A = A
1	2	3	B = B + 0.21 C + 0.29 ABC
1	3	7	AB = AB + 0.25 AC + 0.30 BC
1	4	5	
1	5	6	
1	6	2	
2	1	6	Resultados del programa
2	2	1	A = A
2	3	4	B = B + 0.2873 ABC
2	4	7	C = C
2	5	2	AB = AB + 0.2490 AC + 0.2964 BC
2	6	3	
3	1	4	Diferencias
3	2	2	En las estructuras mostradas en García (2015)
3	3	3	el efecto C se adhiere al efecto de B. Las
3	4	1	estructuras generadas por el programa
3	5	5	muestran el efecto C sin pertenecer a otra
3	6	7	estructura. La razón es que el método no
4	1	2	establece que valor debe tener una correlación
4	2	6	entre efectos principales para ser adherida a
4	3	1	otra estructura. La correlación 0.21 C no es
4	4	4	considerada como una correlación fuerte por el
4	5	3	programa puesto que está por abajo de 0.5 que
4	6	5	es el valor establecido para considerarse como
			correlación fuerte.

Figura 4.33 Diseño EA (24, 4<sup>1</sup> 6<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

$EA(24, 5^1 6^1 7^1)$

García (2015)		
1	1	6
2	1	3
3	1	2
4	1	7
5	2	2
1	2	1
2	2	7
3	2	3
4	3	2
5	3	6
1	3	3
2	3	5
3	4	1
4	4	5
5	4	4
1	4	2
2	5	4
3	5	5
4	5	1
5	5	3
1	6	4
2	6	1
3	6	7
4	6	6
Resultados del programa		
A = A - 0.2199 AC		
B = B - 0.2535 AB		
C = C		
BC = BC		
ABC = ABC		
Diferencias		
En García (2015) se reporta el efecto C, BC y ABC sin pertenecer a alguna estructura, el programa genera una estructura para C donde se adhiere ABC y la iteración BC la adhiere a B. Esto se debe a que el quinto principio no establece hasta que valor del coeficiente de correlación por abajo del VL debe considerarse o despreciarse. El programa no desprecia correlaciones aunque estas tengan un valor bajo.		

Figura 4.34 Diseño EA (24, 5<sup>1</sup> 6<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

$EA(15, 3^1 5^1 7^1)$			
1	1	7	García (2015)
1	2	2	
1	3	5	A = A + 0.33 BC
1	4	4	B = B + 0.39 AC
1	5	3	C = C + 0.34 AB + 0.35 ABC
2	1	2	
2	2	5	Resultados del programa
2	3	6	
2	4	7	A = A + 0.3302 BC
2	5	1	B = B + 0.3913 AC
3	1	4	C = C + 0.3471 AB + 0.3596 ABC
3	2	1	
3	3	2	Diferencias
3	4	3	
3	5	6	La diferencia radica en los números de decimales.

Figura 4.35 Diseño EA (20, 3<sup>1</sup> 5<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

García (2015)

1	1	1	2	1	4
1	2	1	2	3	1
1	1	1	1	1	4
1	2	2	1	1	2
1	1	2	1	3	4
1	2	2	2	2	3
1	1	2	2	1	3
1	2	1	1	2	3
1	1	1	1	2	1
1	2	2	2	3	2
2	1	2	2	2	2
2	2	2	1	2	4
2	1	2	1	3	3
2	2	2	2	1	1
2	1	1	2	2	2
2	2	1	2	2	4
2	1	2	1	1	1
2	2	1	1	1	2
2	1	1	2	3	1
2	2	1	1	3	3

$$\begin{aligned}
 A &= A - 0.31BE + 0.45BF - 0.44BDE \\
 B &= B + 0.45AF - 0.43ADE - 0.34CEF \\
 C &= C + 0.51EF \\
 D &= D - 0.46ABE \\
 E &= E + 0.53CF - 0.43DF - 0.46ABD - 0.44AEF - 0.31BCF - 0.43BEF - 0.36DEF \\
 F &= F + 0.45AB + 0.36AE + 0.53CE - 0.42DE + 0.36ABF + 0.32ACF - 0.31BCE + 0.32BDF - 0.32CDF \\
 BC &= BC - 0.32ACE - 0.54ADF \\
 ABC &= ABC - 0.49CDE \\
 AC &= AC \\
 AD &= AD \\
 BD &= BD \\
 CD &= CD \\
 ACD &= ACD \\
 BCD &= BCD
 \end{aligned}$$

Resultados del programa

A =	A -	0.2000	BD -	0.3107	BE +	0.4472	BF -	0.4418	BDE										
B =	B -	0.2000	AD +	0.4545	AF +	0.2041	ACD -	0.4350	ADE -	0.3446	CEF								
C =	C +	0.51165	EF																
D =	D -	0.45663	ABE																
E =	E +	0.5280	CF -	0.4350	DF -	0.4566	ABD -	0.4410	AEF -	0.3125	BCF -	0.4304	BEF -	0.3565	DEF				
F =	F +	0.44721	AB +	0.3613	AE +	0.5280	CE -	0.4168	DE +	0.35777	ABF -	0.32129	ACF -	0.3105	BCE +	0.3213	BDF -	0.3213	CDF
AC =	AC -	0.20412	BCD																
BC =	BC -	0.3156	ACE -	0.5388	ADF														
ABC =	ABC -	0.4896	CDE																

Diferencias

El redondeo de correlaciones es la primera diferencia. En las estructuras mostradas en García (2015) se muestran las interacciones AC, AD, BD, CD, ACD y BCD formando una cadena individual, lo que quiere decir que no tienen ninguna correlación con ninguno otro efecto. En las estructuras generadas por el programa estas correlaciones forman parte de algunas de las estructuras, esto se debe al observar la matriz de correlaciones se encontró que si tienen correlaciones con esos efectos. Al aplicar el quinto principio el programa las adhiere a las estructuras correspondientes.

Figura 4.36 Diseño EA (20, 2<sup>4</sup>3<sup>1</sup>4<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

EA (20, 2<sup>4</sup>3<sup>1</sup>5<sup>1</sup>)

						García (2015)	Resultados del programa							
1	1	1	2	2	3	A = A - 0.61BCD	A =	A +	0.3107	CE -	0.2828	DF -	0.6124	BCD
1	2	1	1	1	1	B = B - 0.56DE - 0.61 ACD	B =	B	-0.2828	AF +	0.2828	CF -	0.5592	DE - 0.6124 ACD
1	1	2	2	3	1	C = C - 0.61 ABD	C =	C +	0.3107	AE -	0.6124	ABD		
1	2	1	1	3	2	D = D - 0.56 BE - 0.61 ABC	D =	D -	0.5592	BE -	0.6124	ABC		
1	1	2	1	2	2	E = E - 0.56BD	E =	E +	0.3107	AC -	0.5592	BD		
1	2	2	2	1	5	F = F - 0.47BEF	F =	F -	0.4719	BEF -	0.3571	CDE		
1	1	1	2	3	4	AB = AB - 0.60CD - 0.59ADE	AB =	AB -	0.6000	CD -	0.5871	ADE		
1	2	2	2	2	4	AD = AD - 0.60BC - 0.57 ABE	AD =	AD -	0.6000	BC -	0.5681	ABE		
1	1	2	1	1	3	AE = AE - 0.40 CDE	AF =	AF -	0.4170	BCF +	0.4000	BDF		
1	2	1	1	2	5	BF = BF - 0.47EF	BF =	BF -	0.4741	EF +	0.4000	ACF +	0.4170	ADF
2	1	1	1	2	1	CF = CF - 0.42ADF	ABF =	ABF -	0.4255	AEF +	0.3847	BCE		
2	2	2	1	3	4	DF = DF - 0.40 ACF	ACE =	ACE -	0.6582	BDE +	0.4809	CDF		
2	1	2	2	1	2	ABF = ABF - 0.43 AEF	BCF =	BCF	-0.4255	CEF				
2	2	2	1	3	3	ACE = ACE - 0.66BDE + 0.48CDF	BDF =	BDF	-0.4719	DEF				
2	1	1	1	1	4	BCF = BCF - 0.43CEF								
2	2	1	2	1	3	BDF = BDF - 0.47DEF								
2	1	2	1	2	5	AC = AC								
2	2	2	2	2	1	AF = AF								
2	1	1	2	3	5	CE = CE								
2	2	1	2	1	2	BCE = BCE								

Diferencias

En las estructuras reportadas en García (2015) las interacciones AC, AF, CE y BCE no pertenecen alguna estructura, esto se debe a que se desprecian sus correlaciones. El programa adhiere estas interacciones a otros efectos debido a que se consideran las correlaciones. La estructura de la interacción AE es reportada en García (2015), el programa no considera dicha estructura debido a que se encontró que en García (2015) se realizó un errónea elección de esa interacción. Las estructuras que forman las interacciones CF y DF en García (2015) no se consideran en el programa, debido a que por cuestión de redondeo CF no es considerada y DF es inferior al VL.

Figura 4.37 Diseño EA (20, 2<sup>4</sup> 3<sup>1</sup> 5<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.



*EA (21, 3<sup>2</sup> 5<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>)*

1	1	2	4
1	2	1	5
1	3	1	2
1	1	3	7
1	2	5	6
1	3	4	1
1	1	4	3
2	2	4	4
2	3	3	5
2	1	1	6
2	2	5	7
2	3	3	3
2	1	1	1
2	2	2	2
3	3	1	7
3	1	4	5
3	2	3	1
3	3	2	6
3	1	5	2
3	2	2	3
3	3	5	4

García (2015)

$$A = A + 0.46BD - 0.29ABC$$

$$B = B + 0.46 AD + 0.33ABD$$

$$C = C$$

$$D = D + 0.45 AB$$

$$AC = AC + 0.50BCD$$

$$BC = BC + 0.57ACD$$

$$CD = CD$$

Resultados del programa

$$A = A + 0.4643 BD - 0.2292 CD - 0.2946 ABC$$

$$B = B + 0.4643 AD + 0.3259 ABD$$

$$C = C$$

$$D = D + 0.4529 AB$$

$$AC = AC + 0.4984 BCD$$

$$BC = BC + 0.5738 ACD$$

Diferencias

La diferencia entre las dos estructuras radica en el redondeo de decimales. En la matriz de correlaciones se observó que la interacción CD tiene una correlación con A. Aplicando el quinto principio el programa adhiere esta interacción a la estructura de A.

Figura 4.38 Diseño EA (20, 325171) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

*EA (21, 3<sup>2</sup>4<sup>1</sup>7<sup>1</sup>)*

				García (2015)
1	1	4	7	A = A - 0.43BC + 0.54ACD
1	2	1	4	B = B - 0.44AC
1	3	3	6	C = C - 0.44AB + 0.40ABC
1	1	1	5	D = D + 0.44ABD - 0.55BCD
1	2	2	1	AD = AD + 0.48BD - 0.38CD
1	3	3	3	
1	1	2	2	Resultados del programa
2	2	4	2	
2	3	4	4	A = A            -0.4497            BC + 0.5477            ACD
2	1	1	3	B = B            -0.4478            AC
2	2	1	6	C = C            -0.4202            AB + 0.3612            ABC
2	3	2	5	D = D +            0.4413            ABD -0.5349            BCD
2	1	3	1	AD = AD +        0.4821            BD    -0.3558            CD
2	2	3	7	
3	3	1	1	Diferencias
3	1	3	4	
3	2	2	3	
3	3	2	7	
3	1	4	6	
3	2	4	5	
3	3	1	2	Decimales después del punto.

*Figura 4.39* Diseño EA (21, 3<sup>2</sup> 4<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

EA (20, 2<sup>3</sup>5<sup>1</sup>7<sup>1</sup>)

					García (2015)
1	1	2	4	4	A = A + 0.60BC + 0.45BE + 0.44CE – 0.41BDE
1	2	1	5	3	B = B + 0.60AC + 0.45AE – 0.42ADE
1	1	2	5	2	C = C + 0.60AB
1	2	1	2	5	D = D + 0.35ABC – 0.45ABE + 0.42ACD
1	1	2	3	5	E = E – 0.38DE – 0.40ABD
1	2	2	3	1	AD = AD + 0.40CD + 0.60BCD
1	1	2	2	6	BD = BD + 0.53CDE
1	2	1	1	4	ACE = ACE
1	1	1	1	7	BCE = BCE
1	2	1	4	6	
2	1	1	5	4	
2	2	1	3	2	
2	1	1	2	2	A = A + 0.6 BC + 0.4463 BE + 0.4403 CE -0.4099 BDE
2	2	2	5	5	B = B + 0.6 AC + 0.4513 AE -0.4206 ADE
2	1	1	4	1	C = C + 0.6 AB
2	2	2	4	3	D = D + 0.3536 ABC -0.4470 ABE + 0.4170 ACD
2	1	1	3	3	E = E + -0.3809 DE -0.4029 ABD + 0.2562 BCE
2	2	2	1	6	AD = AD + 0.4000 CD + 0.6000 BCD
2	1	2	1	1	BD = BD -0.2845 ACE + 0.5274 CDE
2	2	2	2	7	
					Resultados del programa
					Diferencias

La diferencia se encuentra en las interacciones ACE y BCD, en las estructuras reportadas por García (2015) se desprecian las correlaciones que están por debajo de VL. El programa agrega las interacciones a las estructuras de BD y AD respectivamente, debido a que se toma en cuenta la correlación más alta aunque esté por abajo del VL de acuerdo con el quinto principio del paso 5.

Figura 4.40 Diseño EA (20, 2<sup>3</sup>5<sup>1</sup>7<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

EA (20, 2<sup>4</sup>5<sup>1</sup>7<sup>1</sup>)

						García (2015)	Resultados del programa										
1	1	1	1	1	2	A = A - 0.57BE + 0.43AEF	A = A	-0.5657	BE +	0.4336	AEF						
1	2	2	1	4	3	B = B - 0.57AE - 0.50DF + 0.44BEF	B = B	-0.5657	AE	-0.3358	AF	-0.5044	DF +	0.2041	ACD +	0.4396	BEF
1	1	2	1	2	1	D = D - 0.49BF + 0.44DEF	C = C +	0.43965	CEF								
1	2	1	2	4	4	E = E + 0.44F - 0.57AB + 0.49ABE + 0.42CDE	D = D	-0.4947	BF +	0.4370	DEF						
1	1	2	2	5	5	AC = AC - 0.57BCE	E = E	-0.5657	AB +	0.48507	ABE +	0.41703	CDE				
1	2	1	2	3	1	AD = AD - 0.57BDE	F = F	-0.4921	BD +	0.43519	ADF	-0.3066	BCD				
1	1	1	2	1	3	AF = AF	AC = AC	-0.5714	BCE								
1	2	1	1	5	7	BC = BC - 0.57ACE + 0.44BDF - 0.53CDF	AD = AD +	0.39378	ACF	-0.5657	BDE						
1	1	2	2	2	6	BD = BD - 0.57ADE	BC = BC	-0.5714	ACE +	0.44446	BDF	-0.5321	CDF				
1	2	2	1	3	6	CD = CD - 0.50BCF	CD = CD	-0.5044	BCF								
2	1	2	2	4	7	CE = CE + 0.44CF - 0.58ABC	CE = CE +	0.43832	CF	-0.5774	ABC						
2	2	2	2	1	1	DE = DE - 0.58ABD	DE = DE	-0.5774	ABD								
2	1	1	1	4	5	EF = EF - 0.60ABF	EF = EF	-0.596	ABF	-0.4239	ADE						
2	2	2	2	5	2	ACD = ACD											
2	1	1	2	3	2	ACF = ACF											
2	2	1	2	2	3	ADF = ADF											
2	1	2	1	3	4	BCD = BCD											
2	2	2	1	1	4												
2	1	1	1	5	6												
2	2	1	1	2	5												

Diferencias

En las estructuras reportadas por García (2015) faltan terminos, solo se reportan 39 de los 41 que deben de ser; el factor C no es reportado y la interacción CEF no es reportada. El factor F es agregado a la estructura del factor E que a diferencia de las estructuras reportadas por el programa el factor F forma una estructura. Las interacciones AF, ACD, ACF, ADF y BCD se reportan sin pertenecer a alguna estructura en García (2015) debido a que se desprecian las correlaciones por debajo del VL; el programa las adhiere a estructuras de otros factores e interacciones, esto porque existen correlaciones por abajo del VL.

Figura 4.41 Diseño EA (20, 2<sup>4</sup>5<sup>1</sup>7<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

						García (2015)	Resultados del programa										
1	1	2	1	2	2	A = A + 0.62CDF	A	=	A +	0.6236	CDF						
1	2	1	1	1	2	B = B	B	=	B	-0.2000	AC						
1	1	2	2	3	5	C = C + 0.62ADF	C	=	C +	0.6163	ADF						
1	2	2	3	4	1	D = D - 0.44BF - 0.59EF + 0.62ACF	D	=	D	-0.4394	BF	-0.5895	EF +	0.6151	ACF		
1	1	1	1	3	1	E = E - 0.60DF - 0.50ABE	E	=	E +	0.2683	AB	-0.5976	DF	-0.4983	ABE		
1	2	2	2	3	3	F = F - 0.44BE - 0.58BDE + 0.62ACD -	F	=	F	-0.4394	BD	-0.2540	CE	-0.5763	DE +	0.6151	ACD
1	1	1	3	2	4	0.40BCF				-0.4000	BCF						
1	2	2	2	1	4	AB = AB	AD	=	AD	-0.3107	BC +	0.6151	CF	-0.4394	ABF	-0.5931	AEF
1	1	1	3	4	3	AC = AC				-0.4990	CDE						
1	2	1	2	2	5	AD = AD + 0.62CF - 0.44ABF - 0.59AEF	AE	=	AE	-0.4800	BE						
2	1	2	3	1	5	- 0.50CDE	AF	=	AF +	0.6151	CD	-0.4394	ABD	-0.5979	ADE +	0.3578	BEF
2	2	1	3	3	2	AE = AE - 0.48BE				-0.5547	CEF						
2	1	2	1	1	1	AF = AF + 0.62CD - 0.44ABD - 0.60ADE -	ABC	=	ABC +	0.5976	BDF						
2	2	1	1	4	5	0.55CEF	ACE	=	ACE	-0.4628	BCE +	0.7455	DEF				
2	1	2	2	4	2	BC = BC	BCD	=	BCD	-0.4170	BDE						
2	2	2	1	2	3	CE = CE											
2	1	1	1	4	4	ABC = ABC + 0.60BDF											
2	2	2	3	3	4	ACE = ACE - 0.46BCE + 0.75DEF											
2	1	1	2	1	3	BCD = BCD - 0.42BDE											
2	2	1	2	2	1	BEF = BEF											

Las interacciones AB, AC, BC, CE y BEF se reportan solas, por el hecho de que las correlaciones por abajo del VL se desprecian, el programa las agrega a una estructura debido a que concidera todas las correlaciones. En García (20015) la interacción BE asignada a F es incorrecta, la interacción correcta es BD.

Figura 4.42 Diseño EA (20, 2<sup>3</sup> 3<sup>1</sup> 4<sup>1</sup> 5<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

							García (2015)	Resultados del programa (con modificación)											
1	1	2	2	2	3	3	A = A + 0.60BC - 0.57BG - 0.49BEF +	A = A +	0.6000	BC	-0.5657	DG	-0.4918	BEF +	0.6376	CFG	-0.452	DEF	
1	2	1	2	1	1	3	0.64CFG - 0.45DEF	B = B +	0.6000	AC +	0.4243	CG +	0.46034	EG	-0.487	AEF	-0.424	CDG	
1	1	2	1	3	1	2	B = B + 0.60AC + 0.42CF + 0.46EF -	C = C +	0.6000	AB	-0.4545	DF	-0.3723	EF +	0.6376	AFG	-0.424	BDG	
1	2	1	2	3	4	4	0.49AEF - 0.42CDG	D = D	-0.5657	AG	-0.4472	CF	-0.4685	BCG					
1	1	2	1	1	4	1	C = C + 0.60AB - 0.45DF + 0.64AFG -	E = E +	0.4833	BG	-0.4821	ABF							
1	2	1	1	2	3	2	0.42BDG	F = F	-0.4472	CD	-0.4799	ABE +	0.63246	ACG	-0.423	ADE +	0.4983	BDF	
1	1	1	2	2	4	5	D = D - 0.57AG - 0.45CF - 0.47BCG	G = G	-0.5657	AD +	0.4833	BE +	0.64282	ACF +	0.4851	ADG	-0.433	BCD +	
1	2	2	1	3	2	5	E = E + 0.48BG - 0.48ABF		0.4408	DEG									
1	1	2	2	1	2	4	F = F - 0.45CD - 0.48ABE + 0.63ACG -	AE = AE	-0.4914	BF +	0.3418	ABC +	0.70934	BCE					
1	2	1	1	1	2	1	0.42ADE + 0.50BDF	AF = AF +	-0.3683	ACE +	0.59677	BCF +	0.53882	CDF	-0.823	DFG			
2	1	2	2	2	2	2	G = G - 0.57AD + 0.48BE + 0.64ACF +	BD = BD	-0.5657	ABG +	0.6124	ACD +	0.64035	EFG					
2	2	2	1	1	3	4	0.49ADG - 0.43BCD + 0.44DEG	CE = CE +	0.49015	BEG									
2	1	1	1	3	2	3	AE = AE - 0.49BF + 0.71BCE	DE = DE	-0.4665	AEG +	0.5727	BFG							
2	2	2	1	2	4	3	AF = AF + 0.60BCF + 0.54CDF - 0.82DFG	FG = FG	-0.7920	ADF +	0.5698	BDE	-0.4632	CEG					
2	1	1	2	3	3	1	BD = BD - 0.57ABG + 0.61ACD + 0.64EFG	ABD = ABD +	0.5541	CEF									
2	2	2	2	3	3	5	CE = CE + 0.49BEG												
2	1	1	1	1	1	5	DE = DE - 0.47AEG + 0.57BFG												
2	2	2	2	2	1	1	EF = EF												
2	1	1	1	2	1	4	FG = FG - 0.79ADE + 0.57BDE - 0.46CEG												
2	2	1	2	1	4	2	ABC = ABC												
							ABD = ABD + 0.55CEF												
							ACE = ACE												
							CDE = CDE												

En García (2015) la interacción EF, ABC, ACE y CDE no forman una estructura debido a que se desprecian las correlaciones. Las mismas interacciones el programa las agrega a otras estructuras debido a que se toman en cuenta sus respectivas correlaciones por debajo del VL. La estructura que forma la interacción CE esta confundida con la interacción BEG, esto es debido a que fue elegida de manera errónea en García (2015). En los resultados del programa no se muestra dicha estructura, estos factores e interacciones forman parte de otra estructura. En García (2015) la interacción BG forma parte de la estructura de A, se encontró que dicha interacción no pertenece a A, la interacción correcta es BG.

Figura 4.43 Diseño EA (20, 2<sup>4</sup> 3<sup>1</sup> 4<sup>1</sup> 5<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

					García (2015)					
1	1	1	2	2	A = A + 0.36CE + 0.36BCE					
1	2	2	4	3	B = B					
1	1	1	4	6	C = C + 0.36AE + 0.36ABE					
1	2	1	3	7	D = D + 0.30ABD + 0.28CDE					
1	1	1	6	1	E = E + 0.36AC + 0.36ABC + 0.42ACE					
1	2	2	6	3	AB = AB					
1	1	2	5	5	AD = AD + 0.36BE					
1	2	1	2	4	BC = BC					
1	1	1	1	7	BD = BD					
1	2	2	3	2	CD = CD + 0.28DE + 0.38ADE					
1	1	2	3	4	ACD = ACD					
1	2	2	2	1	BCD = BCD + 0.31BDE					
1	1	2	1	5						
1	2	1	5	6	Resultados del programa					
2	1	2	4	2	A = A +	0.3571	CE +	0.3608	BCE	
2	2	1	6	5	B = B					
2	1	2	3	1	C = C	-0.143	AB +	0.3571	AE +	0.3608 ABE
2	2	2	1	6	D = D +	0.1814	BE +	0.2964	ABD +	0.2769 CDE
2	1	1	5	4	E = E +	0.3571	AC +	0.3608	ABC +	0.4206 ACE
2	2	2	4	7	AD = AD	-0.213	BC +	0.3038	BD	
2	1	1	2	3	CD = CD +	0.2769	DE +	0.3781	ADE	
2	2	1	4	5	ACD = ACD +	0.2923	BCD +	0.2878	BDE	
2	1	2	6	6	Diferencias					
2	2	2	1	4	En García (2015) las interacciones AB, BC, BD y ACD no pertenece a alguna estructura debido a que se desprecian sus correlaciones. En las estructuras que reporta el programa estas interacciones forman parte de alguna estructura debido a que no se desprecian sus correlaciones. En García (2015) la interacción BCD forma una estructura, realizando un análisis se encontró que dicha estructura no puede ser considerada. El programa reporta la estructura formada por interacción ACD, dicha interacción cumple los principios para formar una estructura.					
2	1	1	3	3						
2	2	1	5	2						
2	1	2	2	7						
2	2	1	1	1						

Figura 4.44 Diseño EA (28, 2<sup>3</sup> 6<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

EA(28, 2 <sup>4</sup> 6 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> )							
1	1	2	2	5	7	García (2015)	Resultados del programa
1	2	2	1	6	3	A = A + 0.35DE – 0.36DF + 0.45BCF	A = A -0.3571 DF + 0.4588 BCF
1	1	2	2	2	6	B = B + 0.35CE – 0.36CF – 0.46EF + 0.39ACF + 0.36CDF	B = B -0.3405 AE + 0.4256 CE -0.3571 CF -0.4128 EF + 0.4297 ACF + 0.3571 CDF
1	2	1	2	4	4	C = C + 0.39ABF + 0.35BDF	C = C + 0.4268 BE + 0.1443 ABD + 0.4330 ABF + 0.3608 BDF
1	1	2	2	1	3	D = D + 0.35AE – 0.36AF	D = D -0.3571 AF
1	2	1	1	3	5	E = E – 0.46BF – 0.35CD – 0.55ACE	E = E -0.3414 AB + 0.4268 BC -0.4055 BF -0.5746 ACE
1	1	2	1	1	5	F = F – 0.36AD – 0.36BC – 0.46BE + 0.40ABC + 0.36BCD + 0.46CEF	F = F -0.3513 BEF -0.3379 CDE
1	2	2	2	3	4	AB = AB – 0.45AEF + 0.34BDE	AB = AB -0.3571 AD + 0.3402 DE + 0.4330 ABC -0.1443 ACD + 0.3608 BCD + 0.4421 CEF
1	1	1	1	4	1	AC = AC + 0.36ABE – 0.37ADE + 0.37CDE	AC = AC + 0.4522 ABE -0.3759 BCE -0.4623 DEF
1	2	1	2	2	7	BD = BD – 0.37BCD + 0.34BEF – 0.48DEF	BD = BD -0.3518 ADE -0.153 ADF
1	1	1	2	3	2	ACD = ACD	CD = CD -0.4386 AEF + 0.4454 BDE
1	2	1	1	6	1	ADF = ADF	
1	1	1	2	3	2		
1	2	1	1	4	6		
2	1	1	1	2	3		
2	2	1	1	1	7		
2	1	2	1	4	7		
2	2	1	2	1	1		
2	1	1	1	5	4		
2	2	2	2	2	5		
2	1	2	1	1	4		
2	2	2	2	4	2		
2	1	1	2	6	6		
2	2	2	1	5	2		
2	1	2	2	3	1		
2	2	2	1	3	6		
2	1	1	2	6	5		
2	2	1	2	5	3		
Diferencias							
<p>En las estructuras de los factores A, B, C, D, E, AB y AC reportadas en García (2015) tienen errores de asignación. En los resultados del programa las estructuras de estos factores tienen una asignación correcta. Las interacciones ACD y ADF reportadas en García (2015) no pertenecen a otra estructura debido a que se desprecian sus correlaciones, en los resultados del programa estas interacciones se adhieren a los factores E y C respectivamente.</p>							

Figura 4.45 Diseño EA (28, 2<sup>4</sup> 6<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.



En la *Figura 4.46* se muestra el Diseño EA ( $30, 2^6 3^1 5^1 7^1$ ) y la estructura de alias mostrada en García (2015). En la *Figura 4.47* se muestra la estructura de alias generada por el programa y en la *Tabla 4.6* se muestran las diferencias entre las dos estructuras de alias.

EA ( $30, 2^6 3^1 5^1 7^1$ )									
García (2015)									
									A = A - 0.39CEH + 0.50EFG
									B = B + 0.45CDJ
									C = C + 0.49FG - 0.38AEH + 0.44BDJ
									D = D + 0.44BCJ + 0.37CFG
									E = E - 0.44HJ - 0.38ACH + 0.52AFG - 0.37CGH
									F = F + 0.49CG + 0.49AEG
									G = G + 0.49CF + 0.49AEF
									H = H + 0.40BJ - 0.43EJ - 0.39ACE + 0.48ADH - 0.35CEG + 0.37FHJ
									J = J + 0.41BH - 0.43EH + 0.46BCD - 0.37BEJ + 0.37CFJ + 0.44DGJ
									AB = AB + 0.44AHJ
									AC = AC + 0.41DEF
									AD = AD + 0.41CEF + 0.36CGJ
									AE = AE - 0.38CH
									AF = AF + 0.49EG + 0.49ACG + 0.41CDE
									AG = AG + 0.49EF + 0.49ACF - 0.40BEG - 0.63BGH
									AH = AH - 0.38CE + 0.47DH + 0.43ABJ - 0.43AEJ - 0.56BEH + 0.51CHJ + 0.54FGH
									AJ = AJ + 0.42ABH
									BC = BC + 0.44DJ + 0.49BFG
									BD = BD + 0.44CJ
									BE = BE - 0.45BHJ - 0.37DFJ
									BF = BF + 0.50 BCG - 0.38EGJ
									BG = BG + 0.64AGH + 0.49BCF - 0.36EGH
									CD = CD + 0.35AGJ + 0.49DFG
									DE = DE - 0.43DHJ - 0.54GHJ
									DF = DF + 0.37ADG + 0.49 CDG
									DG = DG + 0.37ACJ + 0.49CDF - 0.58EHJ + 0.44FGJ
									FH = FH + 0.42BFJ + 0.37DGH - 0.43FGJ
									FJ = FJ + 0.42BCH - 0.39BDE + 0.40BFH - 0.42CEJ - 0.44EFH
									GH = GH + 0.64ABG + 0.53AFH + 0.36BDG + 0.48BGJ + 0.45CFH - 0.51DEJ + 0.37DFH
									GJ = GJ + 0.38ACD + 0.36AFJ - 0.36BCE - 0.52DEH
									ABC = ABC + 0.40ADJ
									ABD = ABD
									ABE = ABE
									ABF = ABF
									ADE = ADE
									ADF = ADF + 0.49DEG
									BDF = BDF
									BDH = BDH
									BEF = BEF
									CDH = CDH

*Figura 4.46* Diseño EA ( $30, 2^6 3^1 5^1 7^1$ ) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

*EA (30, 2<sup>6</sup>3<sup>1</sup>5<sup>1</sup>7<sup>1</sup>)*

Resultados del programa

A	=	A	-0.3932	CEH +	0.4966	EFG														
B	=	B +	0.4548	CDJ																
C	=	C +	0.4899	FG	-0.3771	AEH +	0.4424	BDJ												
D	=	D +	0.4424	BCJ +	0.3746	CFG														
E	=	E	-0.4395	HJ	-0.3788	ACH +	0.5183	AFG	-0.3693	CGH										
F	=	F +	0.4899	CG +	0.4899	AEG														
G	=	G +	0.4910	CF +	0.4899	AEF														
H	=	H +	0.4042	BJ	-0.4273	EJ	-0.3913	ACE +	0.4752	ADH	-0.3511	CEG +	0.3707	FHJ						
J	=	J +	0.4055	BH	-0.4287	EH +	0.4574	BCD	-0.3657	BEJ +	0.3730	CFJ +	0.4363	DGJ						
AB	=	AB +	0.4405	AHJ																
AC	=	AC +	0.4135	DEF																
AD	=	AD +	0.4135	CEF																
AE	=	AE	-0.3780	CH																
AF	=	AF +	0.4910	EG +	0.4910	ACG +	0.4135	CDE												
AG	=	AG +	0.4910	EF +	0.4943	ACF	-0.4000	BEG +	0.6375	BGH										
AH	=	AH	-0.3780	CE +	0.4667	DH	-0.2935	ABE +	0.4251	ABJ	-0.427296	AEJ	-0.5560	BEH+	0.5094	CHJ +	0.5389	FGH		
AJ	=	AJ +	0.4166	ABH	-0.3265	BDF														
BC	=	BC +	0.4430	DJ +	0.4866	BFG														
BD	=	BD +	0.4430	CJ																
BE	=	BE	-0.4506	BHJ	-0.3742	DFJ														
BF	=	BF +	0.4964	BCG	-0.3803	EGJ														
BG	=	BG	-0.3266	ABD +	0.3295	ABF +	0.6364	AGH +	0.4899	BCF	-0.355934	EGH								
CD	=	CD +	0.3532	AGJ +	0.4910	DFG														
DE	=	DE	-0.4328	DHJ	-0.5395	GHJ														
DF	=	DF +	0.3694	ADG +	0.4866	CDG														
DG	=	DG +	0.3713	ACJ +	0.4943	CDF	-0.5789	EHJ +	0.4448	FGJ										
FH	=	FH +	0.3475	BDH +	0.4207	BFJ +	0.3674	DGH	-0.4273	EFJ										
FJ	=	FJ +	0.4166	BCH	-0.3852	BDE +	0.4042	BFH	-0.4238	CEJ +	0.3708	CGJ	-0.4407	EFH						
GH	=	GH +	0.6364	ABG +	0.5331	AFH +	0.3584	BDG +	0.4846	BGJ +	0.4511	CFH	-0.5125	DEJ +	0.3741	DFH				
GJ	=	GJ +	0.3806	ACD +	0.3617	AFJ	-0.3612	BCE	-0.3482	BEF	-0.5244	DEH								
ABC	=	ABC +	0.4019	ADJ																
ADE	=	ADE	-0.3771	CDH																
ADF	=	ADF +	0.4943	DEG																

*Figura 4.47* Estructura de alias del diseño AE (30, 2<sup>6</sup> 3<sup>1</sup> 5<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>). Fuente: elaboración propia.

Tabla 4.6 Diferencias entre las estructuras del diseño AE (30, 2<sup>6</sup> 3<sup>1</sup> 5<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>). Fuente: elaboración propia.

Diferencias							
En García (2015) las interacciones ABD, ABE, ABF, ADE, BDF, BDH, BEF y CDH no pertenecen a ninguna estructura, esto se debe a que se desprecia el valor de sus correlaciones. En La interacción CGJ se encuanta en la estructura de AD en García (2015), se encontró que esa interacción se asignó erroneamente, también se omite la estructura para la interacción triple ADE. El programa toma encuanta el valor de las correlaciones y la interacciones mencionadas inicialmente se agregan a otras estructuras y ademas el programa reporta a la interacción ADE como estructura.							
EA (24, 3 <sup>1</sup> 5 <sup>1</sup> 6 <sup>1</sup> 7 <sup>1</sup> )							
1	4	1	3	García (2015)			
1	1	2	7				
1	5	3	5	A = A - 0.34BC - 0.33ABC			
1	3	4	6	B = B - 0.32AC			
1	1	5	3	C = C - 0.35AB			
1	4	6	4	D = D + 0.47ABD			
1	2	1	1	AD = AD + 0.52BD - 0.35ACD - 0.66BCD			
1	3	2	2	CD = CD			
2	1	3	2				
2	4	4	2				
2	2	5	7	Resultados del programa			
2	3	6	1				
2	1	1	4	A = A      -0.3445    BC    -0.3337    ABC			
2	4	2	5	B = B      -0.3225    AC			
2	2	3	6	C = C      -0.3501    AB			
2	5	4	3	D = D +      0.4738    ABD			
3	3	5	5	AD = AD +  0.5213    BD +  0.2708    CD			
3	1	6	6	-0.35258    ACD    -0.659    BCD			
3	5	1	7				
3	5	2	1				
3	3	3	3				
3	2	4	4	En García (2015) la interacción CD no pertenece a alguna estructura debido a que se desprecian las correlaciones por debajo del VL. En los resultados del programa la interacción CD pertenece a otra estructura debido a que se toman en cuenta las correlaciones.			
3	4	5	1				
3	2	6	2				

Figura 4.48 Diseño EA (24, 3<sup>1</sup> 5<sup>1</sup> 6<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

En la Figura 4.49 se muestra el AE (20, 4<sup>1</sup>5<sup>1</sup>6<sup>1</sup>7<sup>1</sup>). El programa detectó una correlación fuerte entre efectos principales y se detuvo. Para efectos de comparación dicha estructura fue construida.

1	1	2	3
1	2	5	6
1	3	6	7
1	4	3	5
1	5	1	2
2	1	1	4
2	2	6	5
2	3	4	6
2	4	2	2
2	5	3	1
3	1	4	2
3	2	2	1
3	3	1	3
3	4	5	4
3	5	6	6
4	1	5	7
4	2	3	3
4	3	2	4
4	4	1	1
4	5	4	5

$A = A + 0.71ACD$   
 $B = B + 0.56ABC + 0.70BCD$   
 $C = C + 0.72D$   
 $AB = AB$   
 $AC = AC + 0.85AD$   
 $BC = BC + 0.65BD$   
 $CD = CD$   
 $ABD = ABD$

Resultados del programa

$A = A + 0.7122 ACD$   
 $B = B + 0.5650 ABC + 0.4212 ABD + 0.7031 BCD$   
 $C = C$   
 $D = D$   
 $AB = AB + 0.5404 BC + 0.4152 BD$   
 $AC = AC + 0.8520 AD - 0.2922 CD$

En las estructuras reportadas por García (2015) el factor D es agregado a la estructura de C. El programa detectó que existen factores fuertemente correlacionados. En García (2015) las interacciones AB, CD y ABD no pertenece a alguna estructura, el programa adhiere CD a AC y ABD a B. La interacción AB tiene una correlacion significativa con BC, por eso el programa la adhiere a esta, en García (2015) se ignoró esta correlación.

*Figura 4.49* Diseño AE (20, 4<sup>1</sup> 5<sup>1</sup> 6<sup>1</sup> 7<sup>1</sup>) Guo (2003). Fuente: elaboración propia.

En general se observaron en ciertos casos diferencias entre las estructuras mostradas en García (2015) y las generadas por el programa. Se encontró que en los principios dos, tres y cinco no se definieron y acotaron situaciones que se podrían presentar durante la construcción de las estructuras. Esto provocó las diferencias en las estructuras propuestas por García (2015) y el programa. En la primera columna de la *Tabla 4.7* se enlistan los tres principios en donde se observó que no se consideraron ciertas situaciones para definirlos. En la segunda columna se mencionan dichas situaciones encontradas durante la construcción de estructuras de alias. En la tercera columna se mencionan respectivamente las

acciones que realiza el programa para acotar la falta de definición en estos principios.

Tabla 4.7 Diferencias de método vs programa en resultados. Fuente: elaboración propia.

<b>Paso 5</b>	<b>Método</b>	<b>Programa</b>
Segundo principio	El principio no indica qué hacer en el caso de que se presente un empate de correlaciones. Se observó que existen situaciones en las que hay empates de coeficientes de correlación.	En caso de que el coeficiente de correlación este empatado el programa asignará la correlación al efecto que se encuentre primero de acuerdo con la dirección de búsqueda (de izquierda a derecha).
Tercer principio	El principio no especifica qué hacer en que caso de que una correlación superior al VL que pertenece a un efecto principal pueda ser adherida a otro efecto principal, tampoco se especifica el valor del coeficiente de correlación que se debe considerar para realizar dicha adhesión.	El programa no asigna correlaciones de efectos principales a otros efectos principales. Si existe una correlación considerada fuerte el programa muestra un aviso al usuario de la existencia de correlaciones fuertes entre efectos principales.
Quinto principio	El principio no indica qué valor numérico debe tener el coeficiente de correlación para ser considerado como “más fuerte”. Debido a que se observó que hay situaciones en las que se desprecian correlaciones.	El programa no desprecia correlaciones por muy bajas que estas sean. Todas las correlaciones se adhieren a las estructuras respetando los principios para construir las estructuras.

El programa realiza una búsqueda de correlaciones mayores o iguales a 0.5 entre efectos principales, esto con el objetivo de informar al experimentador en el caso que exista una correlación fuerte entre efectos principales en un diseño fraccionado de niveles mixtos. Una correlación fuerte entre efectos principales implica que un efecto principal está confundido con otro efecto principal, la utilización de un diseño con este inconveniente podría resultar contraproducente para el experimentador debido a que por lo general en un experimento el interés principal es conocer los cambios en la variable de respuesta que producen los efectos principales (Kuehl, 2001). Por ejemplo, en el diseño  $EA (20, 4^1 5^1 6^1 7^1)$  mostrado en Guo et al. (2007), el programa detectó una correlación fuerte entre efectos principales. En la *Tabla 4.8* se observa que existe una correlación fuerte entre el efecto C y D, esto quiere decir que en el experimento no se podría conocer el efecto que producen por separado ambos factores sobre la variable de respuesta. Con esta información el experimentador podrá tomar la decisión si le es conveniente utilizar este diseño.

*Tabla 4.8* Matriz de correlaciones efectos principales vs efectos principales. Fuente: elaboración propia.

EP/EP	A	B	C	D
A	1	0	0	0
B	0	1	0	0
C	0.0516	0.0204	1	0
D	0.1274	0.1282	0.7150	1

Una manera de desacoplar los efectos de interés es mediante el uso de métodos de aumentación. Para visualizar el desacoplamiento de efectos de interés es necesario conocer las estructuras de alias. En la *Figura 4.50* se muestran las estructuras de alias generadas por el programa para la fracción foldover con 40 corridas experimentales y la fracción semifold con 30 corridas experimentales del  $EA (20, 2^4 3^1 4^1)$  mostrado en Guo et al. (2007). En esta figura se observa cómo se desacoplan algunos efectos. Por lo tanto, de esta manera se muestra la utilidad del programa desarrollado en MATLAB y la importancia de conocer la estructura de alias de estos diseños. De esta manera el experimentador podrá elegir la

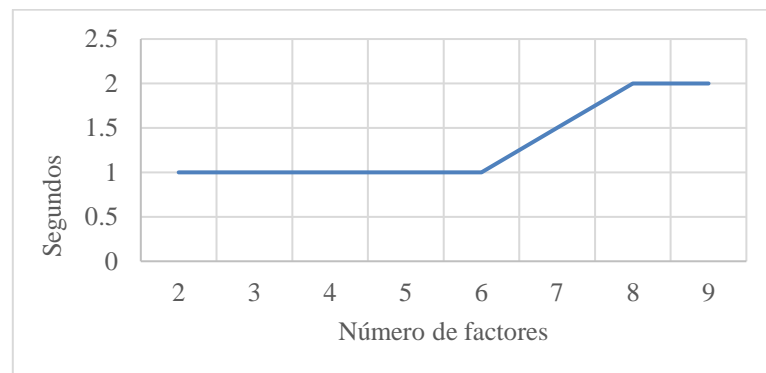
estrategia de experimentación más conveniente antes o después de llevar a cabo un experimento.

		Foldover		EA (20, 2 <sup>4</sup> 3 <sup>1</sup> 4 <sup>1</sup> )						
A =	A	-	0.2000	BC	0.2000	BD	0.2000	CD	0.2041	BCD
B =	B	-	0.2000	AC	0.2000	AD	-0.2041	ACD	0.2705	CEF
C =	C	-	0.2000	AB	-0.3360	EF	0.2041	ABD		
D =	D	+	0.2041	ABC						
E =	E	+	0.3117	AF	0.3445	CF	0.2351	DF	0.2131	ACF
		-	0.3507	AEF	0.2685	BCF				
F =	F	+	0.3131	AE	0.3404	CE	0.2314	DE	0.2042	ABE
		+	0.3200	ABF	0.2050	ACE	0.2596	BCE	0.2971	BEF
BE =	BE	-	0.2408	BDF	0.2252	DEF				
BF =	BF	-	0.1659	ADE	0.2415	BDE				
ADF =	ADF	-	0.2250	CDE	0.1983	CDF				
		Semifold		EA (20, 2 <sup>4</sup> 3 <sup>1</sup> 4 <sup>1</sup> )						
A =	A	+	0.2075	BCD						
B =	B	+	0.2673	CD	0.2894	CEF				
C =	C	+	0.2673	BD	0.5274	EF	0.2619	ADF		
D =	D	+	0.2673	BC	0.2000	ABC				
E =	E	-	0.1637	AD	-0.3214	AF	0.5339	CF	0.3236	DF
		-	0.2027	ADE	0.4082	AEF	0.3029	BEF		
F =	F	+	0.3202	AE	0.5337	CE	0.3246	DE	0.3186	ABF
		-	0.1803	ACE	0.3186	ACF	0.3186	CDF	-0.3551	DEF
AB =	AB	+	0.2787	ACD						
AC =	AC	+	0.2787	ABD						
BE =	BE	+	0.5487	BCF	0.3224	BDF	0.4000	CDE		
BF =	BF	+	0.3203	ABE	0.5364	BCE	0.3199	BDE		

Figura 4.50 Estructuras de alias foldover vs semifold EA (20, 2<sup>4</sup> 3<sup>1</sup> 4<sup>1</sup>). Fuente: elaboración propia.

El programa reduce significativamente el tiempo en la construcción de las estructuras de alias. En la *Figura 4.51* se muestra la gráfica del tiempo de ejecución del programa. El programa se ejecutó en una computadora con procesador AMD E-450 y una memoria RAM de 2.00 GB. La construcción de estructuras de alias de un diseño de 9 factores con 30 corridas, lo que involucra realizar operaciones matemáticas básica, operaciones matriciales y el análisis de una matriz de correlaciones de tamaño 129 × 129, esto le tomaría al experimentador como mínimo 3 horas si dominara el método y además utilizara una hoja de cálculo. También implicaría la probabilidad de cometer errores en la

selección de efectos debido a la gran cantidad de datos involucrados en el análisis. Se midió el tiempo de ejecución del programa mediante la función tic tac en MATLAB y el tiempo máximo de ejecución toma sólo 2 segundos para un diseño de 9 factores. En la *Figura 4.51* se muestra la gráfica de número de factores vs tiempo de ejecución expresado en segundos.



*Figura 4.51* Número de factores vs tiempo. Fuente: elaboración propia.

## **4.2. Propuesta de reducción de estructura de alias de diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos**

Al-Ghamdi (2011) comenta que los alias raramente son examinados cuando los diseños factoriales fraccionados son empleados. Una posible razón está asociada a la dificultad de entender los métodos disponibles de identificar y medir los alias especialmente en experimentos que envuelven arreglos ortogonales de tres niveles o niveles mixtos. La relación compleja de los alias en estos diseños genera estructuras que dificultan su interpretación, esto debido a que la relación de los alias es parcial; es decir, no están perfectamente correlacionados.

En esta sección se propone una estrategia de reducción de estructuras de alias para los diseños factoriales de niveles mixtos enfocada a efectos principales. Cabe mencionar que esta propuesta debe ser validada para evaluar su efectividad; esta investigación no se aborda la validación. El objetivo que se persigue con esta estrategia es mostrarle al experimentador estructuras reducidas para una fácil interpretación.



Gutiérrez y de la Vara (2008) comentan que las estructuras de alias completas incorporan los efectos de interacción de alto orden, aunque estos no sean de interés y que toda la información importante está concentrada en las estructuras reducidas que involucran sólo hasta interacciones dobles. Bajo esa misma idea el principio de escasez de efectos estipula que cuando hay varias variables que intervienen en un proceso o sistema, es probable que dicho proceso o sistema esté impulsado principalmente por efectos principales e interacciones de bajo orden (Montgomery, 2017). Wu y Hamada (2009) mencionan que dos efectos son parcialmente alias si el valor absoluto de su coeficiente de alias está estrictamente entre 0 y 1.

La ortogonalidad en un diseño factorial implica la independendencia lineal por pares de columnas y es útil para evaluar la importancia del factor (Guo et al., 2007). Ríos, Simpson y Vázquez (2011) demostraron que la ortogonalidad completa no es necesaria. Por lo tanto, que al reducir las correlaciones por debajo de 0.60 puede ser suficiente para obtener estimaciones separadas para el efecto de las interacciones. Su estudio se basó en el análisis de diseños de dos niveles y 8 corridas.

Para este caso el valor de la correlación (valor de corte) que se emplea como criterio para reducir la estructura es de  $\pm 0.5$ , lo que quiere decir que si un efecto principal es parcialmente alias de una interacción de dos factores y cuyo valor de correlación sea mayor o igual a  $\pm 0.5$  dicha interacción no podrá ser eliminada de la estructura. En el caso contrario, dicha interacción será eliminada de la estructura. Para ejemplificar la implementación de la estrategia de reducción de estructura de alias para diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos. Primeramente, se define la interpretación de las estructuras de alias y posteriormente se definen y se aplican las reglas de reducción mediante un ejemplo.

En la *Tabla 4.9* se observa la estructura de alias del diseño factorial fraccionado de niveles mixtos ( $15, 3^1 5^1 7^1$ ). Es un diseño con 15 corridas; el factor *A* de 3 niveles; el factor *B* de 5 niveles y el factor *C* de 7 niveles. A continuación, se interpreta dicha estructura. El efecto del factor *A*; es parcialmente alias con una

correlación de 0.3302 del efecto  $BC$ , el efecto del factor  $B$ ; es parcialmente alias con una correlación de 0.3913 del efecto  $AC$ . El efecto del factor  $C$  es parcialmente alias con una correlación de 0.3471 del efecto  $AB$  y parcialmente alias con una correlación de 0.3596 del efecto  $ABC$ .

Tabla 4.9 Estructuras de alias. Fuente: elaboración propia.

$EA(15, 3^1 5^1 7^1)$
$A = A + 0.3302 BC$
$B = B + 0.3913 AC$
$C = C + 0.3471 AB + 0.3596 ABC$

A continuación, se muestran las reglas para reducir las estructuras de alias.

Regla 1. Si un efecto principal es parcialmente alias de una interacción de tres factores, dicha interacción se elimina.

Regla 2. Si un efecto principal es parcialmente alias de una interacción de dos factores y cuyo valor de correlación sea menor a  $\pm 0.5$ , dicha interacción se elimina.

A continuación, en la *Tabla 4.10* se muestra la estructura de alias reducida del diseño  $(15, 3^1 5^1 7^1)$ . En dicha tabla se puede observar que si se utilizara este diseño en un experimento los efectos principales se pueden estimar independientemente.

Tabla 4.10 Estructura de alias reducida. Fuente: elaboración propia.

$EA(15, 3^1 5^1 7^1)$
$A = A$
$B = B$
$C = C$

Esta estrategia de reducción se aplicó a las estructuras de alias generadas por el programa definido en este documento. En las siguientes tablas se muestran la estructuras de alias reducidas de los diseños mostrados en Guo et al. (2007).

Tabla 4.11 Estructuras de alias reducidas. Fuente: elaboración propia.

$EA(20, 3^1 4^1 5^1)$	$EA(21, 3^1 4^1 7^1)$
A = A B = B C = C	A = A B = B C = C
$EA(21, 3^1 6^1 7^1)$	$EA(24, 4^1 6^1 7^1)$
A = A B = B C = C	A = A B = B C = C
	AB = AB + 0.2490 AC + 0.2964 BC
$EA(21, 3^2 5^1 7^1)$	$EA(21, 3^2 4^1 7^1)$
A = A B = B C = C D = D AC = AC + 0.4983 BCD BC = BC + 0.5737 ACD	A = A B = B C = C D = D AD = AD + 0.4821 BD - 0.3558 CD
$EA(20, 2^3 5^1 7^1)$	$EA(20, 4^1 5^1 6^1 7^1)$
A = A B = B C = C D = D E = E AD = AD + 0.4000 CD + 0.6000 BCD BD = BD - 0.2844 ACE + 0.5274 CDE	A = A B = B C = C D = D AB = AB + 0.5404 BC + 0.4152 BD AC = AC + 0.8520 AD - 0.2922 CD
$EA(24, 3^1 5^1 6^1 7^1)$	$EA(28, 2^3 6^1 7^1)$
A = A B = B C = C D = D AD = AD + 0.5213 BD + 0.2708 CD - 0.3525 ACD - 0.5685 BCD	A = A B = B C = C D = D E = E AD = AD - 0.2126 BC + 0.3038 BD CD = CD + 0.2768 DE + 0.3781 ADE ACD = ACD + 0.2922 BCD + 0.2878 BDE

(continua en la siguiente página)

Tabla 4.11 Estructuras de alias reducidas. Fuente: elaboración propia.

$EA(28, 2^4 6^1 7^1)$	$EA(20, 2^4 5^1 7^1)$
A = A	A = A - 0.5656 BE
B = B	B = B - 0.5656 AE - 0.5043 DF
C = C	C = C
D = D	D = D
E = E	E = E - 0.5656 AB
F = F	F = F - 0.4920 BD
AC = AC + 0.4522 ABE - 0.3759 BCE - 0.4623 DEF	AC = AC - 0.5714 BCE
BD = BD - 0.3518 ADE - 0.1529 ADF	AD = AD + 0.3937 ACF - 0.5656 BDE
CD = CD - 0.4386 AEF + 0.4454 BDE	BC = BC - 0.5714 ACE + 0.4444 BDF - 0.5321 CDF
	CD = CD - 0.5043 BCF
	CE = CE + 0.4383 CF - 0.5773 ABC
	DE = DE - 0.5773 ABD
	EF = EF - 0.5959 ABF - 0.4239 ADE
$EA(20, 2^4 3^1 4^1)$	$EA(20, 2^4 3^1 5^1)$
A = A	A = A
B = B	B = B - 0.5592 DE
C = C + 0.5116 EF	C = C
D = D	D = D - 0.5592 BE
E = E + 0.5280 CF	E = E - 0.5592 BD
F = F + 0.5280 CE	F = F
AC = AC - 0.2041 BCD	AB = AB - 0.6000 CD - 0.5871 ADE
BC = BC - 0.3156 ACE - 0.5388 ADF	AD = AD - 0.6000 BC - 0.5680 ABE
ABC = ABC - 0.4896 CDE	AF = AF - 0.4170 BCF + 0.4000 BDF
	BF = BF - 0.4741 EF + 0.4000 ACF + 0.4170 ADF
	ABF = ABF - 0.4254 AEF + 0.3847 BCE
	ACE = ACE - 0.6582 BDE + 0.4809 CDF
	BCF = BCF - 0.4254 CEF
	BDF = BDF - 0.4719 DEF
$EA(24, 5^1 6^1 7^1)$	
A = A	
B = B	
C = C	

(continua en la siguiente página)

Tabla 4.11 Estructuras de alias reducidas. Fuente: elaboración propia.

$EA (30,2^6 3^1 5^1 7^1)$
A = A
B = B
C = C
D = D
E = E
F = F
G = G
H = H
J = J
AB = AB + 0.4405 AHJ
AC = AC + 0.4135 DEF
AD = AD + 0.4135 CEF
AE = AE - 0.3780 CH
AF = AF + 0.4910 EG + 0.4910 ACG + 0.4135 CDE
AG = AG + 0.4910 EF + 0.4943 ACF - 0.4000 BEG + 0.6374 BGH
AH = AH - 0.3780 CE + 0.4667 DH - 0.2935 ABE + 0.4251 ABJ - 0.4272 AEJ - 0.5560 BEH + 0.5094 CHJ + 0.5389 FGH
AJ = AJ + 0.4166 ABH - 0.3265 BDF
BC = BC + 0.4430 DJ + 0.4866 BFG
BD = BD + 0.4430 CJ
BE = BE - 0.4506 BHJ - 0.3742 DFJ
BF = BF + 0.4964 BCG - 0.3803 EGJ
BG = BG - 0.3266 ABD + 0.3295 ABF + 0.6364 AGH + 0.4899 BCF - 0.3559 EGH
CD = CD + 0.3532 AGJ + 0.4910 DFG
DE = DE - 0.4328 DHJ - 0.5395 GHJ
DF = DF + 0.3694 ADG + 0.4866 CDG
DG = DG + 0.3713 ACJ + 0.4943 CDF - 0.5789 EHJ + 0.4448 FGJ
FH = FH + 0.3475 BDH + 0.4207 BFJ + 0.3674 DGH - 0.4273 EFJ
FJ = FJ + 0.4166 BCH - 0.3852 BDE + 0.4042 BFH - 0.4238 CEJ + 0.3708 CGJ - 0.4406 EFH
GH = GH + 0.6364 ABG + 0.5331 AFH + 0.3584 BDG + 0.4846 BGJ + 0.4511 CFH - 0.5124 DEJ + 0.3741 DFH
GJ = GJ + 0.3806 ACD + 0.3617 AFJ - 0.3612 BCE - 0.3482 BEF - 0.5244 DEH
ABC = ABC + 0.4019 ADJ
ADE = ADE - 0.3771 CDH
ADF = ADF + 0.4943 DEG

(continua en la siguiente página)

Tabla 4.11 Estructuras de alias reducidas. Fuente: elaboración propia.

$EA (20, 2^3 3^1 4^1 5^1)$
A = A
B = B
C = C
D = D - 0.5894 EF
E = E - 0.5976 DF
F = F - 0.5763 DE
AD = AD - 0.3107 BC + 0.6151 CF - 0.4394 ABF - 0.5931 AEF - 0.4990 CDE
AE = AE - 0.4800 BE
AF = AF + 0.6151 CD - 0.4394 ABD - 0.5979 ADE + 0.3578 BEF - 0.5547 CEF
ABC = ABC + 0.5976 BDF
ACE = ACE - 0.4628 BCE + 0.7455 DEF
BCD = BCD - 0.4170 BDE
$EA (20, 2^4 3^1 4^1 5^1)$
A = A + 0.6000 BC - 0.5657 DG
B = B + 0.6000 AC
C = C + 0.6000 AB + 0.6375 AFG
D = D - 0.5657 AG
E = E
F = F
G = G - 0.5657 AD
AE = AE - 0.4914 BF + 0.3418 ABC + 0.7093 BCE
AF = AF - 0.3683 ACE + 0.5967 BCF + 0.5388 CDF - 0.8225 DFG
BD = BD - 0.5657 ABG + 0.6124 ACD + 0.6403 EFG
CE = CE + 0.4901 BEG
DE = DE - 0.4665 AEG + 0.5727 BFG
FG = FG - 0.7920 ADF + 0.5698 BDE - 0.4631 CEG
ABD = ABD + 0.5541 CEF

### **4.3. Conclusiones**

Los diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos permiten analizar solo una fracción de un diseño factorial de nivel mixto completo, de este modo es posible minimizar el empleo de recursos dado que se reducen el número de corridas experimentales. La desventaja de fraccionar es la pérdida de información y la confusión de efectos en el experimento. Es así como resulta necesario conocer la forma en que los términos del diseño quedan confundidos, esta información la proporcionan las estructuras de alias.

Los resultados de esta investigación demostraron que es posible programar el método de construcción de estructuras de alias para diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos. Por lo tanto, se acepta la hipótesis de investigación. La comparación realizada en la etapa de validación mostró que los resultados generados por el programa y los resultados mostrados en García (2015) son satisfactorios puesto se cumplen con los principios establecidos y se acotan las situaciones no definidas. Las estructuras de alias generadas por el programa pueden facilitar al experimentador tomar la decisión en la elección del diseño para llevar a cabo el experimento, puesto que la elección del diseño es un paso importante en la planeación del experimento (Wu & Hamada, 2009). Es decir, se podrá elegir el diseño que brinde la mayor información en el experimento, esto se traduce en ahorros de recursos puesto que se reduce la probabilidad de elegir un diseño que no estime los efectos que el experimentador está interesado en conocer. El programa es capaz de construir estructuras de alias de 2 a 9 factores sin restricción del número de corridas experimentales, el tiempo máximo de ejecución del algoritmo es de 2 segundos lo que le permite al experimentador ahorrar tiempo y construir estas estructuras de alias fácilmente. También se reduce la incertidumbre de realizar algún cálculo erróneo o una elección incorrecta de correlaciones en la construcción de estructura de alias manualmente, puesto que al incrementarse el número de factores se incrementa el tamaño de la matriz de correlaciones y se vuelve complejo el análisis para la construcción de estructuras de alias para estos diseños. Al no existir un software para construir las

estructuras de alias para los diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos el programa desarrollado en MATLAB mostrado en esta investigación es una opción importante para considerar en el ámbito de la experimentación. La estrategia de reducción que se propone en esta investigación permite simplificar las estructuras de alias, lo cual facilita al experimentador la interpretación de las estructuras y en consecuencia permitirá facilitar la elección de la fracción de interés. Dicha estrategia está sujeta a validación por lo que se propone como una futura línea de investigación.



## Bibliografía

- Anderson, D. R., Sweeney, D. J., & Williams, T. A. (2008). *Estadística para administración y economía*. México: Cengage Learning Editores.
- Grömping, U., & Fontana, R. (2018). *An Algorithm for Generating Good Mixed Level*. Obtenido de [http://www1.beuth-hochschule.de/FB\\_II/reports/welcome.htm](http://www1.beuth-hochschule.de/FB_II/reports/welcome.htm)
- Al-Ghamdi, K. A. (2011). *“Improving the practice of experimental design in manufacturing engineering”*. PhD thesis, University of Birmingham, Birmingham.
- Al-Ghamdi, K. A. (2013). A simple method for dealing with aliasing in experimental design. *International Journal of Quality & Reliability Management*, 30(8), 877-896. doi:<http://dx.doi.org/10.1108/IJQRM-Jan-2012-0006>
- Ataurima Arellano, M. (2013). *Matlab & Simulink para Ingeniería Nivel I*. Lima: Universidad de Ciencias y Humanidades.
- Corona, M. A., & Ancona, M. Á. (2011). *Diseño de algoritmos y su codificación en lenguaje C*. México: McGraw-Hill/Interamericana Editores, S.A. de C.V.
- Deitel, H., & Deitel, P. (2003). *Como programar en C++*. México: Pearson Educación de México.
- Fontana, R. (2013). Algebraic generation of minimum size orthogonal fractional factorial designs: an approach based on integer linear programming. *Computational Statistic*, 28(1), 241-253. doi:10.1007/s00180-011-0296-7.
- García, A. (2015). *Diseño de un método para construir estructuras de alias para diseños de niveles mixtos*. (Tesis de Maestría). Instituto Tecnológico de Celaya, Celaya, México.
- García, J., Rodríguez, J., & Brazález, A. (2001). *Aprenda Matlab 6.1 como si estuviera en primero*. Madrid: Universidad Politécnica de Madrid.

- Guo, Y. (2003). *Construction of Efficient Fractional Factorial Designs*. (Tesis maestría). Florida State University. Florida. Estados Unidos.
- Guo, Y., Simpson, J. R., & Pignatiello, J. J. (2007). Construction of Efficient Fractional Factorial Mixed-Level Design. *Journal of Quality*, 39(3), 241-257. doi:10.1080/00224065.2007.11917691.
- Guo, Y., Simpson, J. R., & Pignatiello, J. J. (2008). Optimal foldover plans for mixed-level fractional factorial designs. *Quality and Reliability Engineering International*, 25(4), 449-466. doi:https://doi.org/10.1002/qre.981
- Guo, Y., Simpson, J. R., & Pignatiello, J. J. (2009). The general balance metric for mixed-level fractional desing. *Quality and Reliability Engineering International*, 25(3), 335-344. doi:10.1002/qre.982.
- Gutiérrez, H., & de la Vara, R. (2008). *Análisis y Diseños de Experimentos*. México D.F.: McGraw-Hill.
- Hamada, C., & Hamada, M. (2010). All-Subsets Regression Under Effect Heredity Restrictions for Experimental Designs with Complex Aliasing. *Quality and Reliability Engineering International*, 26, 75-81. doi: https://doi.org/10.1002/qre.1037
- Hamada, M., & Wu, C. (1992). Analysis of designed experiments with complex aliasing. *Journal of Quality Technology*, 24, 130-137. doi:https://doi.org/10.1080/00224065.1992.11979383
- Hernández Sampieri, R., Fernández Collado, C., & Baptista Lucio, M. P. (2014). *Metodología de la investigación*. México: McGraw-Hill/Interamericana Editores.
- Ilzarbe, L., Tanco, M., Viles, E., & Álvarez, M. (2007). El diseño de experimentos como herramienta de mejora de los procesos. Aplicación de la metodología al caso de una catapulta. *Tecnura*, 10(20), 127-138.

- Jones, B., & Montgomery, D. (2010). Alternatives to resolution IV screening designs in 16 runs. *Int. J. Experimental Design and Process Optimisation*, 4, 285-295. doi:<https://doi.org/10.1504/IJEDPO.2010.034986>
- Joyanes , L. (2008). *Fundamentos de programación*. Madrid: McGraw-Hill/Interamericana de españa, S. A. U.
- Kuehl, R. O. (2001). *Diseños de Experimentos Principios Estadísticos para el análisis y diseños de investigaciones*. México: Thomson Editores.
- Kulahci, M., & Bisgaard, S. (2006). A generalization of the alias matrix. *Journal of Applied Statistic*, 33, 387-395. doi:<https://doi.org/10.1080/02664760500449014>
- McGrath, R. N., & Lin, D. K. (s.f.). Aliasing in Fractional Designs. *Wiley StatsRef: Statistics Reference Online*. doi:<https://doi.org/10.1002/9781118445112.stat04073>
- Meyers, R., Montgomery, D., & Anderson-Cook, C. (2016). *Response Surface Methodology*. Hoboken: John Wiley & Sons.
- Mongay, C. (2005). *Quimiometría*. València: Universitat de València.
- Montgomery, D. (2013). *Design and Análisis of Experiments*. New York: John Wiley & Sons.
- Montgomery, D. (2017). *Design and Análisis of Experiments*. New York: John Wiley & Sons.
- Moore, H. (2007). *MATLAB para Ingenieros*. México: Pearson Educación México.
- Pantoja, Y., Ríos, A. J., & Tapia, M. (2018). A Method for Construction of Mixed-Levels Fractional Designs. *Quality and Reliability Engineering International*.
- Ríos, A. (2008). *Shequential Experimentation Schemes For Resolution III, Robust and Mixed-Level Designs*. (Tesis doctoral). Florida State University. Florida. Estados Unidos.

- Ríos, A. J., Simpson, J. R., & Vázquez, J. A. (2011). Sequential Experimentation Approach for Augmenting of Resolution III. *Communications in Statistics: Theory & Methods*, 13(40), 2337-2357.
- Ríos, A., Simpson, J. R., & Guo, Y. (2011). Semifold Plans for Mixed-level Designs. *Quality Reliability Engineering International*, 27(7), 921-929. doi:<https://doi.org/10.1002/qre.1181>
- Ryan, T. (2007). *Modern Experimental Design*. Hoboken, New Jersey, U.S.A: John Wiley & Sons.
- Simpson, J., Listak, C., & T. Hutto, G. (2013). Guidelines for Planning and Evidence for Assessing a Well-Designed Experiment. *Quality Engineering*, 25(4), 333-355, DOI:10.1080/08982112.2013.803574.
- Tanco, P. M. (2008). *Metodología para la aplicación de Diseño de Experimentos (DoE) en la industria (Tesis doctoral)*. Universidad de Navarra: San Sebastián, España.
- Triola, M. F. (2004). *Estadística*. México: Pearson Educación México .
- Wu, C., & Hamada, M. (2009). *Experiments: Planning, Analysis and Parameters Design Optimization*. New Jersey: Wiley & Sons.
- Wu, C., & Hamada, M. (2009). *Experiments: Planning, Analysis, and Parameters Design Optimization*. New Jersey: Wiley & Sons.
- Xu, H. (2002). An Algorithm for Constructing Orthogonal And Nearly Orthogonal Arrays with Mixed Levels And Small Runs. *Technometrics*, 44(4), 356-368. doi:10.1198/004017002188618554

## Anexos

### 4.4. Código MATLAB

En este anexo se muestra el código del programa para construir estructuras de alias de diseños factoriales fraccionados de niveles mixtos en el lenguaje de programación de MATLAB.

```
GENERADORDEESTRUCTURASDEALIAS.m x +
%Este programa calcula los alias de fracciones de diseños de niveles mixtos
%de 2 a 9 factores, sin restricción de tamaño de la fracción. Considerando
%efectos principales, interacciones dobles y triples
close all
clc
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%VARIABLES DE ENTRADA
tic
% Entrada %
Array; %NONBPA;
ponderacion=0.5;% %%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
[m,n]=size(Array); %///AQUI SE CALCULA DE CUANTOS FACTORES ES EL ARREGLO
%/"n" da esa información//
matrizdecorrelaciones=PASO1A3CALCULARCORRELACIONES(Array,n);%Genera la
%matriz de correlaciones para un fracción
PASO4; %PASO CUATRO. IDENTIFICAR LOS FACTORES FUERTEMENTE
%CORRELACIONADOPROGRAMA
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%Este segmento del programa revisa que no existan efectos principales
%fuertemente correlacionados (se consideran fuertemente correlacionados dos
%efectos principales cuando su correlación es superior a 0.5 y en caso de
%existir manda un mensaje y detiene la ejecución del programa.
```

```

% SECCIÓN 1 %%
%Busca correlaciones mayores a 0.5 entre efectos principales.
ijcontador=0;
for columnname=1:me-1%Mover en columnas
    columnname;
    contador=columnname+1;
    for filame=contador:me%Mover en fila
        if ijcontador==1 %ROMPE 1

            break
        end
        valor=W(filame,columnname);
        if abs(valor)>=1.5
            ijcontador=ijcontador+1; %Asigna un valor de 1
%cuando encuentra un valor fuertemente correlacionado en efectos principales
disp('La fracción contiene efectos principales fuertemente correlacionados')
        end
        contador=contador+1; %Al final del ciclo este contador
        %es nuevamente declarado para el ciclo for anterior
    end
end
if ijcontador==1
    break
end
end

% SECCIÓN 2 %%

ciclo=1;
while ciclo==1
    if ijcontador==0
        PASO5 %PASO 5. CREAR ESTRUCTURAS DE ALIAS
    else
        break
    end
end
toc

```

```

function [matrizdecorrelaciones ] = PASO1A3CALCULARCORRELACIONES(Array,n )
%ESTE MÓDULO CALCULA LOS PASOS UNO, DOS Y TRES DEL MÉTODO DE GENERACIÓN DE
%ALIAS PARA DISEÑOS DE NIVELES MIXTOS
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%PASO UNO. SELECCIONAR LA FRACCIÓN%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%

%%%SECCIÓN 1%%%

if n==2 %///EN LA SIGUIENTE SECCIÓN SE CALCULA EL NIVEL DE LOS FACTORES
    %Y SE ALMACENA EN N1..Nn///
    N1=max(Array(:,1));
    N2=max(Array(:,2));
elseif n==3
    N1=max(Array(:,1));
    N2=max(Array(:,2));
    N3=max(Array(:,3));
elseif n==4
    N1=max(Array(:,1));
    N2=max(Array(:,2));
    N3=max(Array(:,3));
    N4=max(Array(:,4));
elseif n==5
    N1=max(Array(:,1));
    N2=max(Array(:,2));
    N3=max(Array(:,3));
    N4=max(Array(:,4));
    N5=max(Array(:,5));
elseif n==6
    N1=max(Array(:,1));
    N2=max(Array(:,2));
    N3=max(Array(:,3));
    N4=max(Array(:,4));
    N5=max(Array(:,5));
    N6=max(Array(:,6));
elseif n==7
    N1=max(Array(:,1));
    N2=max(Array(:,2));
    N3=max(Array(:,3));
    N4=max(Array(:,4));
    N5=max(Array(:,5));
    N6=max(Array(:,6));
    N7=max(Array(:,7));

```

```

elseif n==8
N1=max(Array(:,1));
N2=max(Array(:,2));
N3=max(Array(:,3));
N4=max(Array(:,4));
N5=max(Array(:,5));
N6=max(Array(:,6));
N7=max(Array(:,7));
N8=max(Array(:,8));
elseif n==9
N1=max(Array(:,1));
N2=max(Array(:,2));
N3=max(Array(:,3));
N4=max(Array(:,4));
N5=max(Array(:,5));
N6=max(Array(:,6));
N7=max(Array(:,7));
N8=max(Array(:,8));
N9=max(Array(:,9));
elseif n>=10
    disp('La matriz excede las dimensiones para la ejecución de este programa')
end
%Codificación de la notación natural a la geométrica.Calculo para efectos principales
if n==2
    columnaA=1-((2*(N1-Array(:,1)))/(N1-1));
    columnaB=1-((2*(N2-Array(:,2)))/(N2-1));
elseif n==3
    columnaA=1-((2*(N1-Array(:,1)))/(N1-1));
    columnaB=1-((2*(N2-Array(:,2)))/(N2-1));
    columnaC=1-((2*(N3-Array(:,3)))/(N3-1));
elseif n==4
    columnaA=1-((2*(N1-Array(:,1)))/(N1-1));
    columnaB=1-((2*(N2-Array(:,2)))/(N2-1));
    columnaC=1-((2*(N3-Array(:,3)))/(N3-1));
    columnaD=1-((2*(N4-Array(:,4)))/(N4-1));
elseif n==5
    columnaA=1-((2*(N1-Array(:,1)))/(N1-1));
    columnaB=1-((2*(N2-Array(:,2)))/(N2-1));
    columnaC=1-((2*(N3-Array(:,3)))/(N3-1));
    columnaD=1-((2*(N4-Array(:,4)))/(N4-1));
    columnaE=1-((2*(N5-Array(:,5)))/(N5-1));

```



```

elseif n==6
columnaA=1-((2*(N1-Array(:,1))/(N1-1)));
columnaB=1-((2*(N2-Array(:,2))/(N2-1)));
columnaC=1-((2*(N3-Array(:,3))/(N3-1)));
columnaD=1-((2*(N4-Array(:,4))/(N4-1)));
columnaE=1-((2*(N5-Array(:,5))/(N5-1)));
columnaF=1-((2*(N6-Array(:,6))/(N6-1)));
elseif n==7
columnaA=1-((2*(N1-Array(:,1))/(N1-1)));
columnaB=1-((2*(N2-Array(:,2))/(N2-1)));
columnaC=1-((2*(N3-Array(:,3))/(N3-1)));
columnaD=1-((2*(N4-Array(:,4))/(N4-1)));
columnaE=1-((2*(N5-Array(:,5))/(N5-1)));
columnaF=1-((2*(N6-Array(:,6))/(N6-1)));
columnaG=1-((2*(N7-Array(:,7))/(N7-1)));
elseif n==8
columnaA=1-((2*(N1-Array(:,1))/(N1-1)));
columnaB=1-((2*(N2-Array(:,2))/(N2-1)));
columnaC=1-((2*(N3-Array(:,3))/(N3-1)));
columnaD=1-((2*(N4-Array(:,4))/(N4-1)));
columnaE=1-((2*(N5-Array(:,5))/(N5-1)));
columnaF=1-((2*(N6-Array(:,6))/(N6-1)));
columnaG=1-((2*(N7-Array(:,7))/(N7-1)));
columnaH=1-((2*(N8-Array(:,8))/(N8-1)));
elseif n==9
columnaA=1-((2*(N1-Array(:,1))/(N1-1)));
columnaB=1-((2*(N2-Array(:,2))/(N2-1)));
columnaC=1-((2*(N3-Array(:,3))/(N3-1)));
columnaD=1-((2*(N4-Array(:,4))/(N4-1)));
columnaE=1-((2*(N5-Array(:,5))/(N5-1)));
columnaF=1-((2*(N6-Array(:,6))/(N6-1)));
columnaG=1-((2*(N7-Array(:,7))/(N7-1)));
columnaH=1-((2*(N8-Array(:,8))/(N8-1)));
columnaI=1-((2*(N9-Array(:,9))/(N9-1)));
end
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%PASO DOS.  CALCULAR LA MATRIZ DEL MODELO (EN
NOTACIÓN GEOMETRICA)
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%Cálculo para interacciones dobles y triples

%SECCIÓN 2%%

if n==2
AB=columnaA.*columnaB;
matrizmodelo=[columnaA columnaB AB];
elseif n==3
AB=columnaA.*columnaB;
AC=columnaA.*columnaC;
BC=columnaB.*columnaC;
ABC=AB.*columnaC;
matrizmodelo=[columnaA columnaB columnaC AB AC BC ABC];

```

```

elseif n==4
    AB=columnaA.*columnaB;
    AC=columnaA.*columnaC;
    AD=columnaA.*columnaD;
    BC=columnaB.*columnaC;
    BD=columnaB.*columnaD;
    CD=columnaC.*columnaD;
    ABC=AB.*columnaC;
    ABD=AB.*columnaD;
    ACD=AC.*columnaD;
    BCD=BC.*columnaD;
    matrizmodelo=[columnaA columnaB columnaC columnaD AB AC AD BC BD CD
    ABC ABD ACD BCD];
elseif n==5
    AB=columnaA.*columnaB;
    AC=columnaA.*columnaC;
    AD=columnaA.*columnaD;
    AE=columnaA.*columnaE;
    BC=columnaB.*columnaC;
    BD=columnaB.*columnaD;
    BE=columnaB.*columnaE;
    CD=columnaC.*columnaD;
    CE=columnaC.*columnaE;
    DE=columnaD.*columnaE;
    ABC=AB.*columnaC;
    ABD=AB.*columnaD;
    ABE=AB.*columnaE;
    ACD=AC.*columnaD;
    ACE=AC.*columnaE;
    ADE=AD.*columnaE;
    BCD=BC.*columnaD;
    BCE=BC.*columnaE;
    BDE=BD.*columnaE;
    CDE=CD.*columnaE;
    matrizmodelo=[columnaA columnaB columnaC columnaD columnaE AB AC AD
    AE BC BD BE CD CE DE ABC ABD ABE ACD ACE ADE BCD BCE BDE CDE];
elseif n==6
    AB=columnaA.*columnaB;
    AC=columnaA.*columnaC;
    AD=columnaA.*columnaD;
    AE=columnaA.*columnaE;
    AF=columnaA.*columnaF;
    BC=columnaB.*columnaC;
    BD=columnaB.*columnaD;
    BE=columnaB.*columnaE;
    BF=columnaB.*columnaF;
    CD=columnaC.*columnaD;
    CE=columnaC.*columnaE;
    CF=columnaC.*columnaF;
    DE=columnaD.*columnaE;
    DF=columnaD.*columnaF;
    EF=columnaE.*columnaF;
    ABC=AB.*columnaC;
    ABD=AB.*columnaD;
    ABE=AB.*columnaE;
    ABF=AB.*columnaF;
    ACD=AC.*columnaD;
    ACE=AC.*columnaE;
    ACF=AC.*columnaF;

```

```

ADE=AD.*columnaE;
ADF=AD.*columnaF;
AEF=AE.*columnaF;
BCD=BC.*columnaD;
BCE=BC.*columnaE;
BCF=BC.*columnaF;
BDE=BD.*columnaE;
BDF=BD.*columnaF;
BEF=BE.*columnaF;
CDE=CD.*columnaE;
CDF=CD.*columnaF;
CEF=CE.*columnaF;
DEF=DE.*columnaF;
matrizmodelo=[columnaA columnaB columnaC columnaD columnaE columnaF
AB AC AD AE AF BC BD BE BF CD CE CF DE DF EF ABC ABD ABE ABF ACD ACE ACF
ADE ADF AEF BCD BCE BCF BDE BDF BEF CDE CDF CEF DEF];
elseif n==7
AB=columnaA.*columnaB;
AC=columnaA.*columnaC;
AD=columnaA.*columnaD;
AE=columnaA.*columnaE;
AF=columnaA.*columnaF;
AG=columnaA.*columnaG;
BC=columnaB.*columnaC;
BD=columnaB.*columnaD;
BE=columnaB.*columnaE;
BF=columnaB.*columnaF;
BG=columnaB.*columnaG;
CD=columnaC.*columnaD;
CE=columnaC.*columnaE;
CF=columnaC.*columnaF;
CG=columnaC.*columnaG;
DE=columnaD.*columnaE;
DF=columnaD.*columnaF;
DG=columnaD.*columnaG;
EF=columnaE.*columnaF;
EG=columnaE.*columnaG;
FG=columnaF.*columnaG;
ABC=AB.*columnaC;
ABD=AB.*columnaD;
ABE=AB.*columnaE;
ABF=AB.*columnaF;
ABG=AB.*columnaG;
ACD=AC.*columnaD;
ACE=AC.*columnaE;
ACF=AC.*columnaF;
ACG=AC.*columnaG;
ADE=AD.*columnaE;
ADF=AD.*columnaF;
ADG=AD.*columnaG;
AEF=AE.*columnaF;
AEG=AE.*columnaG;
AFG=AF.*columnaG;
BCD=BC.*columnaD;
BCE=BC.*columnaE;
BCF=BC.*columnaF;

```

```

BCG=BC.*columnaG;
BDE=BD.*columnaE;
BDF=BD.*columnaF;
BDG=BD.*columnaG;
BEF=BE.*columnaF;
BEG=BE.*columnaG;
BFG=BF.*columnaG;
CDE=CD.*columnaE;
CDF=CD.*columnaF;
CDG=CD.*columnaG;
CEF=CE.*columnaF;
CEG=CE.*columnaG;
CFG=CF.*columnaG;
DEF=DE.*columnaF;
DEG=DE.*columnaG;
DFG=DF.*columnaG;
EFG=EF.*columnaG;
matrizmodelo=[columnaA columnaB columnaC columnaD columnaE columnaF
columnaG AB AC AD AE AF AG BC BD BE BF BG CD CE CF CG DE DF DG EF EG FG
ABC ABD ABE ABF ABG ACD ACE ACF ACG ADE ADF ADG AEF AEG AFG BCD BCE BCF
BCG BDE BDF BDG BEF BEG BFG CDE CDF CDG CEF CEG CFG DEF DEG DFG EFG];
elseif n==8
AB=columnaA.*columnaB;
AC=columnaA.*columnaC;
AD=columnaA.*columnaD;
AE=columnaA.*columnaE;
AF=columnaA.*columnaF;
AG=columnaA.*columnaG;
AH=columnaA.*columnaH;
BC=columnaB.*columnaC;
BD=columnaB.*columnaD;
BE=columnaB.*columnaE;
BF=columnaB.*columnaF;
BG=columnaB.*columnaG;
BH=columnaB.*columnaH;
CD=columnaC.*columnaD;
CE=columnaC.*columnaE;
CF=columnaC.*columnaF;
CG=columnaC.*columnaG;
CH=columnaC.*columnaH;
DE=columnaD.*columnaE;
DF=columnaD.*columnaF;
DG=columnaD.*columnaG;
DH=columnaD.*columnaH;
EF=columnaE.*columnaF;
EG=columnaE.*columnaG;
EH=columnaE.*columnaH;
FG=columnaF.*columnaG;
FH=columnaF.*columnaH;
GH=columnaG.*columnaH;
ABC=AB.*columnaC;
ABD=AB.*columnaD;
ABE=AB.*columnaE;
ABF=AB.*columnaF;
ABG=AB.*columnaG;
ABH=AB.*columnaH;

```

```

ACD=AC.*columnaD;
ACE=AC.*columnaE;
ACF=AC.*columnaF;
ACG=AC.*columnaG;
ACH=AC.*columnaH;
ADE=AD.*columnaE;
ADF=AD.*columnaF;
ADG=AD.*columnaG;
ADH=AD.*columnaH;
AEF=AE.*columnaF;
AEG=AE.*columnaG;
AEH=AE.*columnaH;
AFG=AF.*columnaG;
AFH=AF.*columnaH;
AGH=AG.*columnaH;
BCD=BC.*columnaD;
BCE=BC.*columnaE;
BCF=BC.*columnaF;
BCG=BC.*columnaG;
BCH=BC.*columnaH;
BDE=BD.*columnaE;
BDF=BD.*columnaF;
BDG=BD.*columnaG;
BDH=BD.*columnaH;
BEF=BE.*columnaF;
BEG=BE.*columnaG;
BEH=BE.*columnaH;
BFG=BF.*columnaG;
BFH=BF.*columnaH;
BGH=BG.*columnaH;
CDE=CD.*columnaE;
CDF=CD.*columnaF;
CDG=CD.*columnaG;
CDH=CD.*columnaH;
CEF=CE.*columnaF;
CEG=CE.*columnaG;
CEH=CE.*columnaH;
CFG=CF.*columnaG;
CFH=CF.*columnaH;
CGH=CG.*columnaH;
DEF=DE.*columnaF;
DEG=DE.*columnaG;
DEH=DE.*columnaH;
DFG=DF.*columnaG;
DFH=DF.*columnaH;
DGH=DG.*columnaH;
EFG=EF.*columnaG;
EFH=EF.*columnaH;
EGH=EG.*columnaH;
FGH=FG.*columnaH;
matrizmodelo=[columnaA columnaB columnaC columnaD columnaE columnaF
columnaG columnaH AB AC AD AE AF AG AH BC BD BE BF BG BH CD CE CF CG CH
DE DF DG DH EF EG EH FG FH GH ABC ABD ABE ABF ABG ABH ACD ACE ACF ACG ACH
ADE ADF ADG ADH AEF AEG AEH AFG AFH AGH BCD BCE BCF BCG BCH BDE BDF BDG
BDH BEF BEG BEH BFG BFH BGH CDE CDF CDG CDH CEF CEG CEH CFG CFH CGH DEF
DEG DEH DFG DFH DGH EFG EFH EGH FGH];

```

```

elseif n==9
  AB=columnaA.*columnaB;
  AC=columnaA.*columnaC;
  AD=columnaA.*columnaD;
  AE=columnaA.*columnaE;
  AF=columnaA.*columnaF;
  AG=columnaA.*columnaG;
  AH=columnaA.*columnaH;
  AI=columnaA.*columnaI;
  BC=columnaB.*columnaC;
  BD=columnaB.*columnaD;
  BE=columnaB.*columnaE;
  BF=columnaB.*columnaF;
  BG=columnaB.*columnaG;
  BH=columnaB.*columnaH;
  BI=columnaB.*columnaI;
  CD=columnaC.*columnaD;
  CE=columnaC.*columnaE;
  CF=columnaC.*columnaF;
  CG=columnaC.*columnaG;
  CH=columnaC.*columnaH;
  CI=columnaC.*columnaI;
  DE=columnaD.*columnaE;
  DF=columnaD.*columnaF;
  DG=columnaD.*columnaG;
  DH=columnaD.*columnaH;
  DI=columnaD.*columnaI;
  EF=columnaE.*columnaF;
  EG=columnaE.*columnaG;
  EH=columnaE.*columnaH;
  EI=columnaE.*columnaI;
  FG=columnaF.*columnaG;
  FH=columnaF.*columnaH;
  FI=columnaF.*columnaI;
  GH=columnaG.*columnaH;
  GI=columnaG.*columnaI;
  HI=columnaH.*columnaI;
  ABC=AB.*columnaC;
  ABD=AB.*columnaD;
  ABE=AB.*columnaE;
  ABF=AB.*columnaF;
  ABG=AB.*columnaG;
  ABH=AB.*columnaH;
  ABI=AB.*columnaI;
  ACD=AC.*columnaD;
  ACE=AC.*columnaE;
  ACF=AC.*columnaF;
  ACG=AC.*columnaG;
  ACH=AC.*columnaH;
  ACI=AC.*columnaI;
  ADE=AD.*columnaE;
  ADF=AD.*columnaF;
  ADG=AD.*columnaG;
  ADH=AD.*columnaH;
  ADI=AD.*columnaI;
  AEF=AE.*columnaF;
  AEG=AE.*columnaG;

```

AEH=AE.\*columnaH;  
AEI=AE.\*columnaI;  
AFG=AF.\*columnaG;  
AFH=AF.\*columnaH;  
AFI=AF.\*columnaI;  
AGH=AG.\*columnaH;  
AGI=AG.\*columnaI;  
AHI=AH.\*columnaI;  
BCD=BC.\*columnaD;  
BCE=BC.\*columnaE;  
BCF=BC.\*columnaF;  
BCG=BC.\*columnaG;  
BCH=BC.\*columnaH;  
BCI=BC.\*columnaI;  
BDE=BD.\*columnaE;  
BDF=BD.\*columnaF;  
BDG=BD.\*columnaG;  
BDH=BD.\*columnaH;  
BDI=BD.\*columnaI;  
BEF=BE.\*columnaF;  
BEG=BE.\*columnaG;  
BEH=BE.\*columnaH;  
BEI=BE.\*columnaI;  
BFG=BF.\*columnaG;  
BFH=BF.\*columnaH;  
BFI=BF.\*columnaI;  
BGH=BG.\*columnaH;  
BGI=BG.\*columnaI;  
BHI=BH.\*columnaI;  
CDE=CD.\*columnaE;  
CDF=CD.\*columnaF;  
CDG=CD.\*columnaG;  
CDH=CD.\*columnaH;  
CDI=CD.\*columnaI;  
CEF=CE.\*columnaF;  
CEG=CE.\*columnaG;  
CEH=CE.\*columnaH;  
CEI=CE.\*columnaI;  
CFG=CF.\*columnaG;  
CFH=CF.\*columnaH;  
CFI=CF.\*columnaI;  
CGH=CG.\*columnaH;  
CGI=CG.\*columnaI;  
CHI=CH.\*columnaI;  
DEF=DE.\*columnaF;  
DEG=DE.\*columnaG;  
DEH=DE.\*columnaH;  
DEI=DE.\*columnaI;  
DFG=DF.\*columnaG;  
DFH=DF.\*columnaH;  
DFI=DF.\*columnaI;  
DGH=DG.\*columnaH;  
DGI=DG.\*columnaI;  
DHI=DH.\*columnaI;  
EFG=EF.\*columnaG;  
EFH=EF.\*columnaH;

```

EFI=EF.*columnaI;
EGH=EG.*columnaH;
EGI=EG.*columnaI;
EHI=EH.*columnaI;
FGH=FG.*columnaH;
FGI=FG.*columnaI;
FHI=FH.*columnaI;
GHI=GH.*columnaI;
matrizmodelo=[columnaA columnaB columnaC columnaD columnaE columnaF
columnaG columnaH columnaI AB AC AD AE AF AG AH AI BC BD BE BF BG BH BI
CD CE CF CG CH CI DE DF DG DH DI EF EG EH EI FG FH FI GH GI HI ABC ABD
ABE ABF ABG ABH ABI ACD ACE ACF ACG ACH ACI ADE ADF ADG ADH ADI AEF AEG
AEH AEI AFG AFH AFI AGH AGI AHI BCD BCE BCF BCG BCH BCI BDE BDF BDG BDH
BDI BEF BEG BEH BEI BFG BFH BFI BGH BGI BHI CDE CDF CDG CDH CDI CEF CEG
CEH CEI CFG CFH CFI CGH CGI CHI DEF DEG DEH DEI DFG DFH DFI DGH DGI DHI
EFG EFH EFI EGH EGI EHI FGH FGI FHI GHI];
end
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%PASO TRES. OBTENER LA MATRIZ DE
CORRELACIONES%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%

%SECCIÓN 3%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%

matrizdecorrelaciones=corrcoef(matrizmodelo);

PASO 4
%%% EN ESTE MÓDULO SE IDENTIFICAR LOS FACTORES FUERTEMENTE
CORRELACIONESDOS%%%
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%%% SECCIÓN 1 %%%
T=tril(matrizdecorrelaciones);%Genera la matriz de correlaciones en forma
triangular
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%Operaciones para calcular el valor absoluto máximo en la matriz
triangular
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
element=find(abs(T<1));% Encuentra las posiciones que son menores que uno
en la matriz triangular de la matriz T(element)
Q=max(abs(T(element)));
%%Calculo del valor de VL de acuerdo a la ponderación
VL=Q*ponderacion;
% SECCIÓN 2 %%%
W=abs(T);
%Calcula las dimensiones de la matriz W
[A, L]=size(W);
%En esta sección se restringe a cuatro decimales después del punto
for yy=1:L
    for yyy=1:L
        if W(yy,yyy)<0.0001
            W(yy,yyy)=0;
        end
    end
end
end

```



```

% SECCIÓN 3 %%

%Obtención de las combinaciones
me=n;
doble=nchoosek(n,2);
if me>2
triple=nchoosek(n,3);
else
    triple=0;
end

%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%PASO 5. CREAR ESTRUCTURAS DE ALIAS%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
% SECCIÓN 1
BUSCACORRELACIONESSUPERIORESALVL;
%SECCIÓN 2 %
vectoralias=zeros(L,1);%Alimentara unos si la variable ya se encuentra en
la estructura
for tt=1:L
    buscador=find(revW(tt,:)>0); %busca por renglón en revW las
posiciones con valores mayores a cero
    if buscador>=1
        vectoralias(tt,1)=1;
    else
        vectoralias(tt,1)=0;
    end
end
vectoralias;
sumavectoralias=sum(vectoralias);
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
if sumavectoralias==0
    for ttt=1:L
        revW(ttt,ttt)=1;
    end
    MSZ=revW;
    disp('ALIAS CALCULADOS CORRECTAMENTE, DISEÑO ORTOGONAL')
elseif sumavectoralias~=0
    LOCALIZACORRELACIONESSUPERIORESALVL;%%Sale D
%end
vectoralias2=zeros(L,1);%alimentara unos si la variable ya se encuentra
en la estructura
for ttf=1:L
    buscador2=find(D(ttf,:)>0); %busca por renglón en revW las
posiciones con valores mayores a cero
    if buscador2>=1
        vectoralias2(ttf,1)=1;
    else
        vectoralias2(ttf,1)=0;
    end
end
end

```

```

vectoralias2;
sumavectoralias2=sum(vectoralias2);
if sumavectoralias2==L% verificar asignaciones
    disp('ALIAS CALCULADOS CORRECTAMENTE a')
    CH=D;
    CAMBIODESIGNOS;
elseif sumavectoralias2~=L
    ASIGNACORRELACIONESINFERIORESALVL;
    CAMBIODESIGNOS;
end
end
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
%% SECCIÓN 3 %
    AGREGALETRAS %Entra MSZ
    ciclo=ciclo+1;
BUSCA CORRELACIONES SUPERIORES AL VL
%Este módulo busca correlaciones superiores al VL en la matriz de
%correlaciones W. Al finalizar el módulo se genera una matriz con
%correlaciones mayores al VL. En caso de que no existan correlaciones
%mayores al VL, se obtiene una matriz sin correlaciones.
revW=zeros(size(W));%genera una matriz de zeros que será utilizada
después de generador de renglones para almacenar el vector largo
concatenado
    for v=1:A %toma cada uno de los renglones de W. A= número de filas de W
        renglonconvalorescorrelacionados=(W(v,:));

posicionesunos=find(renglonconvalorescorrelacionados(1,1:end)==1);%deteca
el uno de cada renglón
        renglonconvalorescorrelacionados(1,posicionesunos)=0;%hace cero la
posición con unos
renglones1=find(renglonconvalorescorrelacionados(1,1:end)<VL);%busca los
valores menores a VL en el renglón
        renglonconvalorescorrelacionados(1,renglones1)=0;%hace ceros los
valores menores a VL... el renglón ya únicamente contiene los valores
mayores a VL
        revW(v,:)=renglonconvalorescorrelacionados;
    end
LOCALIZA CORELACIONES SUPERIRORES AL VL
%En este módulo se realiza la selección de correlaciones que superan el
VL Primeramente se genera un vector guia para que el análisis se realice
en renglones que lo requieran.
%Posteriormente se divide la elección de las correlaciones significativas
%en tres secciones, la sección 1 es para la elección de correlaciones en
%factores principales, la sección 2 para la selección de correlaciones en
%interacciones dobles y la sección 3 para la elección de correlaciones en
%interacciones de tres factores. Esto con el objetivo de cumplir con el
%principio de jerarquía de efectos.
eM=revW;
%En esta sección se genera un vector guia para las secciones posteriores
vecceros=zeros(L,1);%%SE GENERA UN VECTOR DE CEROS EL CUAL SE UTILIZA
PARA ALMACENAR LA INFORMACIÓN
    %FORMA UN VECTOR DE NOS Y CEROS
for vv=1:A %% "vv" se mueve en filas
    fencuentra=max(eM(vv,1:me));%Toma un segmento hasta efectos
principales a partir de efectos dobles
    ffencuentra=max(eM(vv,me+1:me+doble));
    ffffencuentra=max(eM(vv,1:end));
    if ffffencuentra==0

```

```

vecceros(vv,1)=0;
elseif fencuentra~=0
    vecceros(vv,1)=1;
elseif fencuentra==0 && ffencuentra~=0
    vecceros(vv,1)=2;
end
%EL RESULTADO DE ESTE PROGRAMA ES UN VECTOR DE [0 1 2 3] CEROS Y UNOS
DE
%TAMAÑO Lx1, DONDE CERO INDICA QUE EFECTOS PRINCIPALES ESTA
DESOCUPADO
% Y UNO INDICA QUE ESTA OCUPADO
end
vecceros;%ESTE ES EL VECTOR DE TAMAÑO Lx1 QUE RESULTÓ
%Sección 1%%
%Selección de correlaciones en factores principales%%%%%%%%
for fx=me+1:A
    fx;
    [qq,pp]=max(vecceros(fx,1));
    if qq==1
        rengexamin1=(eM(fx,:));
        ANALIZARENGLONEDEME;
        eM(fx,:)=vectorlargoconcatenado;
    if r~=0
        cccolumnas=(eM(:,fx));
        eM(:,fx)=zeros(size(ccccolumnas));
    end
    end
end
end
%Sección 2%%
%Selección de correlaciones en interacciones dobles%%
for vx=me+1:A %toma cada uno de los renglones de W. A= número de filas de
    vx;
    [qqq,ppp]=max(vecceros(vx,1));
    if qqq==2
        rengloncoalexaminar=(eM(vx,:));
        [vc,se]=max(rengloncoalexaminar(1,me+1:me+doble));
        if vc==0
            else
                ANALIZARENGLONESDE2FI;% de manera interna ejecuta a
discretización de efectos
                eM(vx,:)=rengloncoalexaminado; %es la matriz W con los valores de
los efectos discretizados de acuerdo al principio de escasez de efectos
                if rg~=0
                    cccolumnas=(eM(:,vx));
                    eM(:,vx)=zeros(size(ccccolumnas));
                end
            end
        end
    end
end
end
%% %Sección 3
for gk=me+doble+1:A
    ffffencuentra=max(eM(gk,1:me+doble));
    fff3encuentra=max(eM(gk,me+doble+1:end));
    if ffffencuentra==0 && fff3encuentra~=0
        vecceros(gk,1)=3;
    end
end
end

```

```

%%Selección de correlaciones en interacciones triples%%
for vxx=me+doble+1:A %toma cada uno de los renglones de W. A= número de
filas de W
    vxx;
    [qqqq,pppp]=max(vecceros(vxx,1));
    if qqqq==3
        rengloncoaexaminartres=(eM(vxx,:));
        [ir,ur]=max(rengloncoaexaminartres(1,1:end));
            if ir==0
                else
                    ANALIZARENGLONESDE3FI;% de manera interna ejecuta a
discretización de efectos
                    eM(vxx,:)=rengloncoaexaminado3; %es la matriz W con los
valores de los efectos discretizados de acuerdo al principio de escasez
de efectos

                    if rgg~=0
                        cccolumnas=(eM(:,vxx));
                        eM(:,vxx)=zeros(size(ccccolumnas));
                    end
                    end
            end
        end
    end
    D=eM;

ASIGNA CORRELACIONES INFERIORES AL VL
%%ESTE MÓDULO TIENE COMO OBJETIVO ASIGNAR CORRELACIONES A FACTORES
PRINCIPALES E INTERACCIONES
%%QUE ANTERIORMENTE NO FUERON ASIGNADAS DEBIDO A QUE SU CORRELACIÓN
ESTA DEBAJO DEL VL%%
% SECCIÓN 1 %
%%ESTE PROGRAMA QUITA LOS UNOS DE LA MATRIZ DE W%%
UD=zeros(size(D));
for dd=1:A
    ren=(W(dd,:));
    rel=find(ren(1,1:end)==1);%detecta el uno de cada renglón
    ren(1,rel)=0;
    UD(dd,:)=ren;
end
UD;%UD es la matriz W sin unos en la diagonal

```

```

% SECCIÓN 2 %
%%ESTE PROGRAMA BUSCA RENGLONES VACIOS EN D Y SI EXISTEN LE ASIGNA%%
%%ESOS RENGLONES DE LA MATRIZ UD(W)%%
MFL=zeros(size(D));%Se genera una matriz de ceros para almacenar los
intercambios de renglones
for f=me+1:A %% "f" se mueve en columnas %%SI SE QUIERE RESTRINGIR
EFECTOS PRINCIPALES EN ESTA PARTE AGREGAR me+1%%
    renglonY=(D(f,:)); %%Obtiene el renglón completo de "D" y se
almacena en "renglonY"
    [uu,cc]=max(renglonY);%%Se analiza el renglón "renglonY", "uu" es el
dato de salida para analizar
    if uu==0 %Dice, si el máximo del renglón "renglonY" (de la matriz
D) es igual a cero, es decir este vacío
        MFL(f,:)=(UD(f,:)); %Asigna un renglón de "UD" a la matriz MFL
    else %si el máximo del renglón es diferente de cero, es decir
tiene algún valor
        MFL(f,:)=renglonY; %Asigna el renglón de "D" a la matriz MFL
    end
end
MFL;%Esta es la matriz que dio como resultado en el paso anterior, la
cual cuenta con renglones intercambiados.

%SECCIÓN 3 %
%%ESTE PROGRAMA VA ASIGNANDO RENGLONES DE MFL A ML SIEMPRE Y CUANDO LAS
COLUMNAS (A PARTIR DE EFECTOS DOBLES) EN "D" ESTEN VACIAS, SI NO ESTAN
VACIAS MANDA UN RENGLON DE CEROS A ML EN SU RESPECTIVA POSICIÓN, CON ESTO
SE ELIMINAN LOS RENGLONES NUEVOS QUE ENTRARON EN LA MATRIZ MFL, DE ESTA
FORMA SE RESPETA SI EN LA MATRIZ "D" YA VENIA UN EFECTO DE DOBLE
INTERACCIÓN%%
ML=zeros(size(D));%%Se genera una matriz de ceros para almacenar los
cambios
for ff=1:L % "ff" inicia desde efectos principales de renglón en renglón
    ML(ff,:)=(MFL(ff,:));%se almacena el renglón de MFL en ML
    if ff>me %%A partir de efectos dobles se realiza el análisis, debido
a que los efectos principales no tienen interacciones dobles de forma
horizontal, debido a que es una matriz triangular la que se analiza
        coldeD=max(D(:,ff));%Se extrae la columna de "D" en la
posición "ff", se almacena en "coldeD" y busca el valor máximo en esa
columna
        if coldeD==0 %%si el valor máximo en esa columna es igual a cero
            ML(ff,:)=(MFL(ff,:));%%Se agrega el renglón de MFL a la matriz "ML"
        elseif coldeD~=0 %%En caso contrario, si el valor de la
columna es diferente de cero
            ML(ff,:)=zeros(size(MFL(ff,:)));%% manda un renglón de
ceros a ML, es decir este renglón si se había llenado en el
            %%paso anterior se tiene que
            %%eliminar de debido a que
una
            %%columna respectivamente ya
            %%había sido asignada desde
"ML"
        end
    end
end
ML;%ES LA MATRIZ RESULTADO DEL PROGRAMA ANTERIOR

```

```

%SECCIÓN 4 %
SE GENERA UN VECTOR DE CEROS EL CUAL SE UTILIZA PARA ALMACENAR LA
INFORMACIÓN
%%% PASO 1 %%%
vecdeayuda=zeros(L,1);%%SE GENERA UN VECTOR DE CEROS EL CUAL SE UTILIZA
PARA ALMACENAR LA INFORMACIÓN
MZ=zeros(size(ML));%%SE GENERA UNA MATRIZ DE CEROS PARA ALMACENAR LOS
DATOS
%ESTO TIENE LA FINALIDAD SOLAMENTE DE GENERAR UNA NUEVA Y ASÍ PODER
EDITAR EN EL SIGUIENTE PROGRAMA
for ll=1:A %% "ll" se mueve en filas
    MZ(ll,:)=ML(ll,:);%AQUÍ SOLO SE TRASPASAN LOS RENGLONES DE ML a MZ
POR EL MOTIVO ANTES EXPLICADO
    localiza=find(D(ll,1:me)>0);%Toma un segmento hasta efectos
principales a partir de efectos dobles encuentra un valor en este
segmento mayor que cero
    if localiza>=1 %se pregunta ¿en el renglón ll se encuentra un
valor mayor o igual a 1?
        vecdeayuda(ll,1)=1; %si lo encuentra coloca un uno en el vector de
ceros
    else %si no encuentra valores
        vecdeayuda(ll,1)=0; % coloca un cero en el vector de ceros en la
posición ll
    end
%EL RESULTADO DE ESTE PROGRAMA ES UN VECTOR DE [0 1] CEROS Y UNOS DE
TAMAÑO Lx1, DONDE CERO INDICA QUE EFECTOS PRINCIPALES ESTA DESOCUPADO Y
UNO INDICA QUE ESTA OCUPADO
end
MZ;

```

```

#### PASO 2 ####
vecdeayuda;%ESTE ES EL VECTOR DE TAMAÑO Lx1 QUE RESULTÓ
newvecceros=vecdeayuda;%QUI SE GENERA UN NUEVO VECTOR PARA PODER
ACUALIZARLO CONFORME AVANZA EL SIGUIENTE PROGRAMA
newvecceros;%ESTE EL VECTOR ESPEJO QUE SE UTILIZA PARA ACTUALIZARLO
CONFORME SE ASIGNE (DEJE) UN NÚMERO
for ee=me+1:A %ESTE PROGRAMA INICIA EN FILAS DE EFECTOS DOBLES EN
ADELANTE DEBIDO A QUE ES INECESARIO ANALIZAR PRINCIPALES
    % "ee" se mueve en filas
    [tt,dd]=max(vecdeayuda(ee,1));%"vecdeayuda" es nuestra guía para
decidir si se entra a analizar repeticiones dobles.
% "tt" informa si en la posición ee del "vecceros" se encuentra un "uno"
o "cero"
    if tt==0 %si tt es igual a cero ejecuta el siguiente ciclo, es decir,
si se requiere entra a analizar entonces ejecuta el siguiente ciclo
        for uu=me+1:L %"uu" se mueve en columnas
            newvecceros; %Este es el vector espejo que se va actualizando
ubicacionenmatrix=(MZ(ee,uu));% "ubicacionenmatrix" ubica un
número en la posición (ee,uu) de la matriz "MZ"
            if ubicacionenmatrix==0 % ¿el número encontrado en la posición
(ee,uu) es igual a cero?, si es igual a cero la instrucción es no hacer
nada y dejar ese número debido a que es cero y termina.
                else %si ubicacionenmatrix es diferente de cero, es decir es
un número
                    %se ejecuta el siguiente if para analizar si se coloca (deja) o no.

                        if newvecceros(uu,1)==1 %¿la posición (uu,1) del
"nuevevecceros" es igual a 1?
                            MZ(ee,uu)=0;%si es igual a 1 coloca un cero en la
posición (ee,uu) de la matriz MZ es decir hace cero dichos números en esa
posición debido a que el 1 indica que esa posición (renglón
correspondiente) ya está ocupada
                                elseif newvecceros(uu,1)==0%¿la posición (uu,1) del
nuevevecceros es igual a 0?
                                    newvecceros(ee,1)=1;%si la posición es igual a cero
quiere decir que está libre y el número "posicionenmatrix" ubicado en la
posición de (ee,uu) de "MZ" se dejará, pero como al dejarlo ya quedará
ocupada la fila se coloca un "1" en el vector espejo "nuevevecceros",
para que al regresar con los próximos ciclos esté actualiza y así no deje
asignar (ponga ceros) donde ya fue asignado (dejado).
%NOTA aquí no se da la instrucción que se asigne dicho número solo se
deja, es decir no se hace cero, por eso en señal que se dejó se asigna un
uno al "nuevevecceros" por lo explicado anteriormente.
                                        end
                                    end
                                end
                            end
                        end
                    end
                end
            end
        end
    end
end
MZ;%ES LA MATRIZ RESULTANTE DE PROGRAMA ANTERIOR

```

```

%SECCIÓN 5 %
%ESTE PROGRAMA SE ENCARGA DE BUSCAR EL VALOR MAXIMO EN TODO EL RENGLON
%SIN DAR PRIORIDAD A PRINCIPALES, ES DECIR LO HACE GENERAL
MX=zeros(size(D));%%Se genera una matriz de ceros para almacenar los
cambios que se van a realiza en este programa
for fff=1:A %% "fff" se mueve en filas
    tomareng=(MZ(fff,:)); %Toma el renglón completo de MZ, se almacena en
    "tomareng"
    [rr,hh]=max(tomareng); %Se analiza "tomareng" para conocer el valor
    máximo del renglón "rr" muestra el valor máximo y "hh" la ubicación del
    número máximo
    if rr==0 %si el valor máximo del renglón es igual a cero
        %La instrucción es no hacer nada
    elseif rr~=0 %Si el valor máximo es diferente a cero se ejecuta el
    siguiente ciclo
        for rr=1:L %%"rr" se mueve en columnas del renglón "tomareng"
            if tomareng(1,hh)>tomareng(1,rr)%"tomareng(1,hh)" almacena
            el valor máximo encontrado, si el valor máximo encontrado es mayor a los
            valores "tomareng(1,rr)"
                tomareng(1,rr)=0; %hace ceros los valore en las
                respectivas posiciones
            elseif tomareng(1,hh)==tomareng(1,rr)%si el valor máximo
            encontrado es igual a tomareng(1,rr) en la misma posición lo deja
                if hh~=rr%si el valor máximo encontrado es igual a
                tomareng(1,rr) pero es diferente posición
                    tomareng(1,rr)=0;%hace ceros ese valor, esto asegura
                    que en caso de empate de prioridad de izquierda a derecha
                    end
                end
            end
        end
    end
    MX(fff,:)=tomareng;%El renglón actualizado se almacena en la matriz MX en
    su respectiva posición "fff".
end
MX;%Esta es la matriz

```



```

%SECCIÓN 6 %
%ESTE PROGRAMA VERIFICA NUEVAMENTE QUE NO EXISTAN REPETICIONES EN EFECTOS
DOBLES, SE ASIGNARON NUEVOS RENGLONES Y DEBIDO A ESTA CAUSA LA MATRIZ
PERDIÓ EL ORDEN. ES NECESARIO VOLVER A SEGURARSE QUE NO EXISTAN
REPETICIONES
    CH=zeros(size(D));
% ESTA INFORMACIÓN DE ENTRADA CAMBIO DE SIGNOS%%%
for eee=1:L%%% "ee" se mueve en renglones
    CH(eee,:)=(MX(eee,:));%El renglón en la posición "eee" se pasa
a la matriz CH
    if eee>me %A partir de efectos dobles hasta triples se realiza el
análisis
        columdeMX1=max(MX(:,eee));%Se analiza la columna de la matriz MX para
halla su valor máximo
        if columdeMX1==0%Si el valor máximo encontrado es igual a cero
            CH(eee,:)=(MX(eee,:));%el renglón de MX en la posición "eee" se
almacena en CH
        elseif columdeMX1~=0%Si el calor encontrado es diferente de cero,
es decir que existen un número
            CH(eee,:)=zeros(size(MX(eee,:)));%Se manda un renglón de ceros
en la posición "eee" a la matriz CH
        end
    end
end
end
CH;%Es la matriz resultante la cual asegura que no existe repeticiones
dobles en efectos dobles y triples
% ESTA INFORMACIÓN DE ENTRADA CAMBIO DE SIGNOS%%%

% SECCIÓN 7 %
%%% PASO 1%%%
%%%En esta sección se agregar los unos de los factores principales
for ss=1:me
    CH(ss,ss)=1;
end
%%%En esta sección se agregan los unos en interacciones dobles y triples
cuando existen correlaciones dichas
%%%interacciones
for sss=me+1:L
    columdeCH=max(CH(:,sss));
    if columdeCH==0
        else
            CH(sss,sss)=1;
        end
end
end

```

```

%%% PASO 2%%%
matrizalias=zeros(L,1);%alimentara unos si la variable ya se encuentra en
la estructura
for y=1:L
    posicionaliasencontrado=find(CH(y,:)>0); %busca por renglón en CH
las posiciones con valores mayores a cero
    if posicionaliasencontrado>=1
        matrizalias(y,1)=1;
    else
        matrizalias(y,1)=0;
    end
end
matrizalias;
numeroaliasconsiderado=sum(matrizalias);
if numeroaliasconsiderado==L% verificar asignaciones
    disp('ALIAS CALCULADOS CORRECTAMENTE')
elseif numeroaliasconsiderado<L
    for yy=me+1:L
        renparaunosCH=max(CH(yy,:));
        if renparaunosCH==0
            CH(yy,yy)=1;
        end
    end
    nuevamatrizalias=zeros(L,1);%alimentara unos si la variable ya
se encuentra en la estructura
    for yyy=1:L
        nuevoaliasencontrado=find(CH(yyy,:)>0); %busca por renglón
en CH las posiciones con valores mayores a cero
        if nuevoaliasencontrado>=1
            nuevamatrizalias(yyy,1)=1;
        else
            nuevamatrizalias(yyy,1)=0;
        end
    end
    nuevonumeroaliasconsiderado=sum(nuevamatrizalias);
    if nuevonumeroaliasconsiderado==L
        disp('ALIAS CALCULADOS CORRECTAMENTE 1')
    elseif nuevonumeroaliasconsiderado<L
        disp('ALIAS CALCULADOS INCORRECTAMENTE 1')
    end
end
end

```

```

CAMBIO DE SIGNOS
%ESTE PROGRAMA TIENE COMO OBJETIVO DEVOLVER LOS SIGNOS A LAS
CORRELACIONES%
MSZ=zeros(size(CH));%Se genera una matriz de ceros para almacenar el
cambio de los signos
for ppp=1:A%%% "ppp" se mueve en renglones%%%ESTE PROGRAMA ESTA
GENERALIZADO%%%
    renglonCH=(CH(ppp,:));% "renglonCH" almacena un renglón de CH
    renglondeT=(T(ppp,:));% "renglonT" almacena un renglón de T
    renglonparaceros=find(abs(renglondeT(1,1:end))~=abs(renglonCH(1,1:end)));
    %Encuentra las posiciones que son diferentes en el "renglondeT" con
    respecto al "renglondeCH"
    renglondeT(1,renglonparaceros)=0;% Hace cero las posiciones que son
    diferentes, conservando aquellas posiciones que son iguales, así como su
    signo
    MSZ(ppp,:)=renglondeT;%En en la nueva matriz se almacena se almacena
    el renglón correspondiente en la nueva matriz ya con su respectivo signo
    de correlación
end
MSZ;

```

#### AGREGA LETRAS

```

%ESTE PROGRAMA TIENE COMO OBJETIVO ASIGNAR LETRAS A LAS ESTRUCTURAS DE
ALIAS, SE CUENTA CON MATRICES DE LETRAS Y RENGLONES DE LETRAS DEACUERDO
CON EL NÚMERO DE FACTORES, SE ANALIZA LA MATRIZ MSZ QUE VIENE DEL
PROGRAMA CAMBIO DE SIGNOS, SE BUSCAN LAS COORDENADAS DONDE SE ENCUENTRAN
LAS CORRELACIONES Y DE ESA MANERA SE ASIGNA LA LETRA CORRESPONDIENTE
%En el siguiente "if" se condiciona el tamaño de la matriz el cual tiene
relación con el número de factores (de 2 a 9 factores), dependiendo el
tamaño de la matriz se asigna el renglón y matriz de letras
correspondiente
if L==3
load('DOSFAC.mat');
load('RENG2.mat');
elseif L==7
load('TRESFAC.mat');
load('RENG3.mat');
elseif L==14
load('CUATROFAC.mat');
load('RENG4.mat');
elseif L==25
load('CINCOFAC.mat');
load('RENG5.mat');
elseif L==41
load('SEISFAC.mat');
load('RENG6.mat');
elseif L==63
load('SIETEFAC.mat');
load('RENG7.mat');
elseif L==92
load('OCHOFAC.mat');
load('RENG8.mat');
elseif L==129
load('NUEVEFAC.mat');
load('RENG9.mat');
end

```

```

#####DESALINEAR LA ESTRUCTURA DE ALIAS GENERADA#####
En el siguiente ciclo se realiza la búsqueda de las posiciones de los
valores correlacionados para asignarle las letras correspondientes
for x=1:L % "L" se mueve en columnas
    examinar=find(MSZ(:,x));%Se toma la columna de MSZ en la posición "x"
y se busca si está llena o vacía, la información se asigna a "examinar"
    if isempty(examinar)%si examinar está vacía, la instrucción es no
hacer nada y dar paso a buscar en la siguiente columna
        else%si examinar está llena se ejecutan las siguientes instrucciones
            G=REGLONLETRAS(x);%En el renglón de letras de busca la
posición de la columna "x" y la letra encontrada se asigna a las
variables "G"
            fprintf('=====\n');%Se imprime una línea para delimitar cada
estructura
            fprintf(' EFECTO \n');%Se imprime la palabra efecto
                disp(G) %Se imprime la letra del renglón
            fprintf(' = \n'); %Se imprime un signo igual
            end
                for xx=1:A % "xx" se mueve en filas
                    if MSZ(xx,x)~=0 %Si el valor en la posición (xx,x) de la matriz MSZ
es diferente de cero se realizan las siguientes instrucciones
                        [d,u]=max(MSZ(xx,x));%Se analiza el valor encontrado con la
función max para extraer el valor el cual se almacena en "d"
                            P=MATRIXLETRAS(xx,x);%En la posición (xx,x) se extrae la
letra correspondiente de la matriz de letra y se almacena en "P"
                                fprintf(' %f \n',d)%Se imprime el valor almacenado en
"d"
                                    disp(P)%Se imprime la letra almacenada en P
                            end
                        end
                    end
                end
            end
        end
    end
    ciclo=ciclo+1;%Es un contador para detener el ciclo externo.

```

```

DATOSINICIO.m  x  +
1  function varargout = DATOSINICIO(varargin)
2  % DATOSINICIO MATLAB code for DATOSINICIO.fig
3  %     DATOSINICIO, by itself, creates a new DATOSINICIO or raises the existing
4  %     singleton*.
5  %     H = DATOSINICIO returns the handle to a new DATOSINICIO or the handle to
6  %     the existing singleton*.
7  %     DATOSINICIO('CALLBACK',hObject,eventData,handles,...) calls the local
8  %     function named CALLBACK in DATOSINICIO.M with the given input arguments.
9  %     DATOSINICIO('Property','Value',...) creates a new DATOSINICIO or raises the
10 %     existing singleton*. Starting from the left, property value pairs are
11 %     applied to the GUI before DATOSINICIO_OpeningFcn gets called. An
12 %     unrecognized property name or invalid value makes property application
13 %     stop. All inputs are passed to DATOSINICIO_OpeningFcn via varargin.
14 %     *See GUI Options on GUIDE's Tools menu. Choose "GUI allows only one
15 %     instance to run (singleton)".
16 % See also: GUIDE, GUIDATA, GUIHANDLES
17 % Edit the above text to modify the response to help DATOSINICIO
18 % Last Modified by GUIDE v2.5 25-Feb-2019 09:35:58
19 % Begin initialization code - DO NOT EDIT
20 gui_Singleton = 1;
21 gui_State = struct('gui_Name',       mfilename, ...
22                  'gui_Singleton',   gui_Singleton, ...
23                  'gui_OpeningFcn', @DATOSINICIO_OpeningFcn, ...
24                  'gui_OutputFcn',  @DATOSINICIO_OutputFcn, ...
25                  'gui_LayoutFcn',  [] , ...
26                  'gui_Callback',    []);
27 if nargin && ischar(varargin{1})
28     gui_State.gui_Callback = str2func(varargin{1});
29 end
30
31 if nargin
32     [varargout{1:nargout}] = gui_mainfcn(gui_State, varargin{:});
33 else
34     gui_mainfcn(gui_State, varargin{:});
35 end
36 % End initialization code - DO NOT EDIT
37 % --- Executes just before DATOSINICIO is made visible.
38 function DATOSINICIO_OpeningFcn(hObject, eventdata, handles, varargin)
39 % This function has no output args, see OutputFcn.
40 % hObject    handle to figure
41 % eventdata  reserved - to be defined in a future version of MATLAB
42 % handles    structure with handles and user data (see GUIDATA)
43 % varargin   command line arguments to DATOSINICIO (see VARARGIN)
44 % Choose default command line output for DATOSINICIO
45 handles.output = hObject;
46 % Update handles structure
47 guidata(hObject, handles);
48 % UIWAIT makes DATOSINICIO wait for user response (see UIRESUME)
49 uiwait(handles.figure1);
50 % --- Outputs from this function are returned to the command line.

```

```

51 function varargout = DATOSINICIO_OutputFcn(hObject, eventdata, handles)
52 % varargout cell array for returning output args (see VARARGOUT);
53 % hObject handle to figure
54 % eventdata reserved - to be defined in a future version of MATLAB
55 % handles structure with handles and user data (see GUIDATA)
56
57 % Get default command line output from handles structure
58 varargout{1} = handles.output;
59 function edit1_Callback(hObject, eventdata, handles)
60 % hObject handle to edit1 (see GCBO)
61 % eventdata reserved - to be defined in a future version of MATLAB
62 % handles structure with handles and user data (see GUIDATA)
63 % Hints: get(hObject,'String') returns contents of edit1 as text
64 % str2double(get(hObject,'String')) returns contents of edit1 as a double
65 % --- Executes during object creation, after setting all properties.
66 function edit1_CreateFcn(hObject, eventdata, handles)
67 % hObject handle to edit1 (see GCBO)
68 % eventdata reserved - to be defined in a future version of MATLAB
69 % handles empty - handles not created until after all CreateFcns called
70
71 % Hint: edit controls usually have a white background on Windows.
72 % See ISPC and COMPUTER.
73 if ispc && isequal(get(hObject,'BackgroundColor'), get(0,'defaultUiControlBackgroundColor'))
74 set(hObject,'BackgroundColor','white');
75
76 function edit2_Callback(hObject, eventdata, handles)
77 % hObject handle to edit2 (see GCBO)
78 % eventdata reserved - to be defined in a future version of MATLAB
79 % handles structure with handles and user data (see GUIDATA)
80 % Hints: get(hObject,'String') returns contents of edit2 as text
81 % str2double(get(hObject,'String')) returns contents of edit2 as a double
82 % --- Executes during object creation, after setting all properties.
83 function edit2_CreateFcn(hObject, eventdata, handles)
84 % hObject handle to edit2 (see GCBO)
85 % eventdata reserved - to be defined in a future version of MATLAB
86 % handles empty - handles not created until after all CreateFcns called
87
88 % Hint: edit controls usually have a white background on Windows.
89 % See ISPC and COMPUTER.
90 if ispc && isequal(get(hObject,'BackgroundColor'), get(0,'defaultUiControlBackgroundColor'))
91 set(hObject,'BackgroundColor','white');
92 end
93 % --- Executes on button press in pushbutton1.
94 function pushbutton1_Callback(hObject, eventdata, handles)
95 filas=str2double(get(handles.edit2,'String'));
96 columnas=str2double(get(handles.edit1,'String'));
97 tamano=cell(filas,columnas);
98 tamano(:,:)={' '};
99 set(handles.uitable1,'Data',tamano);
100 set(handles.uitable1,'ColumnEditable',true(1,columnas));
101 % hObject handle to pushbutton1 (see GCBO)
102 % eventdata reserved - to be defined in a future version of MATLAB
103 % handles structure with handles and user data (see GUIDATA)
104 % --- Executes on button press in pushbutton2.

```

```

105 - function pushbutton2_Callback(hObject, eventdata, handles)
106 -     valor=get(handles.uitable1,'Data');
107 -     Array=str2double(valor);
108 -     GENERADORDEESTRUCTURASDEALIAS;
109 -     % hObject    handle to pushbutton2 (see GCBO)
110 -     % eventdata reserved - to be defined in a future version of MATLAB
111 -     % handles    structure with handles and user data (see GUIDATA)
112 -     % --- Executes during object creation, after setting all properties.
113 - function axes6_CreateFcn(hObject, eventdata, handles)
114 -     b=imread('LOGO.png');
115 -     image(b);
116 -     axis off;
117 -     % hObject    handle to axes6 (see GCBO)
118 -     % eventdata reserved - to be defined in a future version of MATLAB
119 -     % handles    empty - handles not created until after all CreateFcns called
120 -     % Hint: place code in OpeningFcn to populate axes6
121

```

### 4.4.1. Archivos .mat

RENG2.mat tamaño 1 x 3

A	B	AB
---	---	----

RENG3.mat tamaño 1 x 7

A	B	C	AB	AC	BC	ABC
---	---	---	----	----	----	-----

RENG4.mat tamaño 1 x 14

A	B	C	D	AB	AC	AD	BC	BD	CD	ABC	ABD	ACD	BCD
---	---	---	---	----	----	----	----	----	----	-----	-----	-----	-----

RENG5.mat tamaño 1 x 25

A	B	C	D	.	.	.	BCD	BCE	BDE	CDE
---	---	---	---	---	---	---	-----	-----	-----	-----

RENG6.mat tamaño 1 x 41

A	B	C	D	.	.	.	CDE	CDF	CEF	DEF
---	---	---	---	---	---	---	-----	-----	-----	-----

RENG7.mat tamaño 1 x 63

A	B	C	D	.	.	.	DEF	DEG	DFG	EFG
---	---	---	---	---	---	---	-----	-----	-----	-----

RENG8.mat tamaño 1 x 92

A	B	C	D	.	.	.	EFG	EFH	EGH	FGH
---	---	---	---	---	---	---	-----	-----	-----	-----

RENG9.mat tamaño 1x 129

A	B	C	.	.	.	FGH	FGJ	FHJ	GHJ
---	---	---	---	---	---	-----	-----	-----	-----



DOSFAC.mat (tamaño 3 x 3)

A	A	A
B	B	B
AB	AB	AB

TRESFAC.mat (tamaño 7 x 7)

A	A	A	A	A	A	A
B	B	B	B	B	B	B
C	C	C	C	C	C	C
AB	AB	AB	AB	AB	AB	AB
AC	AC	AC	AC	AC	AC	AC
BC	BC	BC	BC	BC	BC	BC
ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC

CUATROFAC.mat (tamaño 10 x 10)

A	A	A	A	A	A	A	A	A	A
B	B	B	B	B	B	B	B	B	B
C	C	C	C	C	C	C	C	C	C
D	D	D	D	D	D	D	D	D	D
AB	AB	AB	AB	AB	AB	AB	AB	AB	AB
AC	AC	AC	AC	AC	AC	AC	AC	AC	AC
AD	AD	AD	AD	AD	AD	AD	AD	AD	AD
BC	BC	BC	BC	BC	BC	BC	BC	BC	BC
BD	BD	BD	BD	BD	BD	BD	BD	BD	BD
CD	CD	CD	CD	CD	CD	CD	CD	CD	CD
ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC
ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD
ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD
BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD

CINCOFAC.mat (tamaño 25 x 25)

A	A	A	A	A	A	.	.	.	A	A	A	A	A	A
B	B	B	B	B	B	.	.	.	B	B	B	B	B	B
C	C	C	C	C	C	.	.	.	C	C	C	C	C	C
D	D	D	D	D	D	.	.	.	D	D	D	D	D	D
E	E	E	E	E	E	.	.	.	E	E	E	E	E	E
AB	AB	AB	AB	AB	AB	.	.	.	AB	AB	AB	AB	AB	AB
AC	AC	AC	AC	AC	AC	.	.	.	AC	AC	AC	AC	AC	AC
AD	AD	AD	AD	AD	AD	.	.	.	AD	AD	AD	AD	AD	AD
AE	AE	AE	AE	AE	AE	.	.	.	AE	AE	AE	AE	AE	AE
BC	BC	BC	BC	BC	BC	.	.	.	BC	BC	BC	BC	BC	BC
BD	BD	BD	BD	BD	BD	.	.	.	BD	BD	BD	BD	BD	BD
BE	BE	BE	BE	BE	BE	.	.	.	BE	BE	BE	BE	BE	BE
CD	CD	CD	CD	CD	CD	.	.	.	CD	CD	CD	CD	CD	CD
CE	CE	CE	CE	CE	CE	.	.	.	CE	CE	CE	CE	CE	CE
DE	DE	DE	DE	DE	DE	.	.	.	DE	DE	DE	DE	DE	DE
ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	.	.	.	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC
ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	.	.	.	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD
ABE	ABE	ABE	ABE	ABE	ABE	.	.	.	ABE	ABE	ABE	ABE	ABE	ABE
ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	.	.	.	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD
ACE	ACE	ACE	ACE	ACE	ACE	.	.	.	ACE	ACE	ACE	ACE	ACE	ACE
ADE	ADE	ADE	ADE	ADE	ADE	.	.	.	ADE	ADE	ADE	ADE	ADE	ADE
BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	.	.	.	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD
BCE	BCE	BCE	BCE	BCE	BCE	.	.	.	BCE	BCE	BCE	BCE	BCE	BCE
BDE	BDE	BDE	BDE	BDE	BDE	.	.	.	BDE	BDE	BDE	BDE	BDE	BDE
CDE	CDE	CDE	CDE	CDE	CDE	.	.	.	CDE	CDE	CDE	CDE	CDE	CDE

SEISFAC.mat (tamaño 41 x 41)

A	A	A	A	A	A	.	.	.	A	A	A	A	A	A
B	B	B	B	B	B	.	.	.	B	B	B	B	B	B
C	C	C	C	C	C	.	.	.	C	C	C	C	C	C
D	D	D	D	D	D	.	.	.	D	D	D	D	D	D
E	E	E	E	E	E	.	.	.	E	E	E	E	E	E
F	F	F	F	F	F	.	.	.	F	F	F	F	F	F
AB	AB	AB	AB	AB	AB	.	.	.	AB	AB	AB	AB	AB	AB
AC	AC	AC	AC	AC	AC	.	.	.	AC	AC	AC	AC	AC	AC
AD	AD	AD	AD	AD	AD	.	.	.	AD	AD	AD	AD	AD	AD
AE	AE	AE	AE	AE	AE	.	.	.	AE	AE	AE	AE	AE	AE
AF	AF	AF	AF	AF	AF	.	.	.	AF	AF	AF	AF	AF	AF
BC	BC	BC	BC	BC	BC	.	.	.	BC	BC	BC	BC	BC	BC
BD	BD	BD	BD	BD	BD	.	.	.	BD	BD	BD	BD	BD	BD
BE	BE	BE	BE	BE	BE	.	.	.	BE	BE	BE	BE	BE	BE
BF	BF	BF	BF	BF	BF	.	.	.	BF	BF	BF	BF	BF	BF
CD	CD	CD	CD	CD	CD	.	.	.	CD	CD	CD	CD	CD	CD
CE	CE	CE	CE	CE	CE	.	.	.	CE	CE	CE	CE	CE	CE
CF	CF	CF	CF	CF	CF	.	.	.	CF	CF	CF	CF	CF	CF
DE	DE	DE	DE	DE	DE	.	.	.	DE	DE	DE	DE	DE	DE
DF	DF	DF	DF	DF	DF	.	.	.	DF	DF	DF	DF	DF	DF
EF	EF	EF	EF	EF	EF	.	.	.	EF	EF	EF	EF	EF	EF
ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	.	.	.	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC	ABC
ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	.	.	.	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD	ABD
ABE	ABE	ABE	ABE	ABE	ABE	.	.	.	ABE	ABE	ABE	ABE	ABE	ABE
ABF	ABF	ABF	ABF	ABF	ABF	.	.	.	ABF	ABF	ABF	ABF	ABF	ABF
ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	.	.	.	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD	ACD
ACE	ACE	ACE	ACE	ACE	ACE	.	.	.	ACE	ACE	ACE	ACE	ACE	ACE
ACF	ACF	ACF	ACF	ACF	ACF	.	.	.	ACF	ACF	ACF	ACF	ACF	ACF
ADE	ADE	ADE	ADE	ADE	ADE	.	.	.	ADE	ADE	ADE	ADE	ADE	ADE
ADF	ADF	ADF	ADF	ADF	ADF	.	.	.	ADF	ADF	ADF	ADF	ADF	ADF
AEF	AEF	AEF	AEF	AEF	AEF	.	.	.	AEF	AEF	AEF	AEF	AEF	AEF
BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	.	.	.	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD	BCD
BCE	BCE	BCE	BCE	BCE	BCE	.	.	.	BCE	BCE	BCE	BCE	BCE	BCE
BCF	BCF	BCF	BCF	BCF	BCF	.	.	.	BCF	BCF	BCF	BCF	BCF	BCF
BDE	BDE	BDE	BDE	BDE	BDE	.	.	.	BDE	BDE	BDE	BDE	BDE	BDE
BDF	BDF	BDF	BDF	BDF	BDF	.	.	.	BDF	BDF	BDF	BDF	BDF	BDF
BEF	BEF	BEF	BEF	BEF	BEF	.	.	.	BEF	BEF	BEF	BEF	BEF	BEF
CDE	CDE	CDE	CDE	CDE	CDE	.	.	.	CDE	CDE	CDE	CDE	CDE	CDE
CDF	CDF	CDF	CDF	CDF	CDF	.	.	.	CDF	CDF	CDF	CDF	CDF	CDF
CEF	CEF	CEF	CEF	CEF	CEF	.	.	.	CEF	CEF	CEF	CEF	CEF	CEF
DEF	DEF	DEF	DEF	DEF	DEF	.	.	.	DEF	DEF	DEF	DEF	DEF	DEF

SIETEFAC.mat (tamaño 63 x 63)

A	A	A	A	A	A	.	.	.	A	A	A	A	A	A
B	B	B	B	B	B	.	.	.	B	B	B	B	B	B
C	C	C	C	C	C	.	.	.	C	C	C	C	C	C
D	D	D	D	D	D	.	.	.	D	D	D	D	D	D
E	E	E	E	E	E	.	.	.	E	E	E	E	E	E
F	F	F	F	F	F	.	.	.	F	F	F	F	F	F
G	G	G	G	G	G	.	.	.	G	G	G	G	G	G
AB	AB	AB	AB	AB	AB	.	.	.	AB	AB	AB	AB	AB	AB
AC	AC	AC	AC	AC	AC	.	.	.	AC	AC	AC	AC	AC	AC
AD	AD	AD	AD	AD	AD	.	.	.	AD	AD	AD	AD	AD	AD
AE	AE	AE	AE	AE	AE	.	.	.	AE	AE	AE	AE	AE	AE
AF	AF	AF	AF	AF	AF	.	.	.	AF	AF	AF	AF	AF	AF
AG	AG	AG	AG	AG	AG	.	.	.	AG	AG	AG	AG	AG	AG
BC	BC	BC	BC	BC	BC	.	.	.	BC	BC	BC	BC	BC	BC
BD	BD	BD	BD	BD	BD	.	.	.	BD	BD	BD	BD	BD	BD
BE	BE	BE	BE	BE	BE	.	.	.	BE	BE	BE	BE	BE	BE
BF	BF	BF	BF	BF	BF	.	.	.	BF	BF	BF	BF	BF	BF
BG	BG	BG	BG	BG	BG	.	.	.	BG	BG	BG	BG	BG	BG
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
BDE	BDE	BDE	BDE	BDE	BDE	.	.	.	BDE	BDE	BDE	BDE	BDE	BDE
BDF	BDF	BDF	BDF	BDF	BDF	.	.	.	BDF	BDF	BDF	BDF	BDF	BDF
BDG	BDG	BDG	BDG	BDG	BDG	.	.	.	BDG	BDG	BDG	BDG	BDG	BDG
BEF	BEF	BEF	BEF	BEF	BEF	.	.	.	BEF	BEF	BEF	BEF	BEF	BEF
BEG	BEG	BEG	BEG	BEG	BEG	.	.	.	BEG	BEG	BEG	BEG	BEG	BEG
BFG	BFG	BFG	BFG	BFG	BFG	.	.	.	BFG	BFG	BFG	BFG	BFG	BFG
CDE	CDE	CDE	CDE	CDE	CDE	.	.	.	CDE	CDE	CDE	CDE	CDE	CDE
CDF	CDF	CDF	CDF	CDF	CDF	.	.	.	CDF	CDF	CDF	CDF	CDF	CDF
CDG	CDG	CDG	CDG	CDG	CDG	.	.	.	CDG	CDG	CDG	CDG	CDG	CDG
CEF	CEF	CEF	CEF	CEF	CEF	.	.	.	CEF	CEF	CEF	CEF	CEF	CEF
CEG	CEG	CEG	CEG	CEG	CEG	.	.	.	CEG	CEG	CEG	CEG	CEG	CEG
CFG	CFG	CFG	CFG	CFG	CFG	.	.	.	CFG	CFG	CFG	CFG	CFG	CFG
DEF	DEF	DEF	DEF	DEF	DEF	.	.	.	DEF	DEF	DEF	DEF	DEF	DEF
DEG	DEG	DEG	DEG	DEG	DEG	.	.	.	DEG	DEG	DEG	DEG	DEG	DEG
DFG	DFG	DFG	DFG	DFG	DFG	.	.	.	DFG	DFG	DFG	DFG	DFG	DFG
EFG	EFG	EFG	EFG	EFG	EFG	.	.	.	EFG	EFG	EFG	EFG	EFG	EFG

OCHOFAC.mat (tamaño 92 x 92)

A	A	A	A	A	A	.	.	.	A	A	A	A	A	A
B	B	B	B	B	B	.	.	.	B	B	B	B	B	B
C	C	C	C	C	C	.	.	.	C	C	C	C	C	C
D	D	D	D	D	D	.	.	.	D	D	D	D	D	D
E	E	E	E	E	E	.	.	.	E	E	E	E	E	E
F	F	F	F	F	F	.	.	.	F	F	F	F	F	F
G	G	G	G	G	G	.	.	.	G	G	G	G	G	G
H	H	H	H	H	H	.	.	.	H	H	H	H	H	H
AB	AB	AB	AB	AB	AB	.	.	.	AB	AB	AB	AB	AB	AB
AC	AC	AC	AC	AC	AC	.	.	.	AC	AC	AC	AC	AC	AC
AD	AD	AD	AD	AD	AD	.	.	.	AD	AD	AD	AD	AD	AD
AE	AE	AE	AE	AE	AE	.	.	.	AE	AE	AE	AE	AE	AE
AF	AF	AF	AF	AF	AF	.	.	.	AF	AF	AF	AF	AF	AF
AG	AG	AG	AG	AG	AG	.	.	.	AG	AG	AG	AG	AG	AG
AH	AH	AH	AH	AH	AH	.	.	.	AH	AH	AH	AH	AH	AH
BC	BC	BC	BC	BC	BC	.	.	.	BC	BC	BC	BC	BC	BC
BD	BD	BD	BD	BD	BD	.	.	.	BD	BD	BD	BD	BD	BD
BE	BE	BE	BE	BE	BE	.	.	.	BE	BE	BE	BE	BE	BE
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
BEG	BEG	BEG	BEG	BEG	BEG	.	.	.	BEG	BEG	BEG	BEG	BEG	BEG
BEH	BEH	BEH	BEH	BEH	BEH	.	.	.	BEH	BEH	BEH	BEH	BEH	BEH
BFG	BFG	BFG	BFG	BFG	BFG	.	.	.	BFG	BFG	BFG	BFG	BFG	BFG
BFH	BFH	BFH	BFH	BFH	BFH	.	.	.	BFH	BFH	BFH	BFH	BFH	BFH
BGH	BGH	BGH	BGH	BGH	BGH	.	.	.	BGH	BGH	BGH	BGH	BGH	BGH
CDE	CDE	CDE	CDE	CDE	CDE	.	.	.	CDE	CDE	CDE	CDE	CDE	CDE
CDF	CDF	CDF	CDF	CDF	CDF	.	.	.	CDF	CDF	CDF	CDF	CDF	CDF
CDG	CDG	CDG	CDG	CDG	CDG	.	.	.	CDG	CDG	CDG	CDG	CDG	CDG
CDH	CDH	CDH	CDH	CDH	CDH	.	.	.	CDH	CDH	CDH	CDH	CDH	CDH
CEF	CEF	CEF	CEF	CEF	CEF	.	.	.	CEF	CEF	CEF	CEF	CEF	CEF
CEG	CEG	CEG	CEG	CEG	CEG	.	.	.	CEG	CEG	CEG	CEG	CEG	CEG
CEH	CEH	CEH	CEH	CEH	CEH	.	.	.	CEH	CEH	CEH	CEH	CEH	CEH
CFG	CFG	CFG	CFG	CFG	CFG	.	.	.	CFG	CFG	CFG	CFG	CFG	CFG
CFH	CFH	CFH	CFH	CFH	CFH	.	.	.	CFH	CFH	CFH	CFH	CFH	CFH
CGH	CGH	CGH	CGH	CGH	CGH	.	.	.	CGH	CGH	CGH	CGH	CGH	CGH
DEF	DEF	DEF	DEF	DEF	DEF	.	.	.	DEF	DEF	DEF	DEF	DEF	DEF
DEG	DEG	DEG	DEG	DEG	DEG	.	.	.	DEG	DEG	DEG	DEG	DEG	DEG
DEH	DEH	DEH	DEH	DEH	DEH	.	.	.	DEH	DEH	DEH	DEH	DEH	DEH
DFG	DFG	DFG	DFG	DFG	DFG	.	.	.	DFG	DFG	DFG	DFG	DFG	DFG
DFH	DFH	DFH	DFH	DFH	DFH	.	.	.	DFH	DFH	DFH	DFH	DFH	DFH
DGH	DGH	DGH	DGH	DGH	DGH	.	.	.	DGH	DGH	DGH	DGH	DGH	DGH
EFG	EFG	EFG	EFG	EFG	EFG	.	.	.	EFG	EFG	EFG	EFG	EFG	EFG
EFH	EFH	EFH	EFH	EFH	EFH	.	.	.	EFH	EFH	EFH	EFH	EFH	EFH
EGH	EGH	EGH	EGH	EGH	EGH	.	.	.	EGH	EGH	EGH	EGH	EGH	EGH
FGH	FGH	FGH	FGH	FGH	FGH	.	.	.	FGH	FGH	FGH	FGH	FGH	FGH

NUEVEFAC.mat (tamaño 129 x 129)

A	A	A	A	A	A	.	.	.	A	A	A	A	A	A
B	B	B	B	B	B	.	.	.	B	B	B	B	B	B
C	C	C	C	C	C	.	.	.	C	C	C	C	C	C
D	D	D	D	D	D	.	.	.	D	D	D	D	D	D
E	E	E	E	E	E	.	.	.	E	E	E	E	E	E
F	F	F	F	F	F	.	.	.	F	F	F	F	F	F
G	G	G	G	G	G	.	.	.	G	G	G	G	G	G
H	H	H	H	H	H	.	.	.	H	H	H	H	H	H
J	J	J	J	J	J	.	.	.	J	J	J	J	J	J
AB	AB	AB	AB	AB	AB	.	.	.	AB	AB	AB	AB	AB	AB
AC	AC	AC	AC	AC	AC	.	.	.	AC	AC	AC	AC	AC	AC
AD	AD	AD	AD	AD	AD	.	.	.	AD	AD	AD	AD	AD	AD
AE	AE	AE	AE	AE	AE	.	.	.	AE	AE	AE	AE	AE	AE
AF	AF	AF	AF	AF	AF	.	.	.	AF	AF	AF	AF	AF	AF
AG	AG	AG	AG	AG	AG	.	.	.	AG	AG	AG	AG	AG	AG
AH	AH	AH	AH	AH	AH	.	.	.	AH	AH	AH	AH	AH	AH
AJ	AJ	AJ	AJ	AJ	AJ	.	.	.	AJ	AJ	AJ	AJ	AJ	AJ
BC	BC	BC	BC	BC	BC	.	.	.	BC	BC	BC	BC	BC	BC
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.	.
DEH	DEH	DEH	DEH	DEH	DEH	.	.	.	DEH	DEH	DEH	DEH	DEH	DEH
DEJ	DEJ	DEJ	DEJ	DEJ	DEJ	.	.	.	DEJ	DEJ	DEJ	DEJ	DEJ	DEJ
DFG	DFG	DFG	DFG	DFG	DFG	.	.	.	DFG	DFG	DFG	DFG	DFG	DFG
DFH	DFH	DFH	DFH	DFH	DFH	.	.	.	DFH	DFH	DFH	DFH	DFH	DFH
DFJ	DFJ	DFJ	DFJ	DFJ	DFJ	.	.	.	DFJ	DFJ	DFJ	DFJ	DFJ	DFJ
DGH	DGH	DGH	DGH	DGH	DGH	.	.	.	DGH	DGH	DGH	DGH	DGH	DGH
DGJ	DGJ	DGJ	DGJ	DGJ	DGJ	.	.	.	DGJ	DGJ	DGJ	DGJ	DGJ	DGJ
DHJ	DHJ	DHJ	DHJ	DHJ	DHJ	.	.	.	DHJ	DHJ	DHJ	DHJ	DHJ	DHJ
EFG	EFG	EFG	EFG	EFG	EFG	.	.	.	EFG	EFG	EFG	EFG	EFG	EFG
EFH	EFH	EFH	EFH	EFH	EFH	.	.	.	EFH	EFH	EFH	EFH	EFH	EFH
EFJ	EFJ	EFJ	EFJ	EFJ	EFJ	.	.	.	EFJ	EFJ	EFJ	EFJ	EFJ	EFJ
EGH	EGH	EGH	EGH	EGH	EGH	.	.	.	EGH	EGH	EGH	EGH	EGH	EGH
EGJ	EGJ	EGJ	EGJ	EGJ	EGJ	.	.	.	EGJ	EGJ	EGJ	EGJ	EGJ	EGJ
EHJ	EHJ	EHJ	EHJ	EHJ	EHJ	.	.	.	EHJ	EHJ	EHJ	EHJ	EHJ	EHJ
FGH	FGH	FGH	FGH	FGH	FGH	.	.	.	FGH	FGH	FGH	FGH	FGH	FGH
FGJ	FGJ	FGJ	FGJ	FGJ	FGJ	.	.	.	FGJ	FGJ	FGJ	FGJ	FGJ	FGJ
FHJ	FHJ	FHJ	FHJ	FHJ	FHJ	.	.	.	FHJ	FHJ	FHJ	FHJ	FHJ	FHJ
GHJ	GHJ	GHJ	GHJ	GHJ	GHJ	.	.	.	GHJ	GHJ	GHJ	GHJ	GHJ	GHJ